

# OROLOGI OTTICI, LASER ULTRASTABILI, RIDEFINIZIONE DEL SECONDO E TEST DI FISICA FONDAMENTALE

Davide Calonico d.calonico@inrim.it
Divisione di OTTICA
ISTITUTO NAZIONALE DI RICERCA METROLOGICA (INRIM )



# Sommario

- La metrologia (di tempo e frequenza)
- Campioni atomici di frequenza
- Raffreddamento laser di sistemi atomici
- Orologi ottici
- Test di Fisica fondamentale
- Link Ottici



# Metrologia: cui prodest?

"When you can measure what you are speaking about, and express it in numbers, you know something about it; but when you cannot express it in numbers, your knowledge is of a meagre and unsatisfactory kind. It may be the beginning of knowledge, but you have scarcely, in your thoughts, advanced to the stage of science."

Lord Kelvin



# Metrologia: cui prodest?

"Accurate measurement is at the heart of physics, and in my experience new physics begins at the next decimal place."

Steve Chu, Nobel Laureate, 1997



### ... next decimal place:

#### riducendo l'incertezza!

La metrologia è (anche) la disciplina che studia le tecniche teoriche sperimentali e statistiche per quantificare e ridurre l'incertezza di misura

Ma c'è dell'altro...



# La metrologia primaria

Per misurare occorre avere un' UNITA' CAMPIONE

questo comporta un processo scientifico (e tecnologico) che chiameremo METROLOGIA PRIMARIA e che sintetizziamo nei seguenti passi:

**DEFINIZIONE** 

REALIZZAZIONE

**MANTENIMENTO** 

DISSEMINAZIONE

ogni fase porta con sé una propria specifica incertezza, ovviamente da quantificare!



# La tracciabilità metrologica

Per misurare, occorre dotarsi di uno strumento di misura o di un campione secondario che sia RIFERIBILE all'unità campione, cioè sia ad essa legato da una catena ininterrotta di confronti (ognuno con la sua incertezza, da valutare) che quantifichi l'incertezza totale dello strumento/campione secondario rispetto all'unità



#### La convenzione del metro

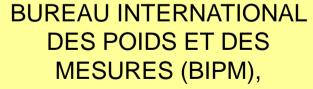
CONVENZIONE DEL METRO, Parigi 1875

**Trattato Diplomatico** 

CONFERENZA GENERALE DEI PESI E DELLE MISURE (CGPM), ogni 4 anni, composta dai delegati degli stati membri Organo Politico (Governi degli Stati Membri)

COMITATO INTERNAZIONALE DEI PESI E DELLE MISURE (CIPM), 18 membri eletti dalla CGPM, incontri annuali, supervisione tecnica e del BIPM

COMITATI CONSULTIVI (per ogni grandezza)



organo scientifico internazionale

Organo Tecnico

ISTITUTI NAZIONALI DI METROLOGIA







## Il Sistema Internazionale delle unità di misura - SI

Lunghezza: metro [m]

Massa: kilogrammo [kg]

Tempo: secondo [s]

Corrente elettrica ampère [A]

Temperatura kelvin [K]

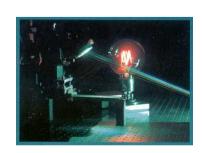
Quantità di sostanza mole [mol]

Intensità luminosa candela [cd]









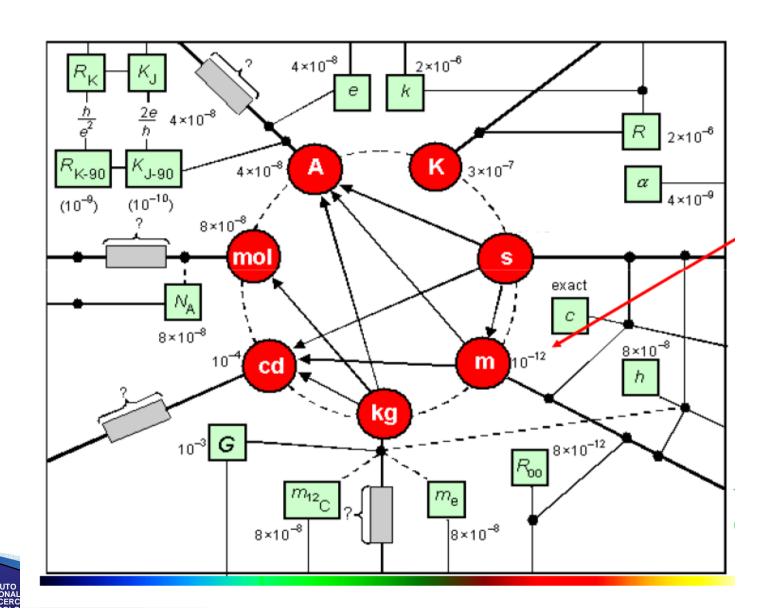








# Unità SI

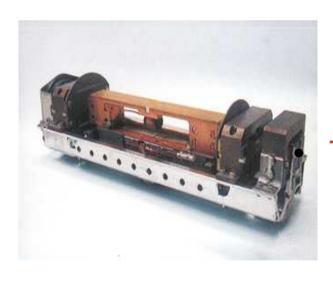


# Definizione del secondo (la metrologia non è una scienza statica)



 Tempo solare medio (fino al 1960)
 Il secondo è la frazione 1 / 86 400 del giorno solare medio

Tempo delle Effemeridi (dal 1960 al 1967)

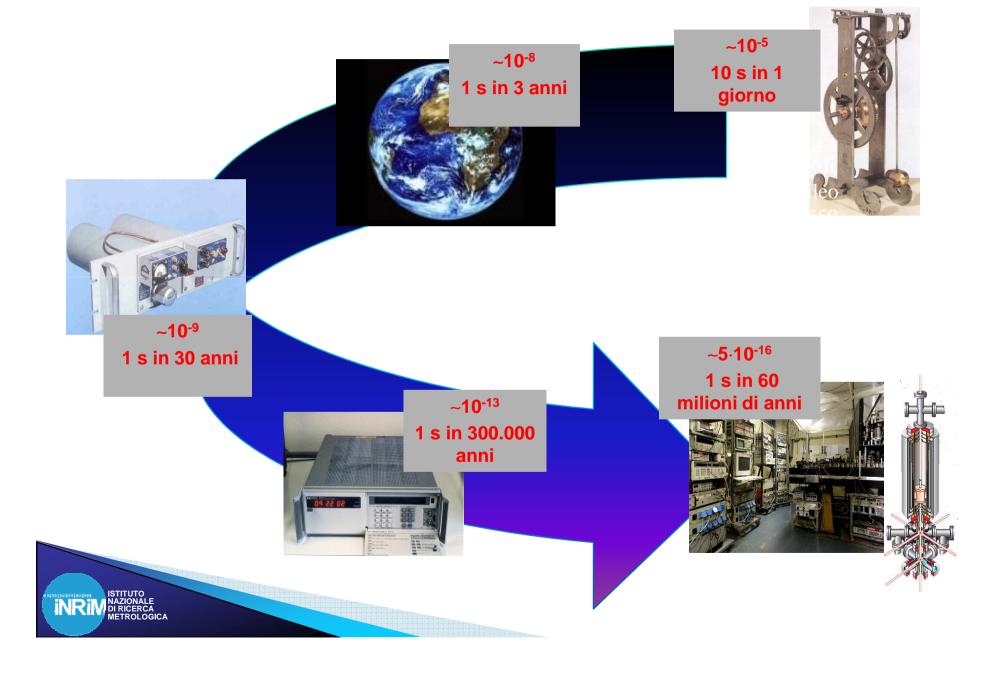


Il secondo è la frazione 1/31556925,9747 dell'anno tropico relativo al giorno 1 gennaio 1900 alle ore 12 UT

#### Tempo atomico (dal 1967)

Il secondo è la durata di 9 192 631 770 periodi della radiazione corrispondente alla transizione tra i due livelli iperfini dello stato fondamentale dell'atomo di cesio 133.

## Evoluzione dell'accuratezza degli orologi



# Utilizzatori del tempo e della frequenza



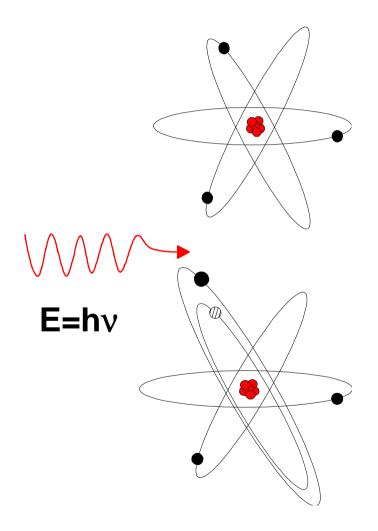
**Utilizzatori del tempo** e della frequenza **STRUMENTAZIONE ATTIVITA' SPAZIALE GEODESIA RICERCA FONDAMENTALE** AGRICOLTURA **DIFESA** 

# Cosa è un campione atomico primario di frequenza?

- Un campione atomico di frequenza è una macchina capace di riferire la frequenza di un oscillatore macroscopico (un quarzo in genere) a quella di un sistema quantistico semplice (atomo, ione o molecola).
  - Gli atomi sono tutti identici tra loro
  - La frequenza di risonanza non muta nel tempo
- Il campione si dice primario quando la frequenza di risonanza dell'atomo si può ricondurre alla sua frequenza imperturbata.

# Come funziona un campione: un principio fondamentale di MQ

Un atomo assorbe un fotone con la probabilità massima quando l'energia di questo è pari a quella necessaria per far transire l'atomo da un autostato a un altro

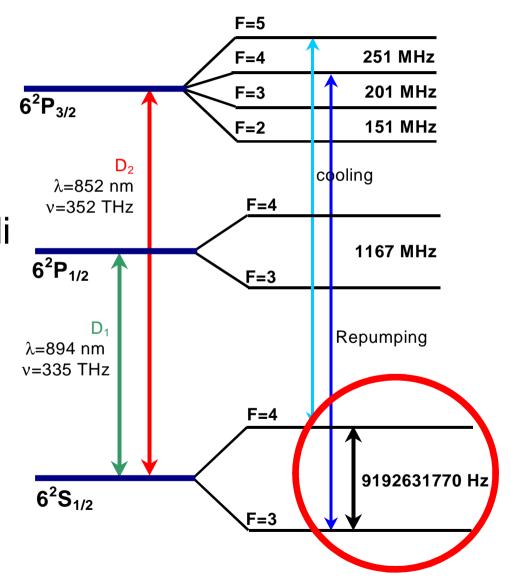




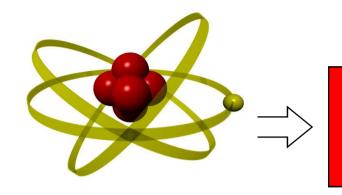
#### Il secondo SI

Tra tutte le possibili transizioni il secondo è definito come:

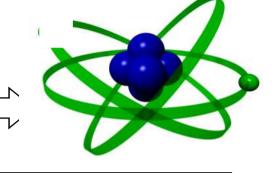
Il secondo è l'intervallo di tempo corrispondente a 9192631770 periodi di radiazione della transizione tra i due stati fondamentali dell'atomo di <sup>133</sup>Cs imperturbato.







# INTERAZIONE ATOMI-RADIAZIONE



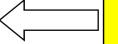
PREPARAZIONE degli atomi nello stato iniziale della transizione



MISURA del numero di atomi transiti allo stato finale della transizione.



Oscillatore Locale



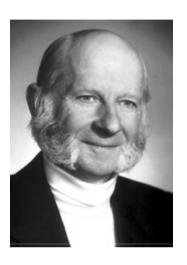
Correzione della frequenza dell'oscillatore fino a raggiungere il massimo numero di atomi transiti.



# A Nobel Gallery

1989







Norman F. Ramsey

"for the invention of the separated oscillatory fields method and its use in the hydrogen maser and other atomic clocks"

Hans G. Dehmelt Wolfgang Paul "for the development of the ion trap technique"



## Accuratezza di un campione atomico

Quanto siamo sicuri che il nostro sistema sia accurato, cioè sia un sistema imperturbato e riproduca la definizione?

⇒ Misure e Test per conoscere al meglio il sistema atomico in esame

Per un fisico, la bellezza della metrologia di frequenza è la capacità di descrivere in modo quantitativo il comportamento di un sistema atomico, e di portare all'estrema accuratezza questa capacità



# Accuratezza e stabilità di un campione di frequenza

Accuratezza è la capacità di un campione di realizzare una transizione atomica imperturbata (o di ricondurvisi per via teorica o sperimentale).

Stabilità è la capacità di realizzare una frequenza costante nel tempo

La stabilità dipende dal tipo di rumore e dal tempo di misura (e non sempre più misure = minore incertezza...)

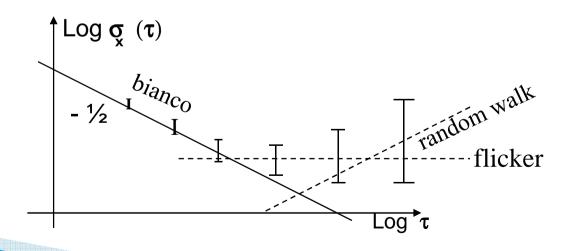


#### Varianza di Allan $\sigma(\tau)$

I principali processi di rumore per la frequenza di un oscillatore/orologio sono di tipo "bianco", "flicker" e di "random walk". Solo il primo tipo è un processo a distribuzione gaussiana per il quale la varianza classica è definita.

Per caratterizzare la stabilità nella generalità dei casi si ricorre alla Varianza di Allan, definita per tutti i tipi di rumore in gioco.

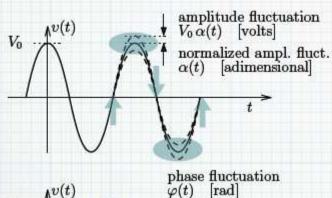
Se il rumore non è bianco, cade l'equivalenza più misure = minor incertezza!

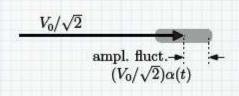


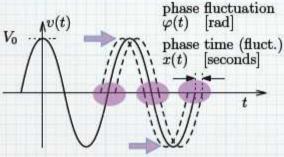
## Clock signal affected by noise

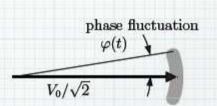
Time Domain











polar coordinates

$$v(t) = V_0 \left[1 + \alpha(t)\right] \cos \left[\omega_0 t + \varphi(t)\right]$$

Cartesian coordinates

$$v(t) = V_0 \cos \omega_0 t + n_c(t) \cos \omega_0 t - n_s(t) \sin \omega_0 t$$

under low noise approximation

$$|n_c(t)| \ll V_0$$
 and  $|n_s(t)| \ll V_0$ 

It holds that

$$\alpha(t) = \frac{n_c(t)}{V_0}$$
 and  $\varphi(t) = \frac{n_s(t)}{V_0}$ 



#### Phase noise & friends

 $S_v(f)$ 

$$v(t) = V_p \left[ 1 + \alpha(t) \right] \cos \left[ 1 + \varphi(t) \right]$$

random phase fluctuation

$$S_{\varphi}(f) = \text{PSD of } \varphi(t)$$

power spectral density

it is measured as

$$S_{\varphi}(f) = \mathbb{E}\left\{\Phi(f)\Phi^*(f)\right\}$$
 (expectation)

$$S_{\varphi}(f) \approx \langle \Phi(f)\Phi^*(f)\rangle_m$$
 (average)

$$\mathcal{L}(f) = \frac{1}{2} S_{\varphi}(f)$$
 dBc

random fractional-frequency fluctuation

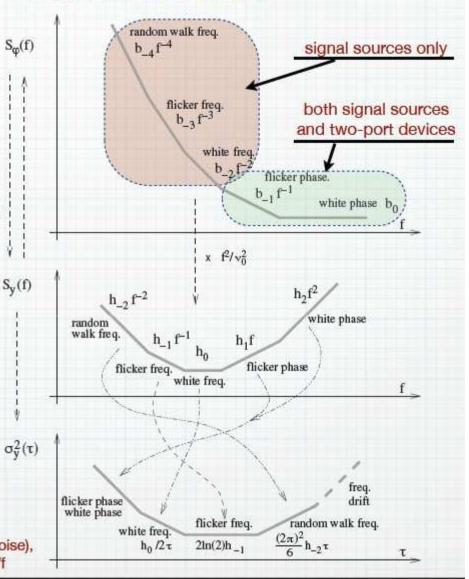
$$y(t) = \frac{\dot{\varphi}(t)}{2\pi\nu_0} \quad \Rightarrow \quad S_y = \frac{f^2}{\nu_0^2} S_{\varphi}(f)$$

Allan variance

(two-sample wavelet-like variance)

$$\sigma_y^2(\tau) = \mathbb{E}\left\{\frac{1}{2}\Big[\overline{y}_{k+1} - \overline{y}_k\Big]^2\right\} \ .$$

pproaches a half-octave bandpass filter (for white noise), hence it converges for processes steeper than 1/f





#### Varianza di Allan $\sigma(\tau)$

$$\sigma^{2}(\tau) = \frac{1}{M} \sum_{m=0}^{M} [y_{m}(t+\tau) - y_{m}(t)]^{2}$$

- Converge per tutti i tipi di rumore considerati ed
- È in corrispondenza "quasi" biunivoca al tipo di rumore

# $\sigma^2( au) = \sum_{i=-2}^1 A_i au^i$ -1 Bianco di frequenza -2 Flicker di fase

#### Tipo di rumore

- Random walk di frequenza

- Bianco di fase

$$\delta v = kt \Rightarrow \sigma^{2}(\tau) = \frac{1}{2}k^{2}\tau^{2}$$

$$\delta v = a\cos(2\pi f_{m}t + \varphi) \Rightarrow \sigma^{2}(\tau) = a^{2}\frac{\sin^{4}(\pi f_{m}\tau)}{(\pi f_{m}\tau)^{2}}$$



# Per migliorare la stabilità:

- 1. Aumentare il segnale o l'efficienza di rivelazione (rapporto segnale/rumore)
- 2. Aumentare il tempo di osservazione della transizione atomica (fattore di qualità)

# Per migliorare l'accuratezza

- 3. Perturbare il meno possibile l'atomo
- 4. Disporre di misure ad alta risoluzione



#### Per migliorare in generale gli orologi

1) Aumentare il Tempo di interazione  $\Delta v \Delta T > 1$ 

Ridurre l'effetto Doppler (riducendo l'energia cinetica degli atomi)

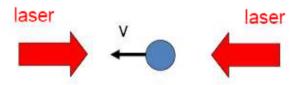
 Scegliere Transizioni Atomiche migliori (frequenza maggiore, larghezza naturale minore, minore sensibilità ambiente esterno)

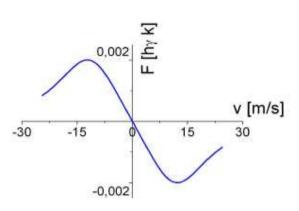


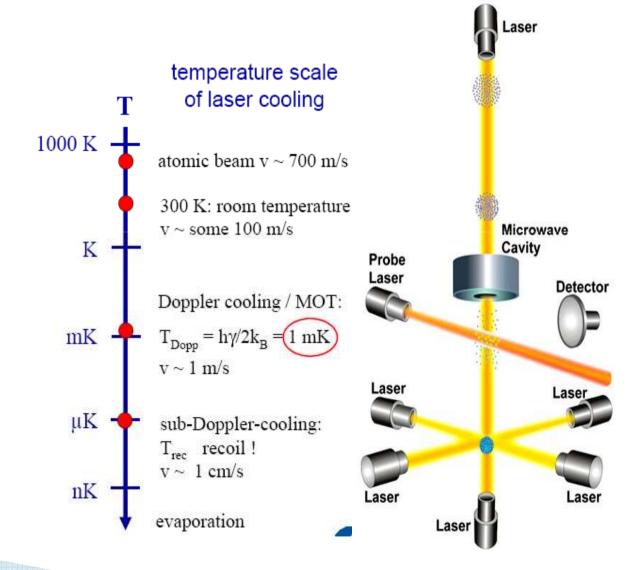
# Meno Doppler & Più Interazione /1 L'era del raffreddamento laser

#### Doppler cooling:

red detuned laser beams on strong transition  $\gamma \sim 1$  - 80 MHz









# A Nobel Gallery

1997







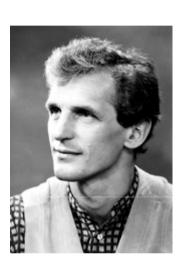
Stephen Chu, William Phillips, Claude Cohen-Tannoudj

"for development of methods to cool and trap atoms with laser light"



# A Nobel Gallery

2001





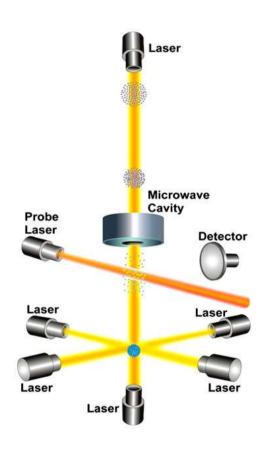


Wolfang Ketterle, Carl Wieman, Eric Cornell

"for the achievement of Bose-Einstein condensation in dilute gases of alkali atoms, and for early fundamental studies of the properties of the condensates"



# Fontana al Cesio (ITCsF1 e ITCsF2)

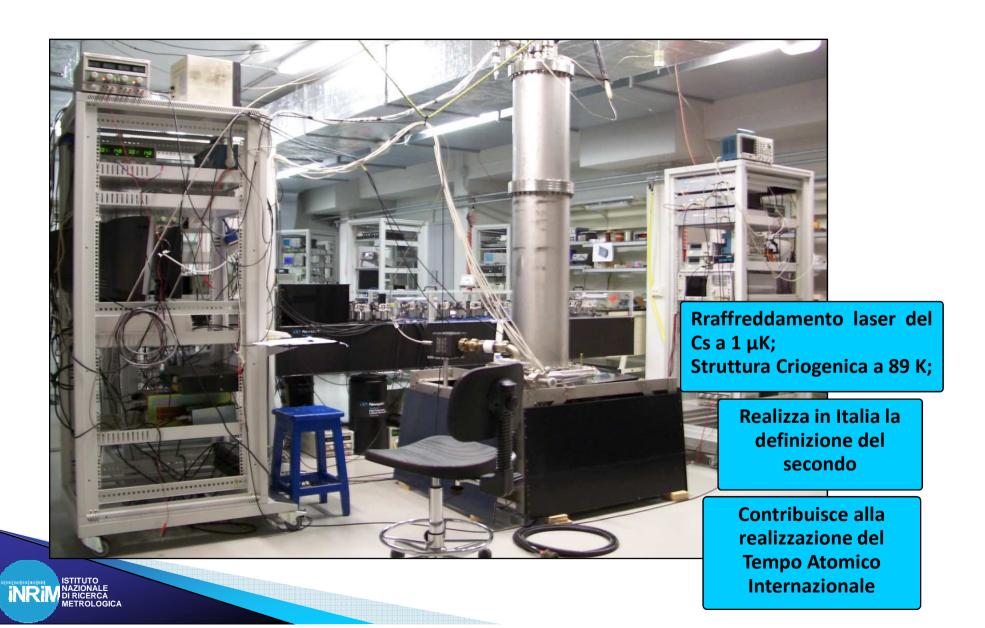


Principi di una fontana atomica

 Le fontane al Cesio raffreddato con laser sono oggi i campioni atomici più accurati. (parti in 1e-16)



#### Fontana criogenica al Cesio INRIM ITCsF2



#### INRIM, Fontane di Cesio ITCsF1 e ITCsF2: Accuratezza

#### ITCsF1

 $\sigma_{y}(\tau)=1.5\cdot 10^{-13} \tau^{-1/2}$ 

Accuratezza: 5-10<sup>-16</sup>

#### ITCsF2

 $\sigma_{y}(\tau)=1.5\cdot 10^{-13} \tau^{-1/2}$ 

Accuratezza: 2-10<sup>-16</sup>

	u ITCsF1	u ITCsF2
Zeeman	2E-16	8E-17
Collisioni	3E-16	1E-16
Corpo Nero	3E-16	1E-17
Microonda	2E-16	1E-16
Redshift	1E-17	1E-17
Totale	5E-16	2E-16

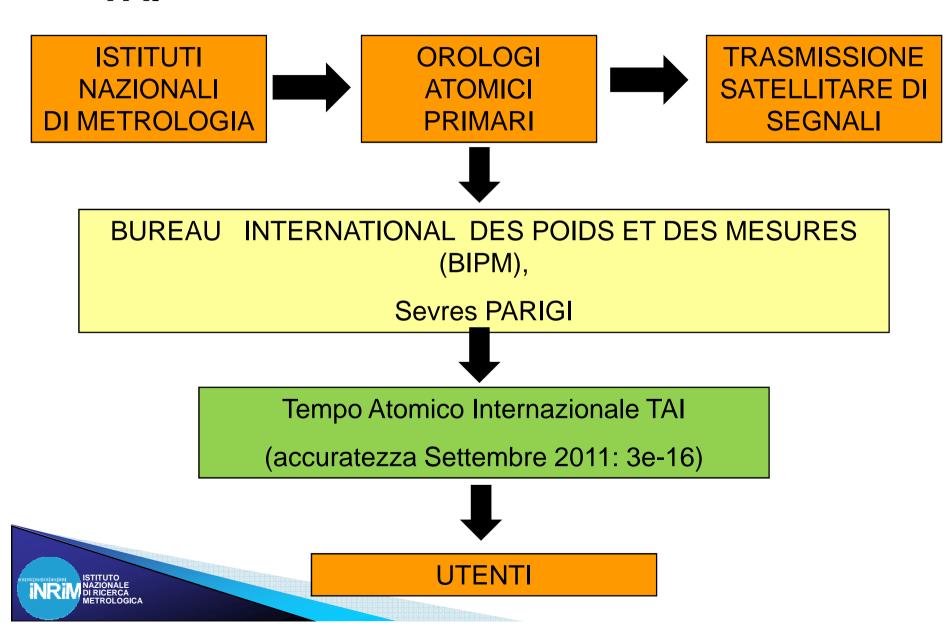


#### Fontane atomiche attive nel mondo

**Sei laboratori** hanno finora contribuito regolarmente alla generazione del Tempo Atomico Internazionale con fontane al Cesio: USA (2 fontane); Francia (3); **Italia (2)**; Germania (2); UK (2); Giappone (2)

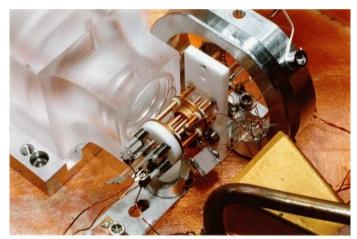


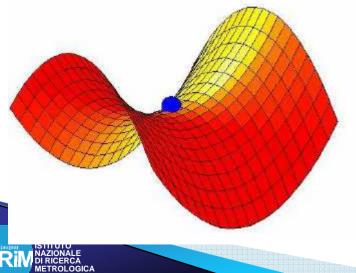
# Generazione del Tempo Atomico Internazionale TAI



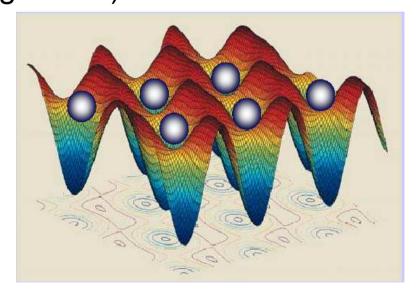
# Meno Doppler & Più Interazione / 2 Trappole a ioni e reticoli ottici

#### Trappole RF a singolo Ione





Reticoli Ottici con Atomi Neutri (Lunghezza d'onda "magica" senza Light shift)



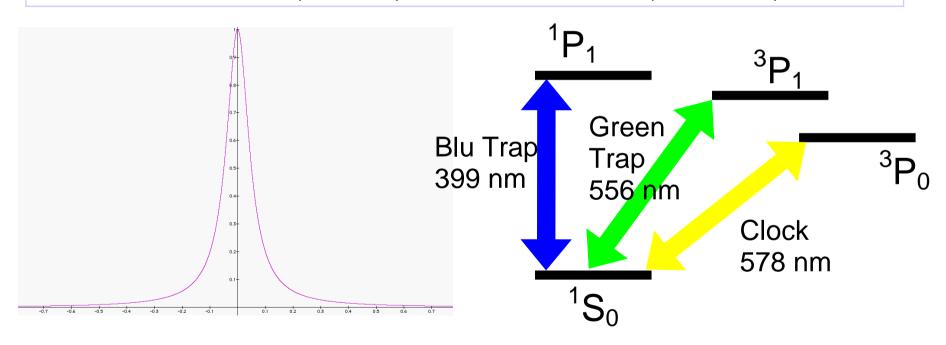
### Scegliere Transizioni Atomiche migliori (frequenza maggiore, larghezza naturale minore, minore sensibilità ambiente esterno)



Aumentare fattore di qualità della riga  $Q = v/\Delta v$ 

Q transizioni microonda (fontane )  $\approx 10^{10}$ 

Q ottiche(microonda) >  $10^{15}$ 

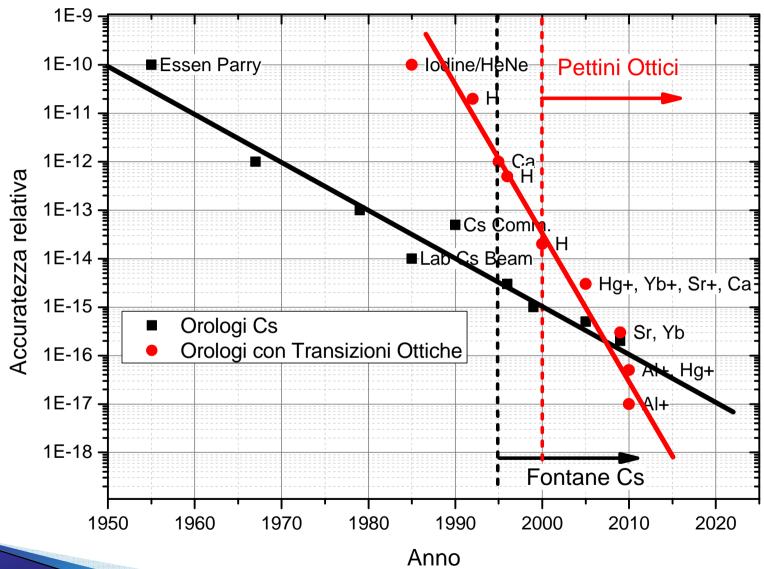


Da transizioni a microonda (Cs, Rb) a transizioni ottiche nel visibile:

OROLOGI OTTICI



# Dal Cesio agli orologi Ottici: Verso la ridefinizione del secondo

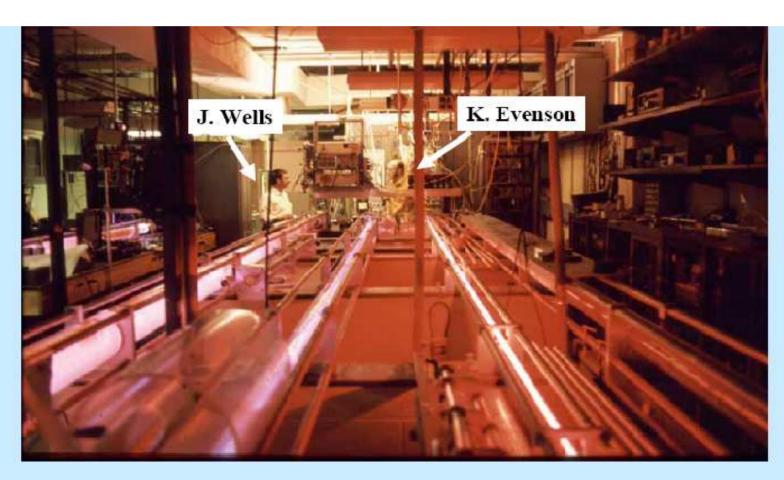




## Anche i laser diventano orologi

Fino alla fine del secolo scorso, lunghe catene di sintesi, che coinvolgevano svariati laser, erano l'unico metodo di misura accurato per frequenze ottiche

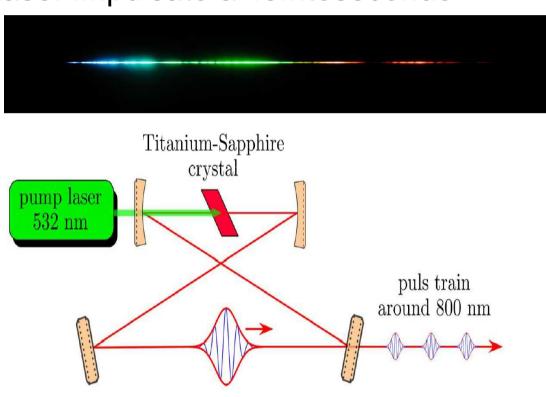
L'incertezza restava limitata a parti in 10<sup>-13</sup> (al meglio)

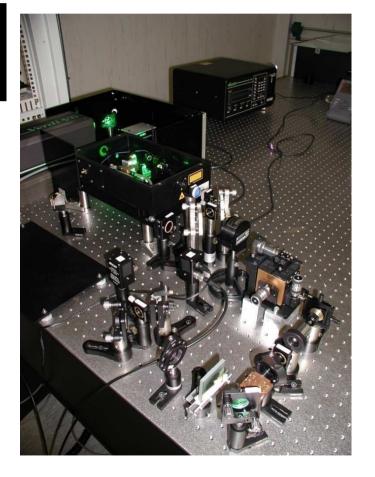




## Anche i laser diventano orologi/2

La soluzione del problema della misura accurata delle frequenze ottiche con un Pettine di Frequenza generato da un Laser impulsato al femtosecondo

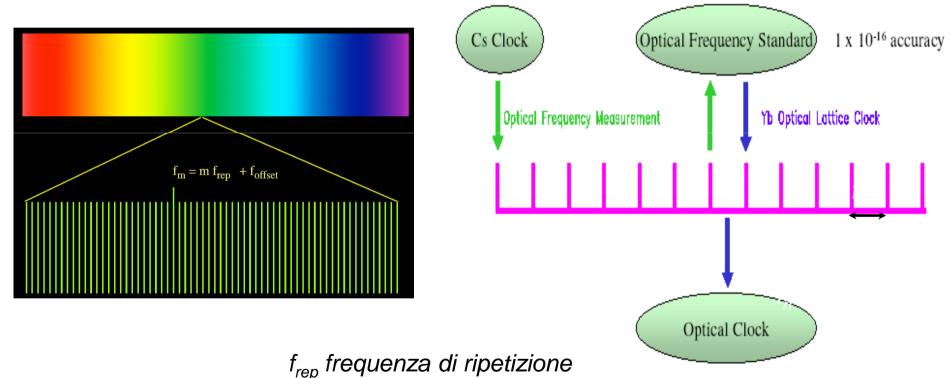


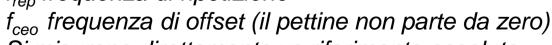




## Anche i laser diventano orologi/3

Confronta una frequenza ottica (10<sup>14</sup> Hz) direttamente con una microonda (10<sup>10</sup> Hz) con incertezze <<1 mHz (incertezza relativa 10<sup>-18</sup>)



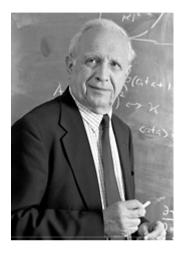






## A Nobel Gallery

2005







Roy J. Glauber

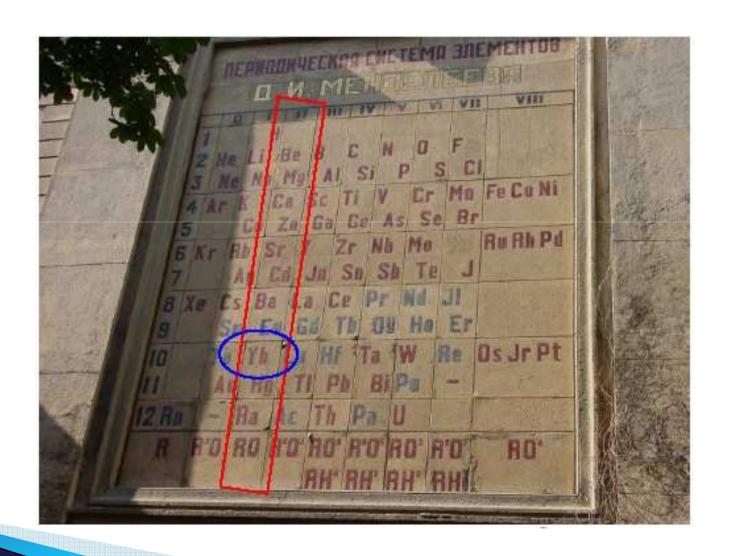
"for his contribution to the quantum theory of optical coherence"

John L. Hall Theodor W. Hänsch

"for their contributions to the development of laser-based precision spectroscopy, including the optical frequency comb technique"

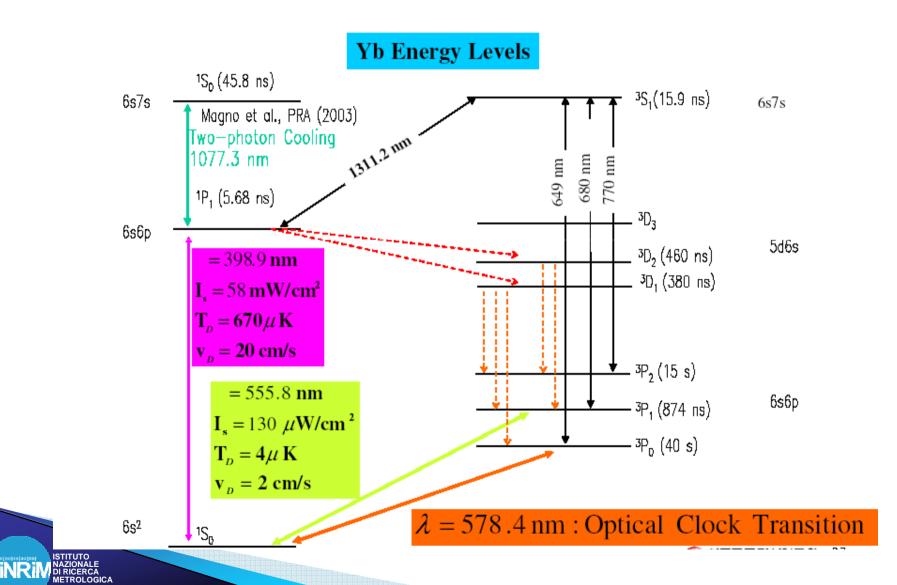


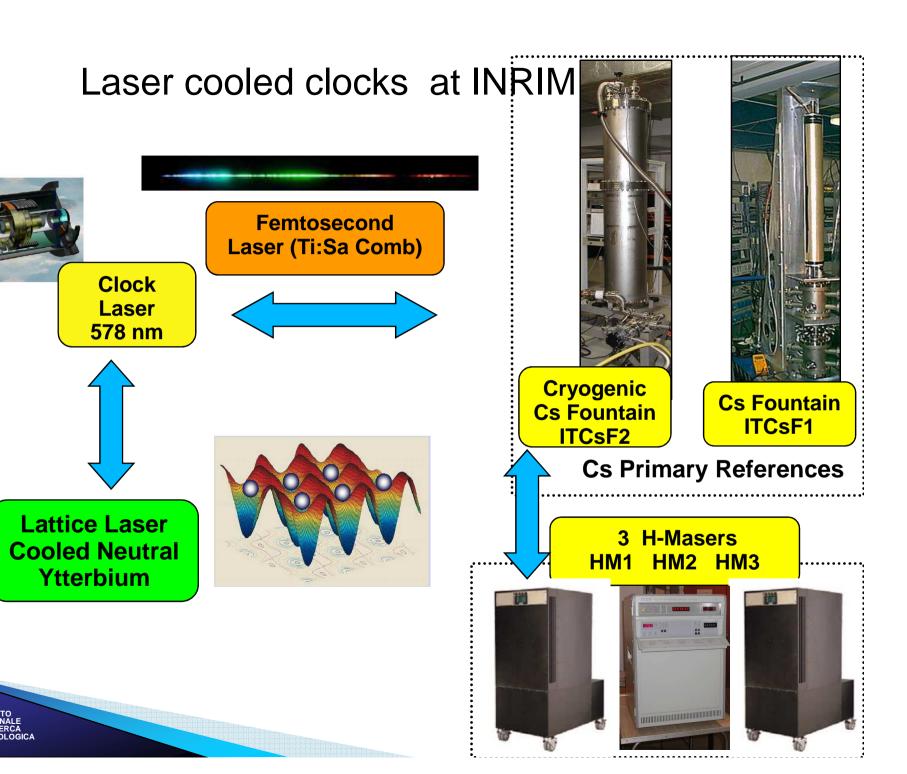
## Orologio Ottico a Yb





## Orologio Ottico a Yb



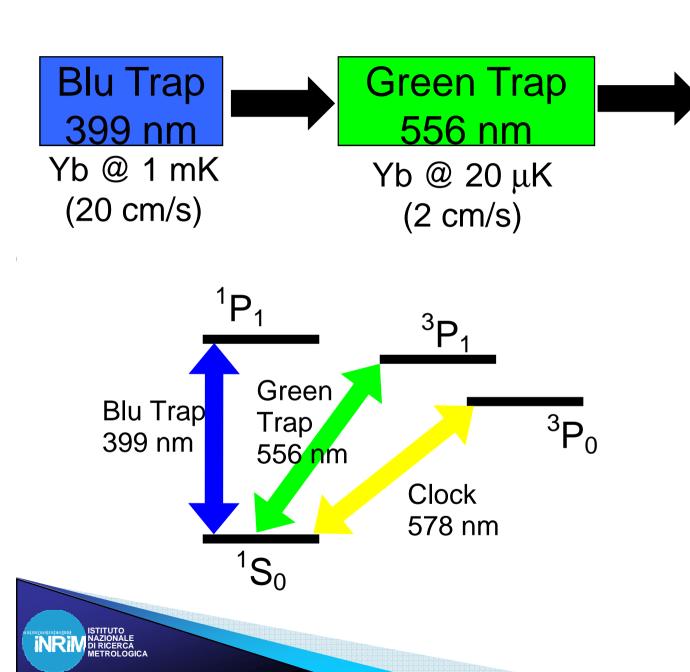


## Yb clock Main features

1. Level structure for laser cooling and trapping
First stage cooling 1S0 – 1P1 @ 398.9 nm (28 MHz linewidth)
Second stage cooling 1S0 – 3P1 @ 555.8 nm (180 kHz linewidth)
NO REPUMPING REQUIRED

- 2. Clock 1S0 3P0 transition @ 578 nm, 10 mHz linewidth Lattice Magic Wavelength @ 759 nm
- 3. Accuracy <10<sup>-16</sup>
  Stability <10<sup>-15</sup> at 1s
  Large abundance of stable bosonic and fermionic isotopes:
  Different clock schemes

Yb Lattice clock in the world: NIST, UniDusseldorf, Japan AIST, INRIM...



### Lattice Trap 759 nm

Yb localized

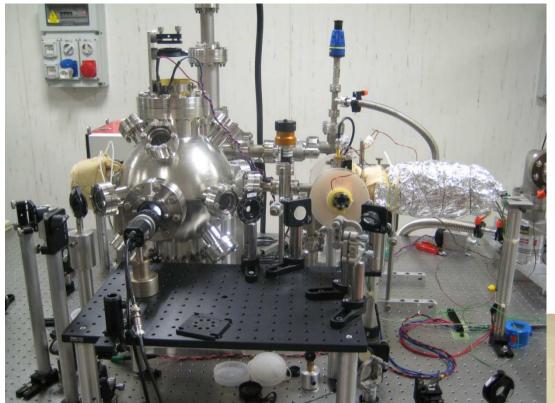


Clock 578 nm

# Yb Isotopes

	Abudancy	Atomic Weight	Spin	Lifetime
<sup>168</sup> Yb	0.135%	167.9339	0	-
<sup>169</sup> Yb	0%	169	7/2	32.03 giorni
<sup>170</sup> Yb	3.03%	169.9349	0	-
<sup>171</sup> Yb	14.31%	170.9365	1/2	-
<sup>172</sup> Yb	21.82%	171.9366	0	-
<sup>173</sup> Yb	16.13%	172.9383	5/2	-
<sup>174</sup> Yb	31.84%	173.9389	0	-
<sup>175</sup> Yb	0%	175	7/2	4.19 giorni
<sup>176</sup> Yb	12.73%	175.9426	0	-







➤ Multichannel Oven (700 K)

#### **≻NO ZEEMAN SLOWER**

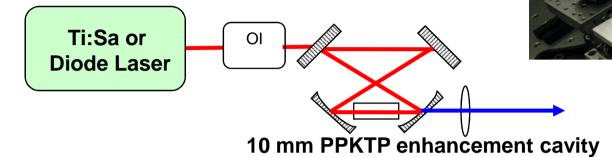
- ➤ Precooling laser beam
- ➤ Next: Compact Vacuum Chamber; BBR control (oven shutter)

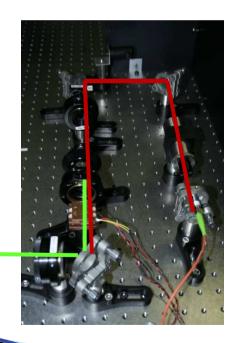




## **Cooling Radiations**

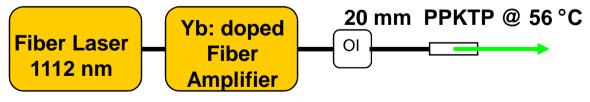
### 399 nm Laser Generation





70 mW @ 399 nm from 600 mW @ 797.2 nm (Ti:Sa) 30 mW @ 399 nm from 400 mW @ 797.2 nm (Diode Laser) **Next**: waveguide crystal, no enhancement cavity

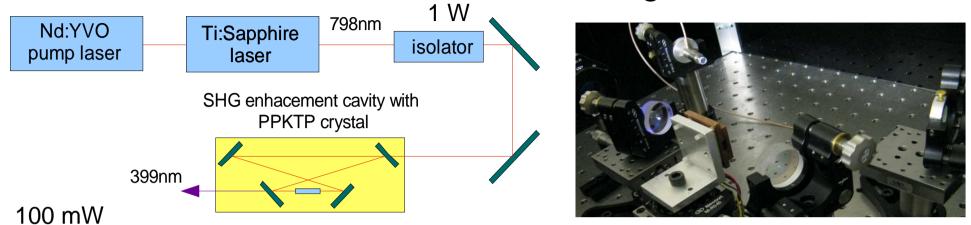
### 556 nm Laser Generation



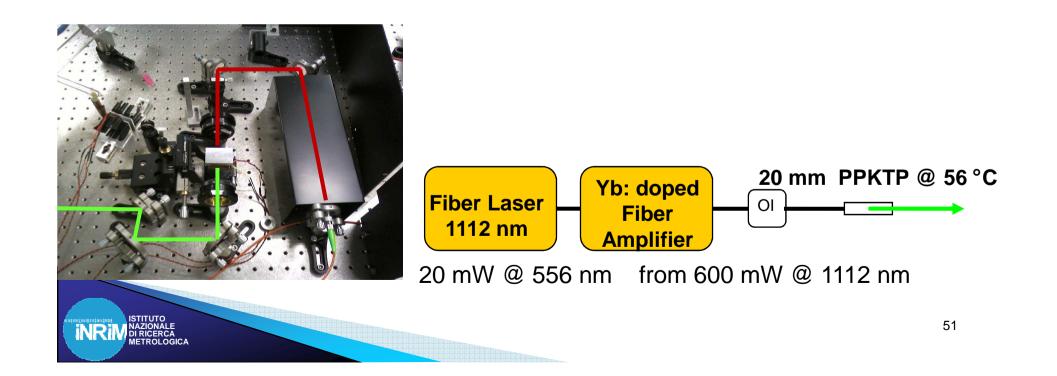
20 mW @ 556 nm from 600 mW @ 1112 nm



### **Cooling Lasers Generation**



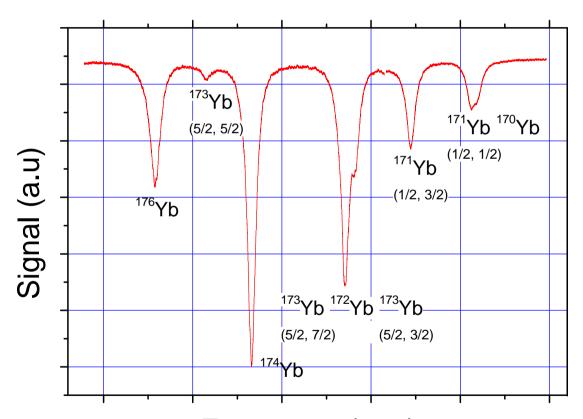
Enhancement Cavity locked by Hansch-Couillaud technique



# Yb beam spectroscopy

Table 4.2: Yb isotope, hyperfine levels, relative strength, isotope shifts and hyperfine splittings of the  $^{1}S_{0}$ – $^{1}P_{1}$  transition at 399 nm [Dei93].

Isotope/h.f.	Relative Strengths	Shift (MHz)
176	0.1273	0
173 (5/2 - 5/2)	0.0498	272.1
174	0.3184	500.4
173 (5/2 - 3/2)	0.0225	1008.86
172	0.2182	1039.3
173 (5/2 - 7/2)	0.0884	1092.8
171 (1/2 - 3/2)	0.1140	1352.7
171 (1/2 - 1/2)	0.0285	1654.5
170	0.0303	1690.8
168	0.00135	2388.5



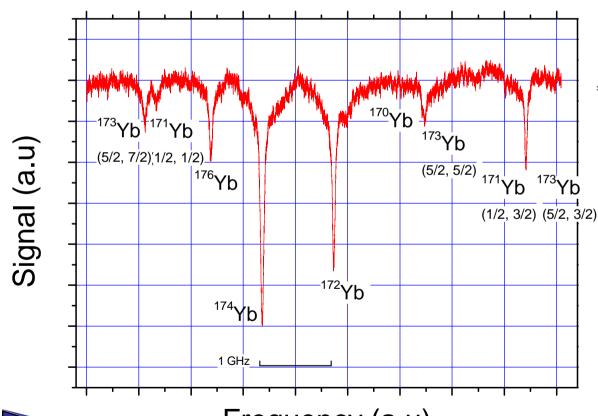
Frequency (a.u.)



# Yb beam spectroscopy

Table 4.3: Yb isotope, hyperfine levels, relative strengths, isotope shifts and hyperfine splittings of the  ${}^{1}S_{0}$ – ${}^{3}P_{1}$  transition at 556 nm [vW94].

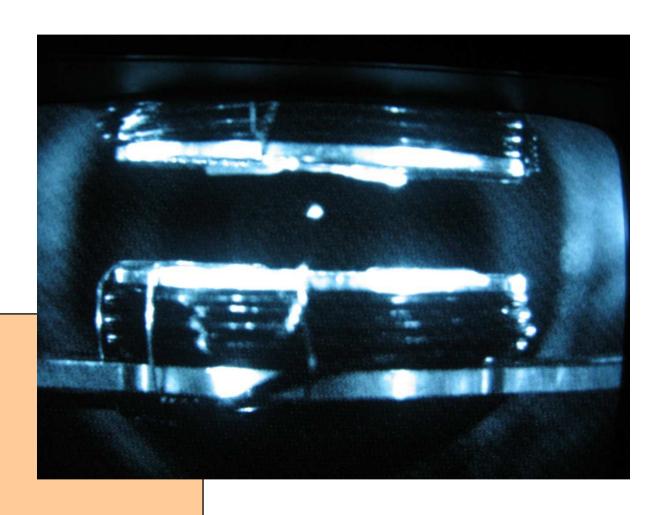
Isotope/h.f.	Relative Strength	Shift (MHz)
173 (5/2 - 7/2)	0.0715	0
171 (1/2 - 1/2)	0.0476	255
176	0.1274	1432
174	0.3187	2386
172	0.2184	3387
170	0.0303	4673
173 (5/2 - 5/2)	0.0537	4698
168	0.0014	6044
171 (1/2 - 3/2)	0.0952	6192
173 (5/2 - 3/2)	0.0358	6193



Frequency (a.u)

IN At STITUTO C beam spectroscopy on the  ${}^{1}S_{0} \rightarrow {}^{3}P_{1}$ 

## Yb MOT parameters



 $T_{\text{oven}} = 350^{\circ} \text{ C}$ 

 $I_1 \sim 6 \text{ mW/cm}^2$ 

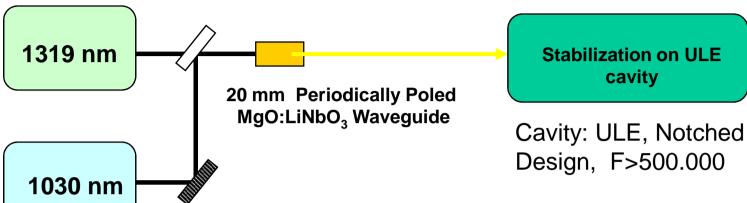
B ~ 48 G/cm

 $\Delta \sim 22 \text{ MHz}$ 

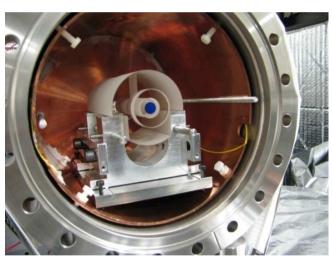
Extimated Atoms N ~ 10<sup>4</sup>-10<sup>5</sup>



### **Clock Laser Radiation**



- ✓ up to 12 mW @ 578nm SFG
- √ Stabilized on notched ULE cavity
- √Two indipendent cavities implemented



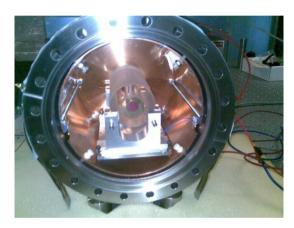


#### Stabilizzazione della cavità 1,2,3

Frequenza di risonanza della cavità: 
$$V = n \frac{c}{2L}$$

La cavità è isolata dall'ambiente

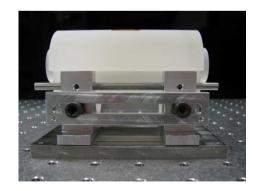
• Termicamente:

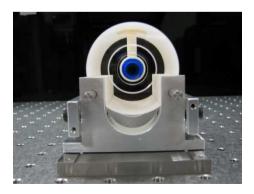


• Specchi e distanziale in ULE® Corning: attorno a T<sub>C</sub>:

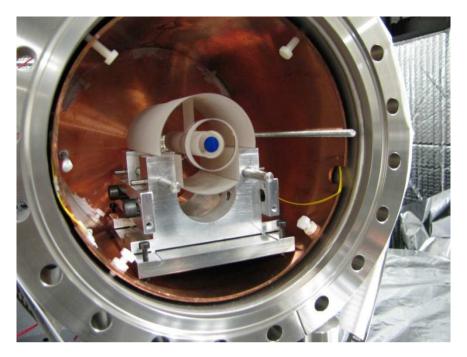
$$\frac{\Delta v}{v} = \frac{\Delta L}{L} \approx 10^{-9} (T - T_C)^2 \Rightarrow \frac{d}{dT} \frac{\Delta v}{v} \approx 10^{-9} (T - T_C)$$

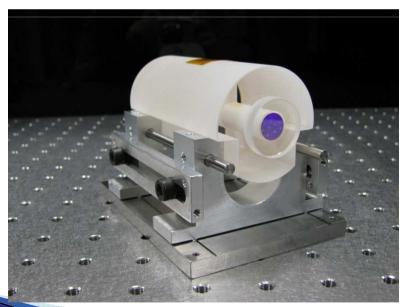
- Camera sotto vuoto:  $P = 6 \times 10^{-8} \text{ mbar}$
- Rivestimento in Acciaio
- **Schermo in Rame** separato dal rivestimento mediante viti in ceramica
- Circuito di controllo attivo della temperatura
- Meccanicamente:
- Il **banco ottico** garantisce uno smorzamento delle vibrazioni a frequenze spettrali > 10 Hz
- Appoggio sui punti di Airy perché la cavità subisca la minima deformazione di L'avuta alle accelerazioni del sistema.

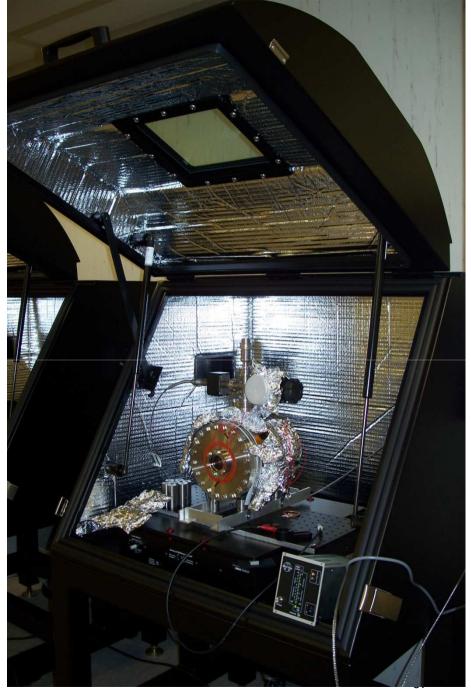




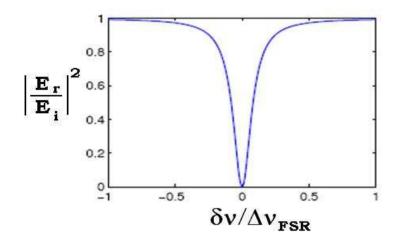


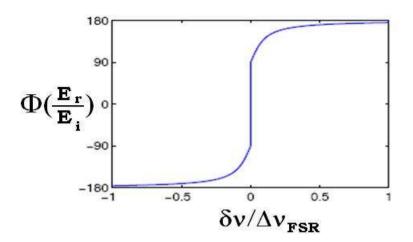




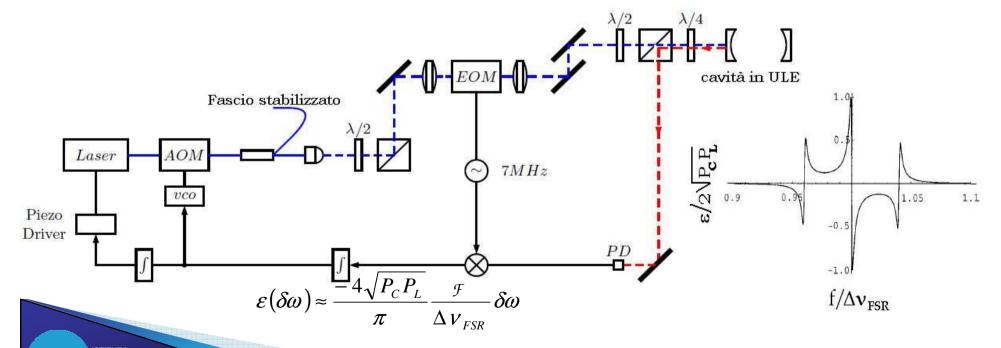




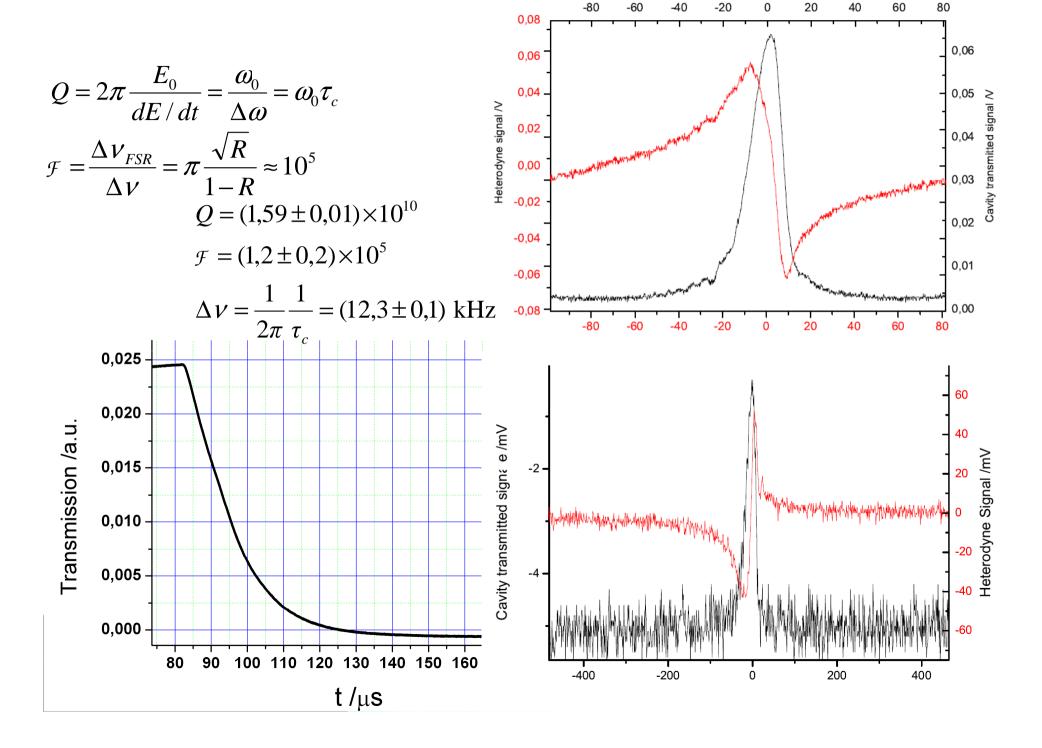




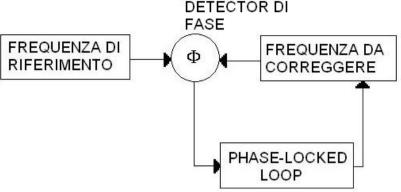
$$E_i = E_{0,i} e^{i(\omega t + \beta \sin \Omega t)} \approx E_0 [J_0(\beta) e^{i\omega t} + J_1(\beta) e^{i(\omega + \Omega)t} - J_1(\beta) e^{i(\omega - \Omega)t}]$$



Drever entire phase and frequency stabilization using an optical resonator", Appl. Phys. B 31, 97-105, 1983. Black, "Affiliation to Pound-Drever Hall laser frequency stabilization", Am. J. Physics, 69,1,2002



### Il Phase Locked Loop (PLL) per l'aggancio



$$\vec{E}_1 = \vec{E}_{1,0} \sin[\omega_L t + \phi_1] \qquad \vec{E}_2 = \vec{E}_{2,0} \sin[(\omega_L + 2\Omega_1 + \Omega_2)t + \phi_2 + \phi_F]$$

$$V_F = 2\sqrt{P_1 P_2} \Re R \sin[(2\Omega_1 + \Omega_2)t + \phi_F + (\phi_1 - \phi_2)]$$

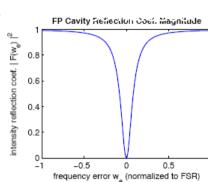
$$V_R = V_{R,0} \sin[(2\Omega_1 + \Omega_2)t + \phi_R]$$

$$V_{M} = V_{F,0}V_{R,0}\sin[(2\Omega_{1} + \Omega_{2})t + \phi_{F}]\sin[(2\Omega_{1} + \Omega_{2})t + \phi_{R}] \propto \cos[\phi_{F} - \phi_{R}]$$

Perché 
$$V_M \propto [\phi_F - \phi_R]$$
, occorre che<sup>1</sup>  $\phi_F - \phi_R \approx \frac{\pi}{2}$ 



$$\begin{split} E_{i} &= E_{0,i} e^{i\omega t} \\ E_{r} &= E_{0,r} e^{i\omega t} \\ \frac{E_{0,r}}{E_{0,i}} &= r \end{split}$$



frequency error w (normalized to FSR)

$$\frac{E_r}{E_i} = F(\omega) = \frac{r(e^{i\frac{\omega}{\Delta v_{FSR}}} - 1)}{1 - r^2 e^{i\frac{\omega}{\Delta v_{FSR}}}}$$

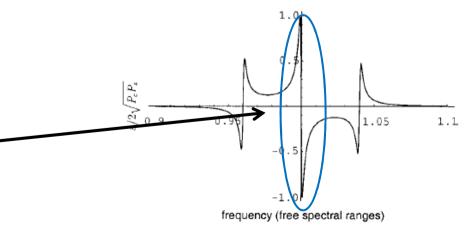
$$E_i = E_{0,i} e^{i(\omega t + \beta \sin \Omega t)} \approx E_0 [J_0(\beta) e^{i\omega t} + J_1(\beta) e^{i(\omega + \Omega)t} - J_1(\beta) e^{i(\omega - \Omega)t}]$$

$$\Omega >> \delta v \Leftrightarrow F(\omega \pm \Omega) = \pm 1$$

$$P_r = 2P_L - 4\sqrt{P_C P_L} \Im \{F(\omega)\} \sin \Omega t + (\text{termini} \propto 2\Omega)$$

$$\omega = 2\pi N \Delta v_{FSR} + \delta \omega$$

$$\varepsilon(\delta\omega) \approx \frac{-4\sqrt{P_C P_L}}{\pi} \frac{F}{\Delta v_{FSR}} \delta\omega$$



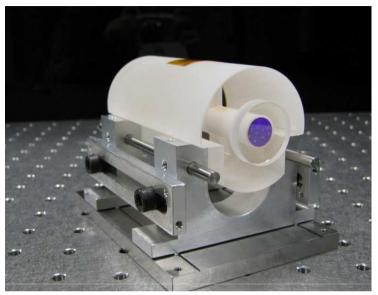


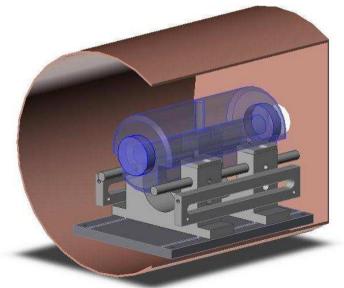
### Reference Cavity Physical Package at INRIM

- Frequency stabilized with the Pound-Drever-Hall method agaist a stable Fabry-Pérot cavity
- The spacer is made in Corning Ultra Low Expansion Glass (ULE)
- FSR  $\Delta \nu_{\rm FSR} = 1.5 \, \rm GHz$ finesse  $\mathcal{F} = 151\,000 \pm 1000$ linewidth  $\Delta \nu = (9.93 \pm 0.06) \, \rm kHz$

Length 100 mm Measured Zero CTE 21.5°C

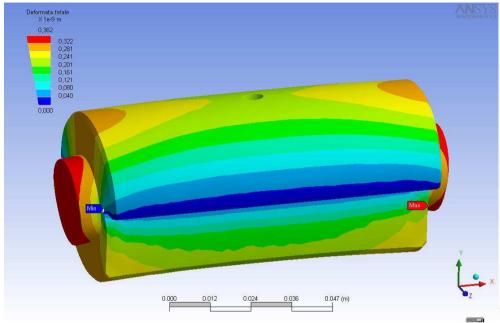
Second Cavity F = 250000 $\Delta v = 6 \text{ kHz}$ 







### **FEM Modelling**



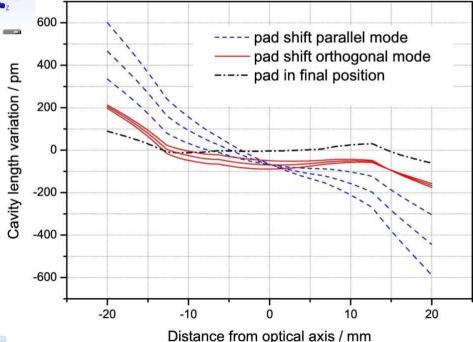
The analysis shows that the gravitational force moves the mirrors less than 2 pm if the cavity is supported by four pads of 2x2 mm<sup>2</sup> placed at 1,9 cm from the internal face of the mirror and 2 mm from the internal surface of the ULE spacer.

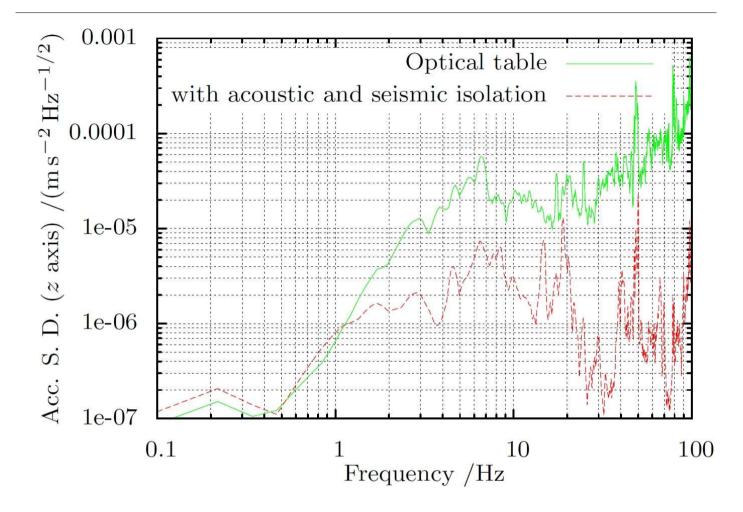
Cylindrical Notched Cavity,

L = 100 mm

D = 50 mm

Sensitivity 5x10<sup>-11</sup> s<sup>2</sup>m<sup>-1</sup>

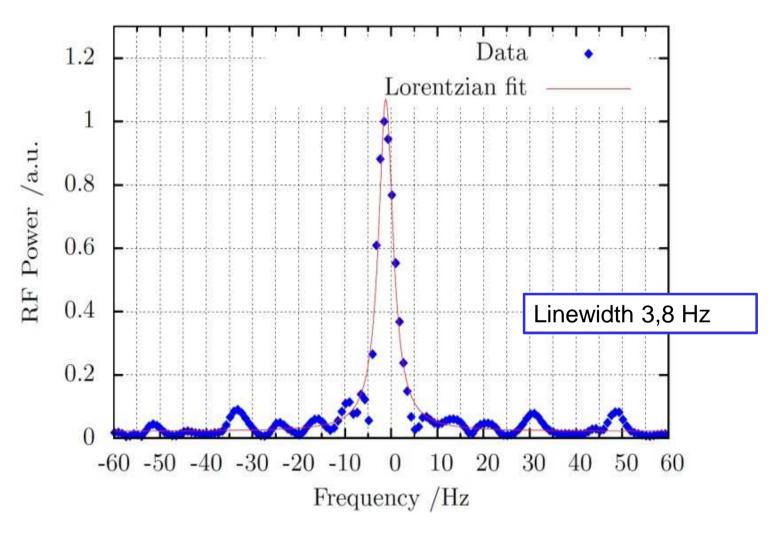


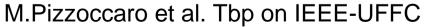


The measurement by seismometer and the acceleration sensitivity from FEM analysis predict a 2x10<sup>-16</sup> contribution to relative frequency instability



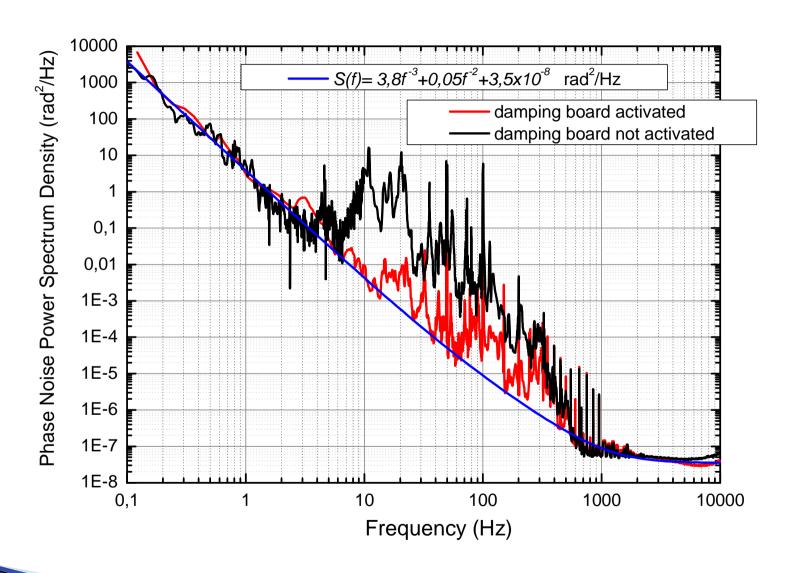
### Beat Note - Two Indipendent locked 578 nm Laser





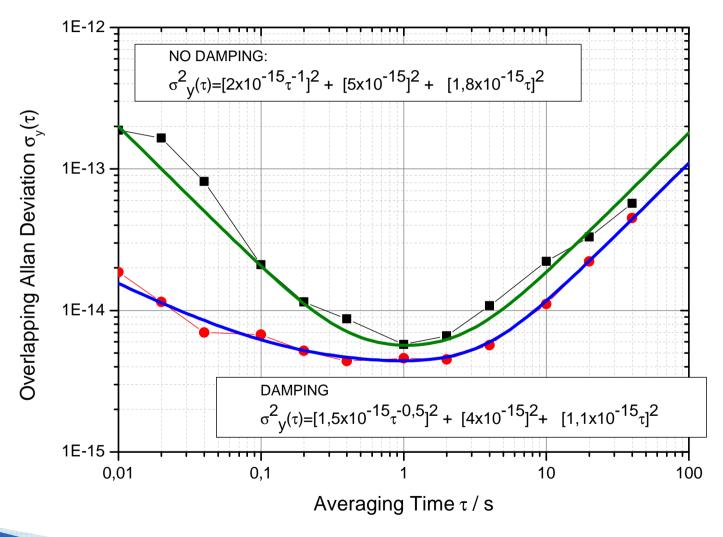


### Two Indipendent locked 578 nm Laser





### Two Indipendent locked 578 nm Laser





## Upgrading the Reference Cavity

### Targets:

Frequency Instability:  $\sigma_v(\tau) = 5 \cdot 10^{-16} \quad \tau < 10 \text{ s}$ 

Portability: lower weight and power consumption

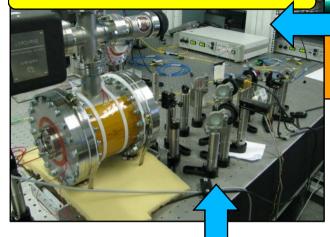
### **Actions:**

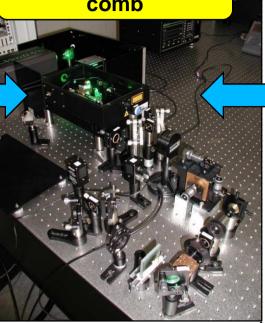
- •Fused Silica Mirrors; L=30 cm (Lower Thermal Limit)
- Experimental techniques for Thermal Noise Limit
- Vibrations Low sensistivity+Rigid Mount (Portability)
- Improving Insulation (Lower Power Consumption)











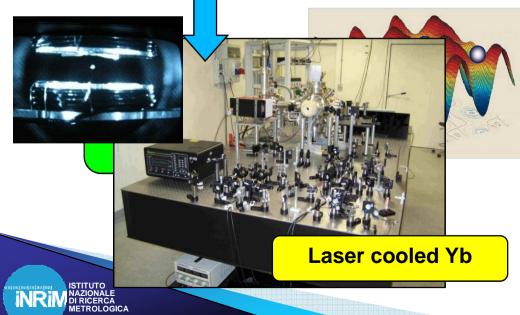






**Cs Fountain** ITCsF1

**Cs Primary References** 



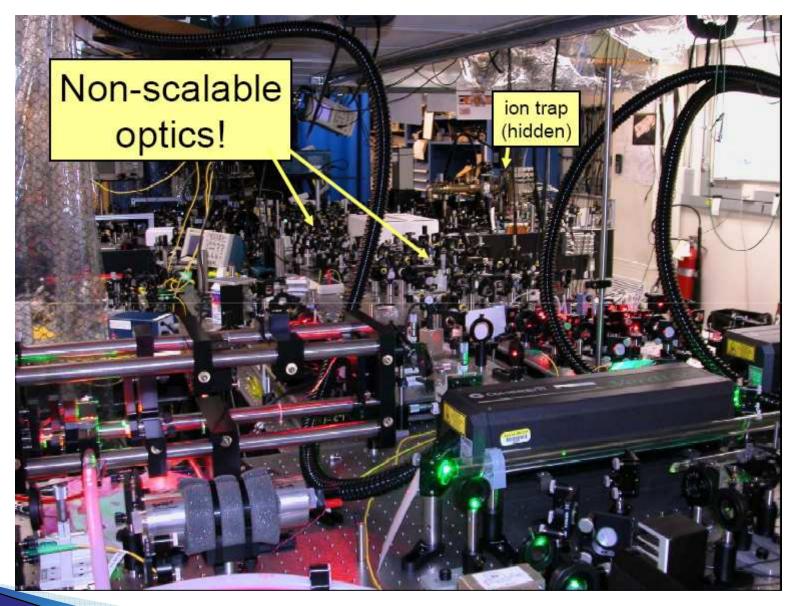




Bias	NIST Yb Clock shift x10-16	incertezza x10-16
Blackbody	-25	2.5
Polarizzabilità del Reticolo	0.4	2
Iperpolarizzabilità	3.3	0.7
Densità	-16.1	0.1
Zeeman 1st	0.4	0.4
Zeeman 2nd	-1.67	0.1
Altro	-	0.2
Totale	-38.7	3.4



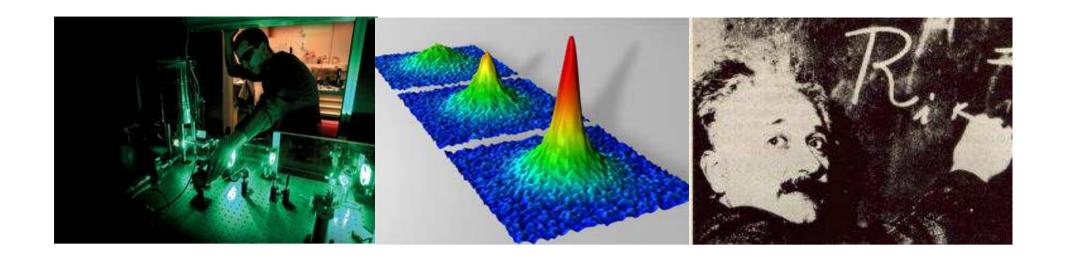
### Il miglior orologio (e il più complesso): Logic ion clock Al+





Bias	Al+ Clock shift x10-18	incertezza x10-18
Moto residuo	-9	6
Moto Secolare	-16	5
Blackbody radiation	-9	3
Cooling laser Stark	-3.6	1.5
Quad. Zeeman	-1079.9	0.7
Totale	-1118x10-18	9x10-18





## OROLOGI ATOMICI E TEST DI FISICA FONDAMENTALE



#### "Qualche" questione è ancora aperta....

The Mass Puzzle: qual è l'origine della massa? Perchè particelle con masse tanto diverse?

The Matter Puzzle: perchè c'è molta più materia che antimateria?

The Dark Matter Puzzle: cos'è la dark matter?

The Dark Energy Puzzle: cos'è la dark energy? Perchè l'accelerazione anomala nell'universo?

The Just-So Puzzle: cosa determina I parametri del Modello Standard?

The Force Puzzle: Perchè la scala delle interazioni è così disomogenea

(strong: em: weak: gravity = 1: 10<sup>-2</sup>: 10<sup>-6</sup>: 10<sup>-39</sup>)? E la Gravità così debole? Esiste una teoria unificata?

## Orologi atomici per la fisica fondamental perché?

#### Motivi intrinseci:

- misurano il tempo, che in Relatività è la quarta dimensione dello spazio
- si fondano sulla meccanica quantistica delle interazioni atomiche fondamentali

#### Ma c'è dell'altro:

gli orologi di oggi sono indispensabili per misurare fenomeni "piccoli" (ad esempio quelli relativistici),

perché sono gli strumenti più stabili ed accurati che esistano.

Paradigma moderno della New Physics: ALTA ENERGIA oppure ALTA ACCURATEZZA



#### La scelta dell'atomo

#### Criteri di scelta

- •Larghezza naturale di riga e frequenza della transizione (fattore di qualità Q)
- •Sensibilità ambiente esterno
- •Fattibilità tecnica (Contenimento, preparazione, intrappolamento, raffreddamento, eccitazione della transizione, oscillatore locale, rivelazione, sintesi di frequenza, affidabilità...)

#### Gli atomi più popolari sono

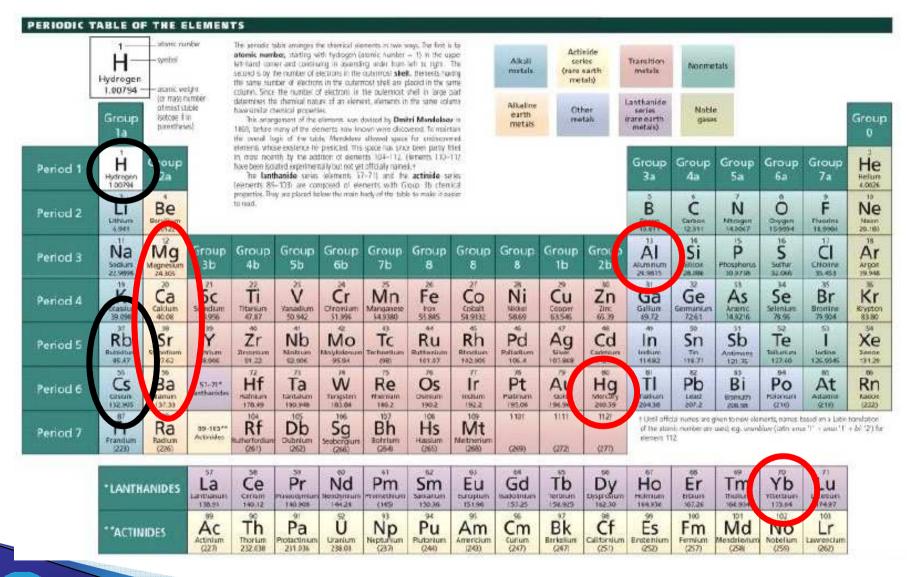
•Gli alcalini - in particolare H, Rb, Cs

•Gli alcalino-terrosi (e simili) - in part. Mg, Ca, Sr, Yb, Hg

•Gli ioni di alcalino-terrosi (e simili) - Ca+, Sr+, Ba+, Hg+, Al+, Yb+

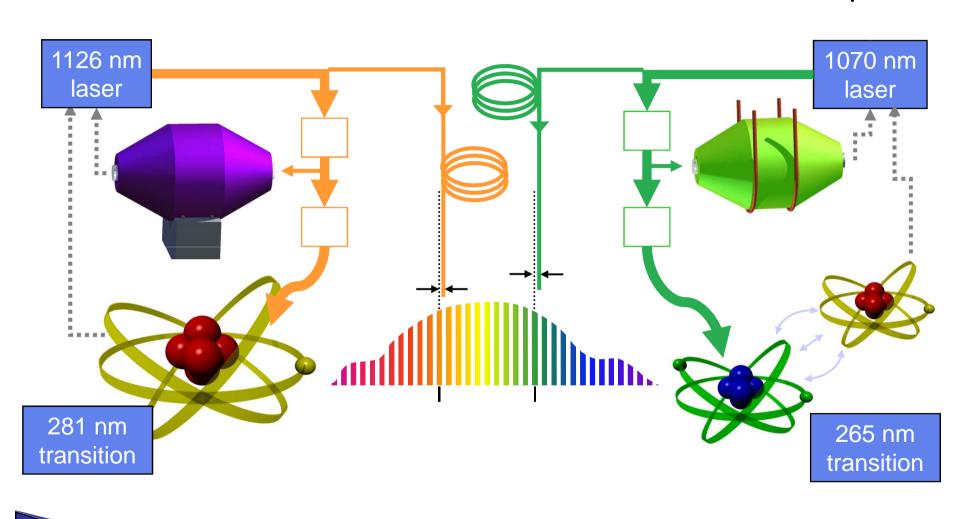


#### La scelta dell'atomo/2





## Campioni OTTICI di frequenza: confronto diretto tra due campioni





Cs	Rb	Н
9.2 GHz	6.8 GHz	1.5 GHz
$Q=10^{10}$	$Q=10^{10}$	$Q=10^{7}$
u<5X10 <sup>-16</sup>	u<5X10 <sup>-16</sup>	u<5X10 <sup>-13</sup>
Sr	Yb	Hg
698 nm Q=10 <sup>17</sup>	578 nm Q=10 <sup>16</sup>	266 nm Q=10 <sup>15</sup>
u<5X10 <sup>-16</sup>	u<5X10 <sup>-16</sup>	
Hg+	Al+	Yb+
282 nm Q=10 <sup>17</sup>	267 nm Q=10 <sup>17</sup>	436 nm Q=10 <sup>14</sup>
u<5X10 <sup>-17</sup>	u<5X10 <sup>-17</sup>	u<1X10 <sup>-15</sup>



## Test di fisica fondamentale con gli orologi atomici:

- Relatività Generale
- Oltre il Modello Standard/1
   (Corde Teorie Extradimensionali)
- Oltre il Modello Standard/2 (Teorie Supersimmetriche)



## La Relatività Generale è corretta?



#### Red-shift Gravitazionale



Relatività Generale:

Un potenziale gravitazionale W deforma la metrica spaziotemporale e sposta la frequenza di un orologio  $\nu$  rispetto a  $\nu_0$  su un potenziale di riferimento  $W_0$ 

Nel limite di campo debole  $W/c^2 << 1$ , c velocità della luce,  $W_0$  riferimento di potenziale):

$$\frac{v_0 - v(\overline{r})}{v_0} = \frac{W(\overline{r}) - W_0}{c^2}$$

$$\frac{v_0 - v(\bar{r})}{f_v} \approx \frac{g_0}{c^2} m^{-1} = 1.09 \times 10^{-16} m^{-1}$$



#### Principio di Equivalenza

Il Principio di Equivalenza di Einstein (EEP) è uno dei postulati della Relatività Generale.

Un suo enunciato (PE debole), seguendo la formulazione di C. Will<sup>1</sup>:

Per un corpo elettricamente neutro posto in un punto iniziale dello spaziotempo con velocità iniziale data, la sua traiettoria conseguente è indipendente dalla sua struttura interna e composizione.

Da qui si congettura anche (PE forte):

Considerato valido il Principio di Equivalenza Debole, il risultato di qualsiasi esperienza locale (non gravitazionale) è indipendente dalla velocità dell'apparato in caduta libera e da dove e quando essa si svolge nell'universo.

<sup>1</sup>C.M. Will, *Theory and Experiment in gravitational Physics, revsited edition*, Cambridge University Press, Cambridge, England, 1993



#### Local Position Invariance

In campi gravitazionali deboli, il principio di equivalenza di Einstein (EEP) porta l'invarianza locale di posizione (LOCAL POSITION INVARIANCE, LPI):

### SPECIE ATOMICHE DIVERSE RISENTONO DELLO STESSO RED SHIFT GRAVITAZIONALE

$$\frac{\nu_A}{\nu_B} = \frac{\nu_{A0}}{\nu_{B0}} [1 + (\beta_A - \beta_B) \frac{W}{c^2}]$$

RELATIVITA'
GENERALE

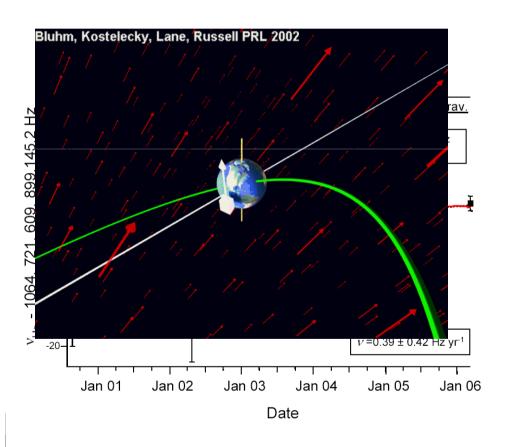


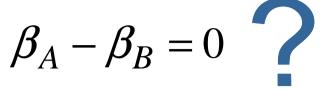
$$\beta_A = \beta_B$$



#### Test LPI

$$\frac{V_A}{V_B} = \frac{V_{A0}}{V_{B0}} [1 + (\beta_A - \beta_B) \frac{W}{c^2}]$$





#### Mg-Cs (IEN-1992)

$$\left| \beta_{Mg} - \beta_{Cs} \right| \le 7 \cdot 10^{-4}$$

Cs-H (PTB-2002)

$$\left| \beta_{Cs} - \beta_{H} \right| \leq 7 \cdot 10^{-5}$$

Cs-Hg<sup>+</sup> (NIST-2007)

$$\left| \beta_{Cs} - \beta_{Hg+} \right| \le 3.5 \cdot 10^{-6}$$

**Cs-H** (**NIST-2007**)

$$\left| \beta_{Cs} - \beta_H \right| \le 1.4 \cdot 10^{-6}$$



# Esiste una teoria che unifichi modello standard e relatività generale?



#### Le Costanti Fondamentali

Modello Standard + Relatività Generale contengono circa 27 parametri indipendenti:

- I cui valori non sono predetti dalla teoria
- Sono indipendenti da altre quantità misurabili

Tutte insieme rappresentano le Costanti Fondamentali, ad esempio

- La costante di struttura fine,  $\alpha_{EM}$ , le costanti di struttura fine debole e forte,  $\alpha_{W}$  e  $\alpha_{S}$  (dipende da  $\Lambda_{QCD}$ ).
  - Determinano l'intensità delle forze non gravitazionali.
- I parametri <sup>1</sup>⁄<sub>i</sub> di Yukawa, che determinano le masse delle particelle rispetto al VEV del bosone di Higgs; i parametr della matrice CKM.
- Higgs VEV.
- La costante Gravitazionale G

La velocità della luce c



#### Le Costanti sono costanti?

Molte teorie oltre il modello standard "vivono" in N dimensioni con N>4

Esempio: Teorie di Kaluza-Klein (KK) e quindi teorie di corda; teorie di membrana

IN TUTTI QUESTI MODELLI, le costanti extra-dimensionali sono fissate, ma le costanti dell'universo 4-dimensionale variano nello spaziotempo.

La ricerca di una variazione delle costanti fondamentali è un test diretto per una teoria oltre il modello standard.

Anche molte teorie proposte per spiegare Dark Energy/ Dark Matter, presuppongono l'esistenza di campi scalari che causano variazioni delle costanti



## Quali costanti? Adimensionali vs Dimensionate

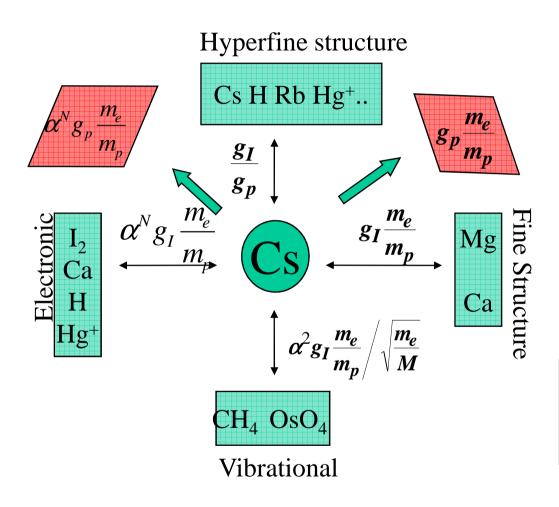
In genere, un test che sia efficace considera solo Costanti Adimensionali.

Ad esempio: costante di struttura fine  $\alpha = e^2/4\epsilon hc$ 

Per una scelta differente, un'eventuale variazione osservata della costante dimensionata in esame puo' essere spiegata sia con le teorie di unificazione, sia con variazioni delle unità di misura, generando un'ambiguità irrisolvibile



## Confronto tra frequenze atomiche e costanti fondamentali



Nel confronto tra le frequenze di due transizioni atomiche, il rapporto è proporzionale alla combinazione di alcune costanti fondamentali

Primo Test Sperimentale: Mg vs Cs allo IEN

$$\frac{d}{dt} \left( g_p \frac{m_e}{m_p} \right) \le 5.4 \times 10^{-13} / yr$$

Godone et al. PRL 71, 2364 (1993)



m<sub>p</sub>, g<sub>(i)</sub> non sono parametri fondamentali nel Modello Standard,

ma si dimostra che sono legati al parametro fondamentale  $m_q/\Lambda_{QCD}$ ,  $m_q=(m_u+m_d)/2$ )  $(m_{u_i}, m_d, m_d)$  massa del quark up e down)

Si dimostra che qualsiasi transizione atomica di frequenza  $\nu_{at}$  dipende da una combinazione di solo 3 costanti fondamentali

 $\alpha,\,m_q/\Lambda_{QCD},\,m_e/\Lambda_{QCD}$  ,  $~\Lambda_{QCD}$  costante di scala di QCD.

I coefficienti di sensibilità per varie transizioni atomiche sono stati calcolati

> V. V. Flambaum et al., PR D69, 115006 (2004) V. V. Flambaum and A. F. Tedesco, PR C73, 055501 (2006)

$$\delta \ln \left( \frac{v_{at}}{R_{\infty} c} \right) \cong K_{\alpha}^{at} \frac{\delta \alpha}{\alpha} + K_{e}^{at} \frac{\delta \left( m_{e} / \Lambda_{QCD} \right)}{m_{e} / \Lambda_{QCD}} + K_{q}^{at} \frac{\delta \left( m_{q} / \Lambda_{QCD} \right)}{m_{q} / \Lambda_{QCD}}$$

$$\delta \ln \left( \frac{v_{at}}{R_{\infty} c} \right) \cong K_{\alpha}^{at} \frac{\delta \alpha}{\alpha} + K_{e}^{at} \frac{\delta \left( m_{e} / \Lambda_{QCD} \right)}{m_{e} / \Lambda_{QCD}} + K_{q}^{at} \frac{\delta \left( m_{q} / \Lambda_{QCD} \right)}{m_{q} / \Lambda_{QCD}}$$

	κ <sub>α</sub>	$\kappa_{\rm q}$	<b>K</b> <sub>e</sub>
Rb hfs	2.34	-0.064	1
Cs hfs	2.83	-0.039	1
H opt	0	0	0
Yb⁺ opt	0.88	0	0
Hg⁺ opt	-3.2	0	0
Dy comb.	1.5 10 <sup>7</sup>	0	0



Confronto	Lab	Anno
Rb/Cs	LNE-SYRTE	2003 PRL
H/Cs	MPQ/SYRTE	2004 PRL
Sr/Cs	Tokyo/JILA/SYRT E	2008 PRL
Hg+/Cs	NIST	2007 PRL
Dy/Cs	Berkeley Uni	2007 PRL
Yb+/Cs	PTB	2004-6 PRL
Hg+/Al+	NIST	$\frac{2}{1} d\alpha$

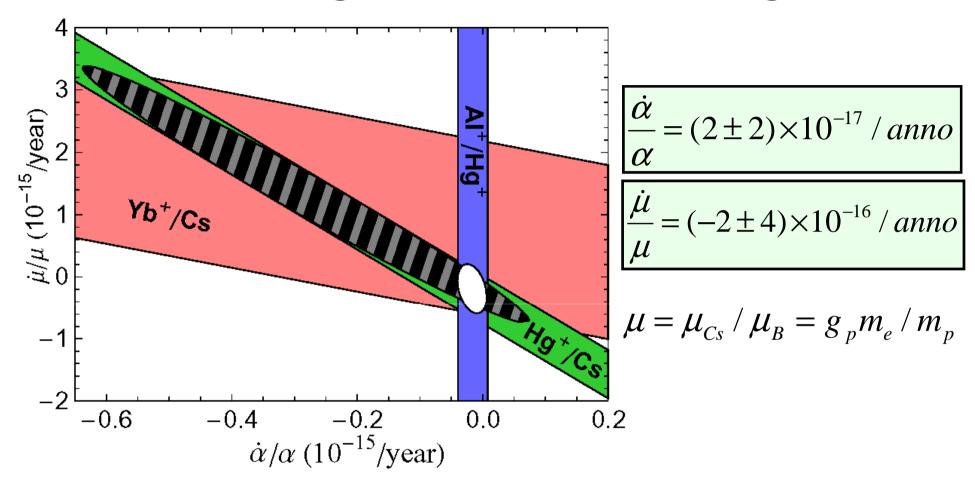
NIST 
$$\frac{1}{\alpha} \frac{d\alpha}{dt} = (2\pm 2) \times 10^{-17} / anno$$

$$\frac{1}{m_q / \Lambda_{QCD}} \frac{d}{dt} \left( m_q / \Lambda_{QCD} \right) = (9\pm 6) \times 10^{-15} / anno$$

$$\frac{1}{m_e / \Lambda_{QCD}} \frac{d}{dt} \left( m_e / \Lambda_{QCD} \right) = (2 \pm 5) \times 10^{-16} / anno$$



### Confronto Hg+/Cs & Yb+/Cs & Hg+/Al+



Yb+ vs Cs E. Peik et al. PRL 93, 170801 (2004)

Hg+ vs. Cs T. Fortier et al. PRL 98, 070801 (2007)

Al+ vs Hg+ T. Rosenband et al., Science 319, 1808 (2008)

Al+ vs Hg+ L. Lorini et al. Eur. Phys. J. ST 163, 19–35 (2008)



### Orologi Atomici vs Spettri Quasar?

Constant	Limit (yr-1)	Z	Method
	<0.4 X 10 <sup>-16</sup>	0	Clock comparisons
	<0.5 X 10 <sup>-16</sup>	0.15	Oklo reactor
α	<3.4 X 10 <sup>-16</sup>	0.45	<sup>187</sup> Re decay
	(6.4±1.4) X 10 <sup>-</sup>	3.7	Quasar spectra
	<1.2 X 10 <sup>-16</sup>	2.3	Quasar spectra
$\alpha_{\sf w}$	<1 X 10 <sup>-11</sup>	0.15	Oklo reactor
$m_e/m_p$	<3 X 10 <sup>-15</sup>	2-3	Quasar spectra



#### Dai Lab a uno Spazio Europeo di Ricerca Metrologica

#### **European Fiber Network**

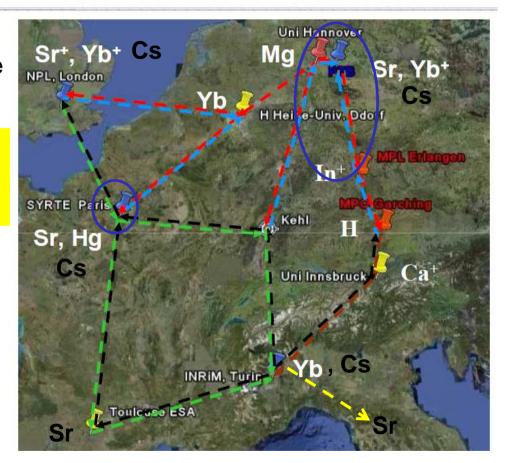
Ce

Le tecniche atuali di confronto remoto tra orologi NON CONSENTONO di ragiungere adeguata accuratezza

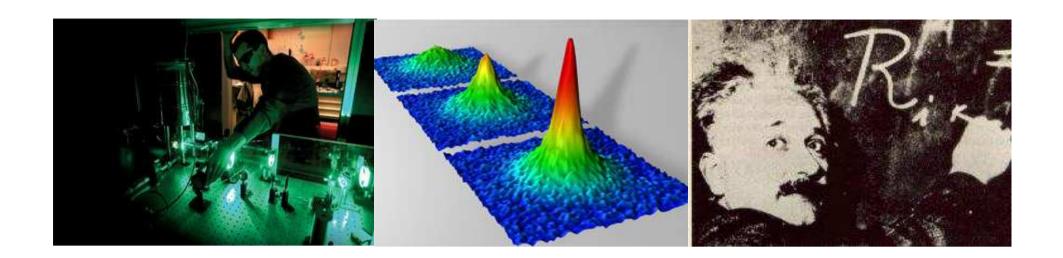
servono Confronti di orologi con la tecnica del LINK OTTICO in Fibra (progetto in sviluppo)

### Una NUOVA INFRASTRUTTURA per lo **Spazio Europeo di Ricerca**:

- - **Migliori test** di gravità e Costanti Fondamentali
- -Nuovi scenari ora impossibili (es. Test Onde Gravitazionali)
  - Nuove Scale di Tempo!





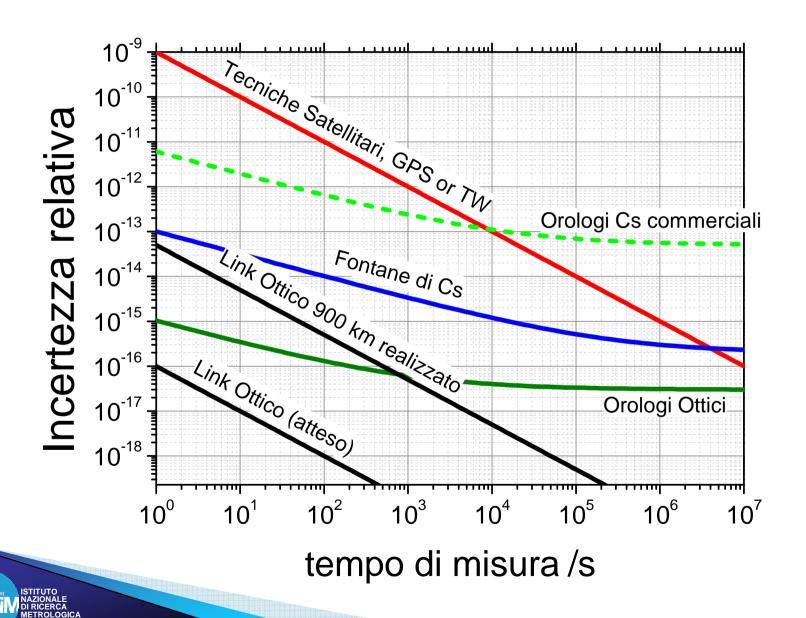


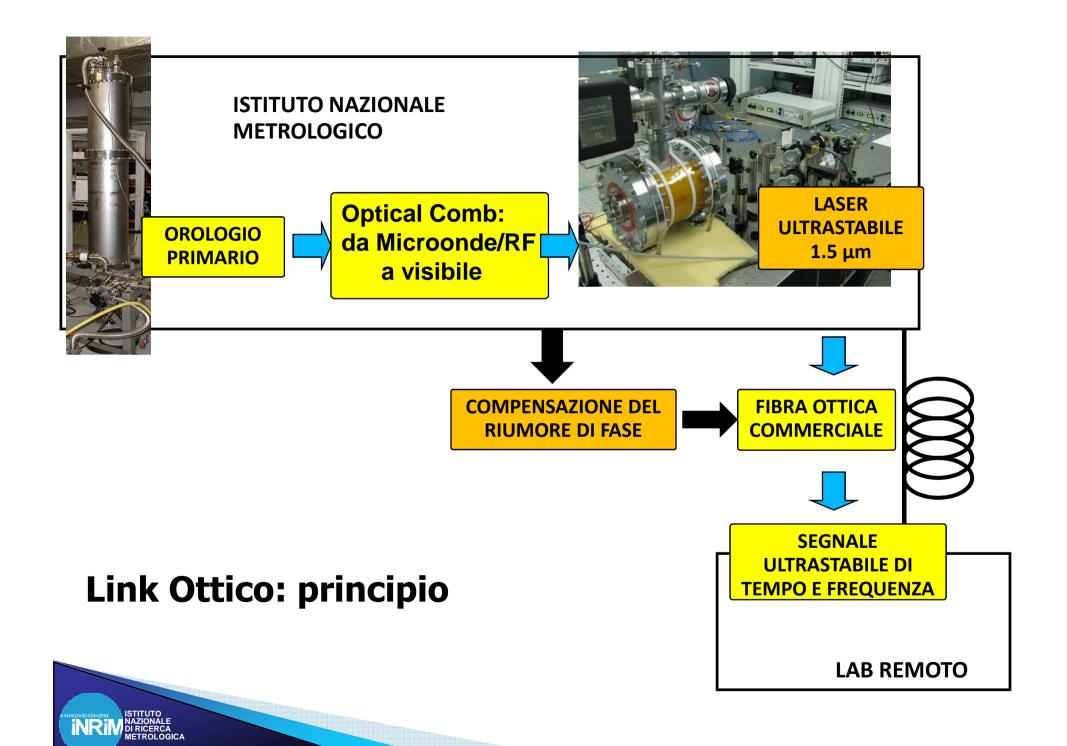
#### LINK E CONFRONTI IN FIBRA OTTICA

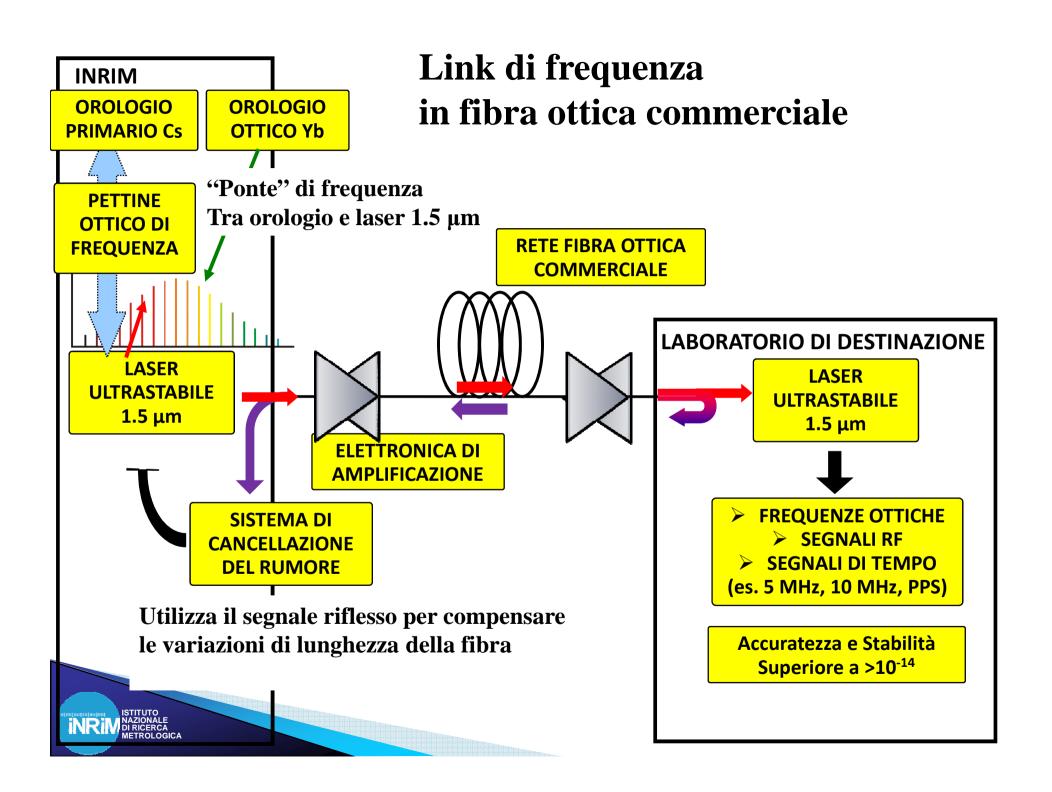


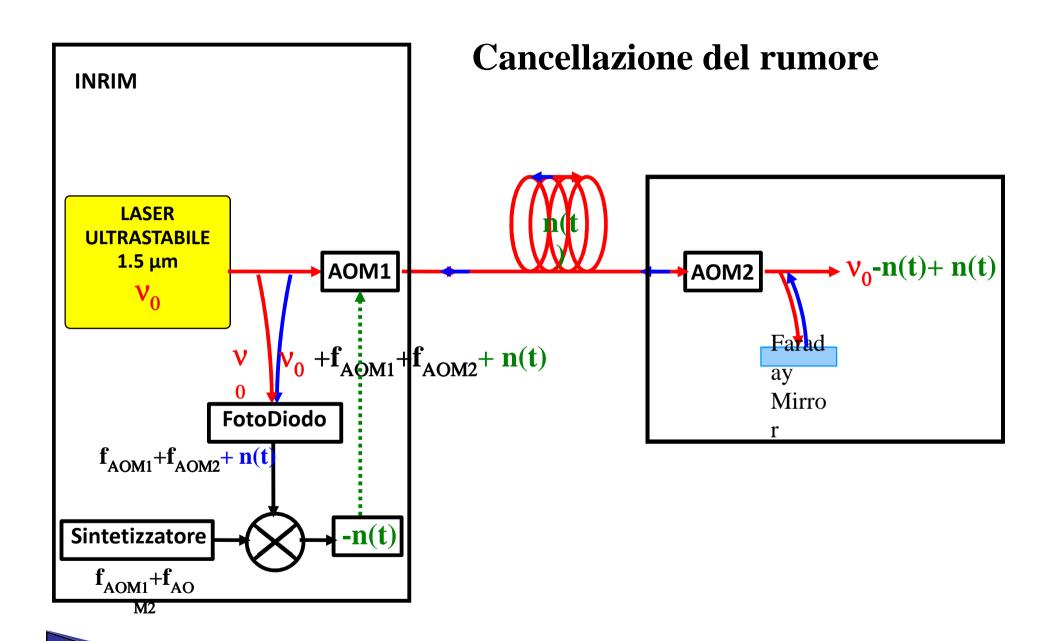


#### Prestazioni del Link Ottico



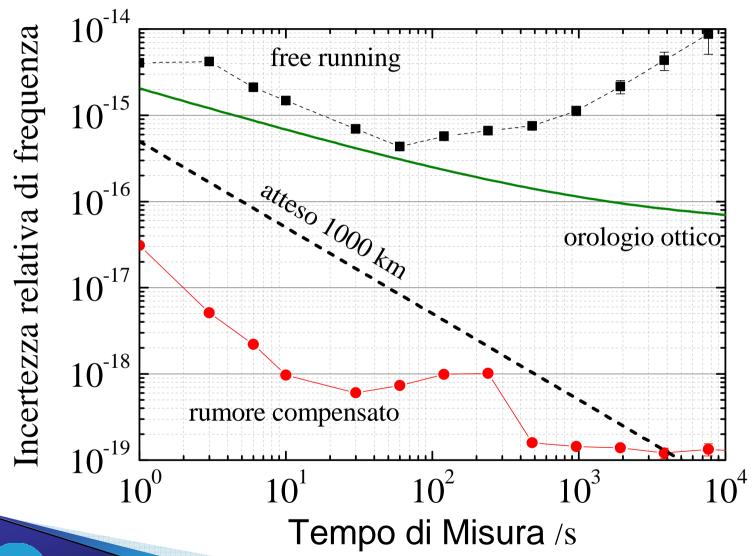






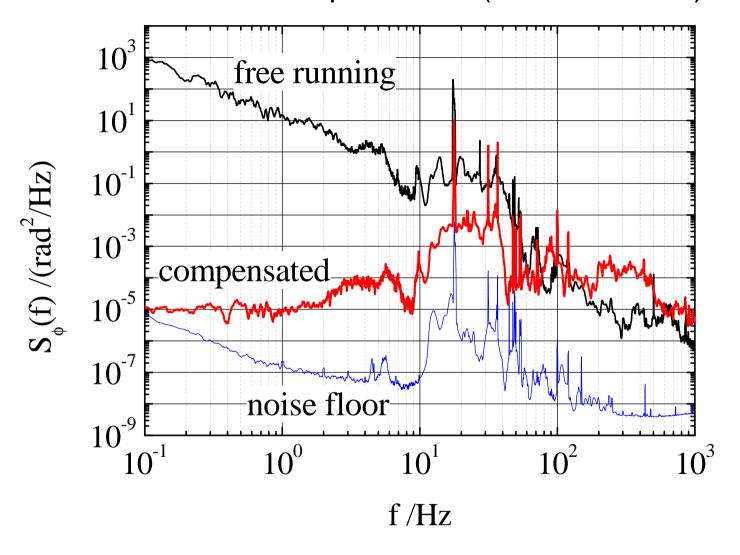


#### Dimostrazione di fattibilità: Link Ottico all'INRIM (100 km in lab)



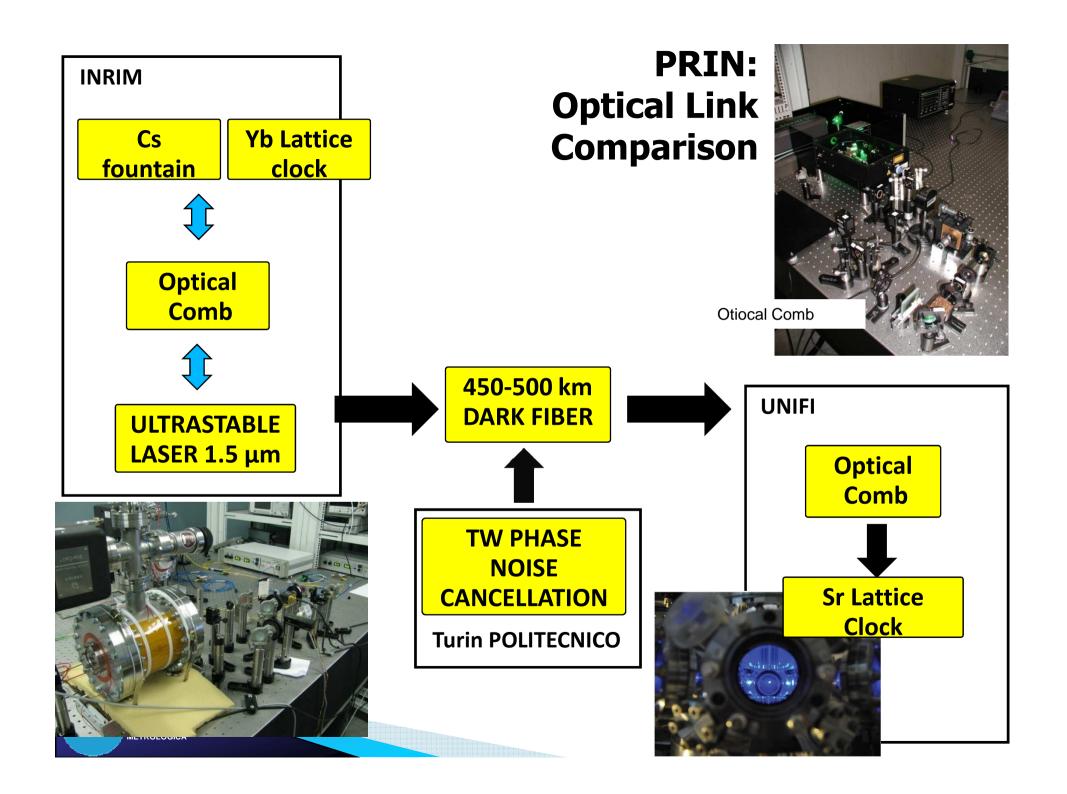


#### Phase Noise of the Optical Link (100 km indoor)



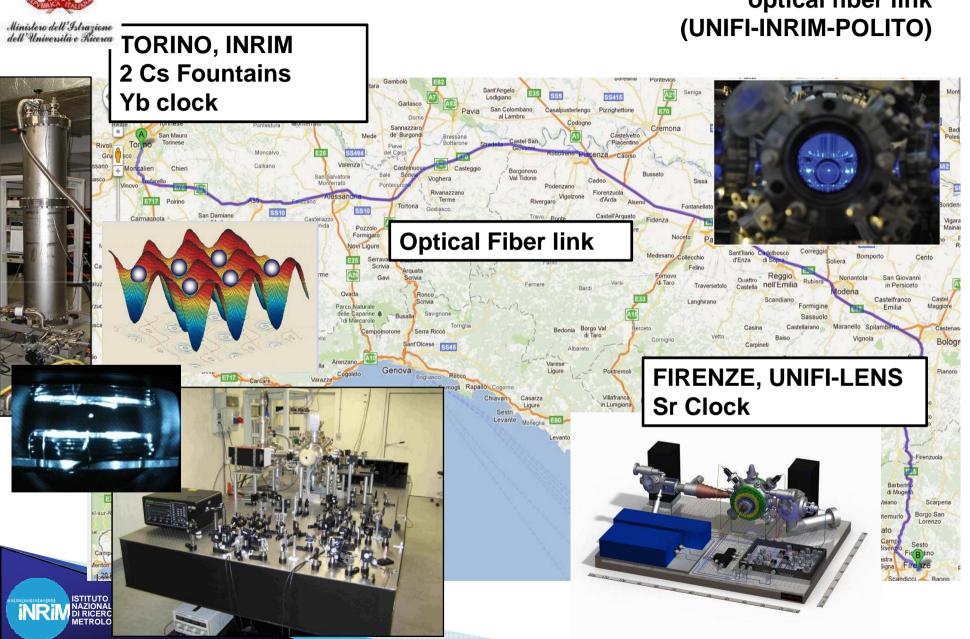
C. Clivati at al. To be published on IEEE UFFC







## NATIONAL RESEARCH FUNDED PROJECT (PRIN) 2012-2013: Optical Frequency Standards High Accuracy Measurements by optical fiber link



#### **INRIM** target connections

Torino–Sesto Fiorentino: 405 km link to **Laboratorio di Spettroscopia NonLineare (LENS)** (Dark Fiber, two possible path) **2-3 reamplification station needed** 





**Link Ottici in preparazione: INRIM- UNIFI (prin 2012-2013)** 



Campobass

Beneventi

Fiumicino

Latina:

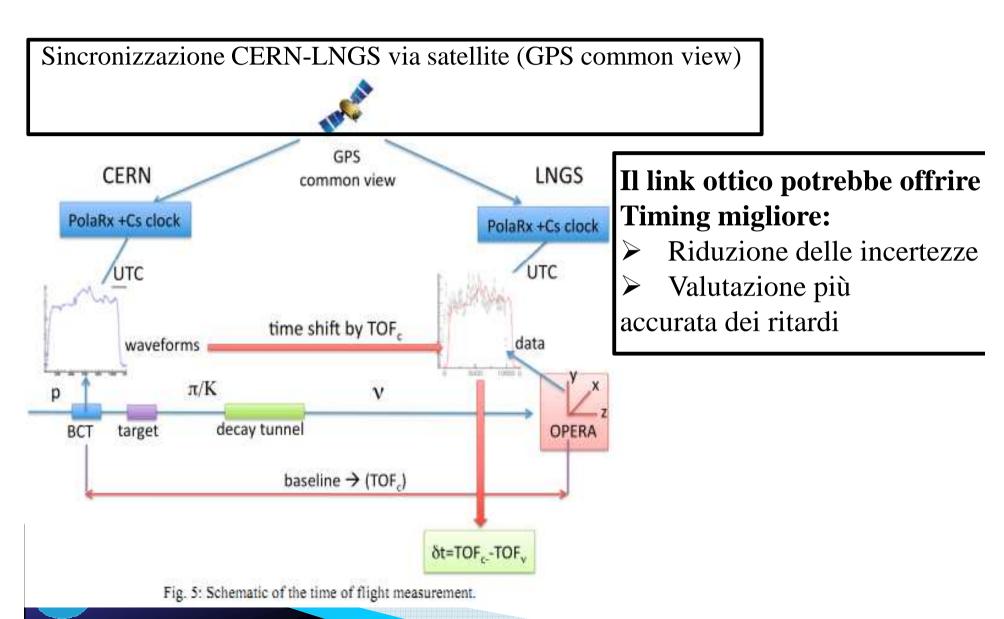
**TORINO- FIRENZE 450 km** TORINO MODANE 100 km

MODANE – GINEVRA 190 km FIRENZE-L'AQUILA 400 km

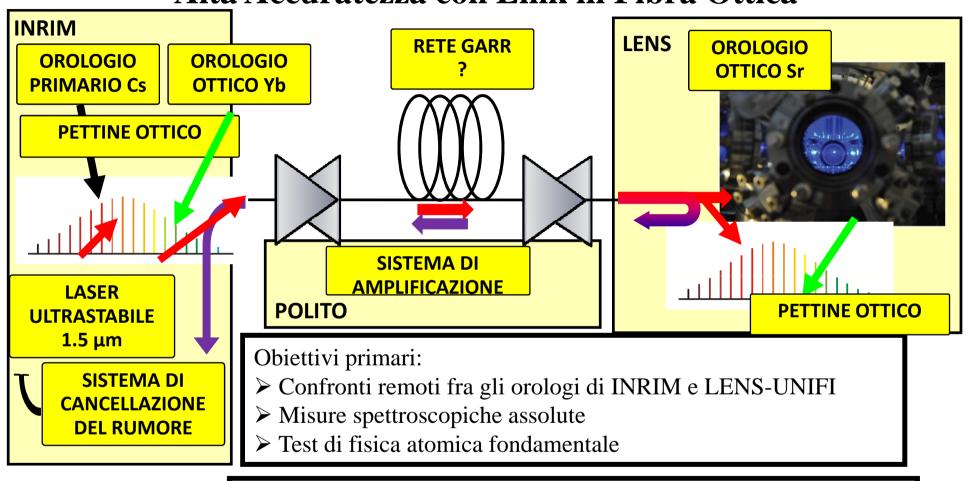
METROLOGICA

**Totale CERN-TORINO-GRAN SASSO:** 1100 km

#### Link Ottico per l'esperimento Opera al Laboratorio Nazionale Gran Sasso



### PRIN: "Misure Assolute di Campioni Ottici di Frequenza ad Alta Accuratezza con Link in Fibra Ottica"



#### Ricadute/Applicazioni:

- Sviluppo della tecnologia necessaria alla disseminazione via fibra
- -Test e applicazioni di prodotti commerciali
- Possibile estensione/Disseminazione verso altri tipi di laboratori Sviluppo nuove tecniche di disseminazione di segnali di tempo



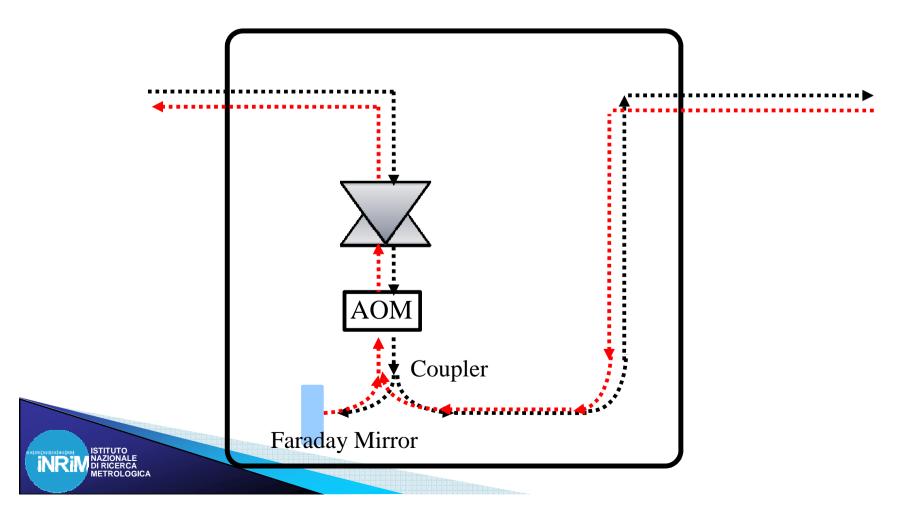
#### Stazioni di ripetizione:

#### 1) RETE OTTICA con Fibra Dedicata (Dark Fiber)

..... DA INRIM

VERSO INRIM

TRAFFICO INTERNET



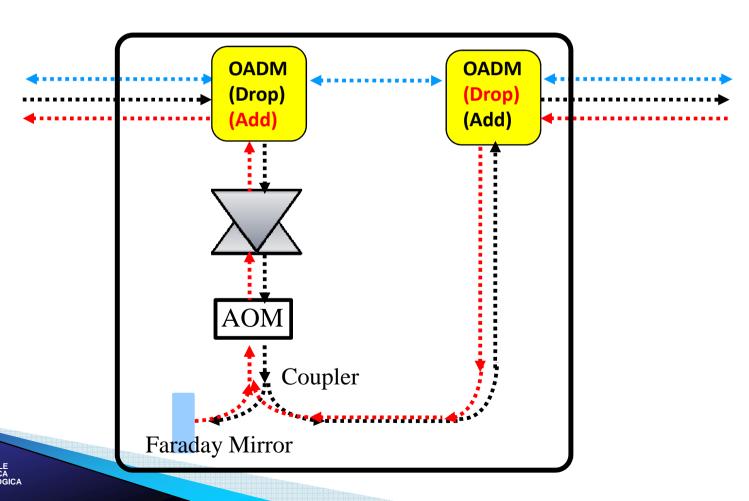
#### Stazioni di ripetizione:

#### 1) RETE OTTICA con Canale Dedicato (Dark Channel)

DA INRIM

VERSO INRIM

TRAFFICO INTERNET



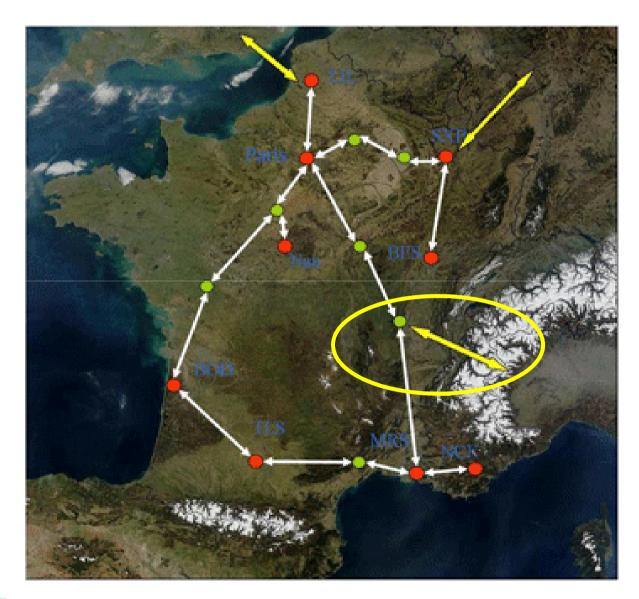
### Verso un Network in Fibra di Istituzioni Scientifiche Italiane?





Progetto Premiale proposto al MIUR da questi istituti

#### **INRIM to REFIMEVE+** project





#### **Towards EU Network: NEAT-TF Project** Accurate time/frequency comparison and dissemination through optical telecommunication networks

Proposal for European Metrology Research Programme (EMRP) - Call 2011 PTB-INRIM-SYRTE-NPL-BEV-IPE-VSL-MIKES-SP (coordinator H. Schnatz PTB)



missions

#### Conclusioni/1

- La metrologia di frequenza, con gli orologi atomici, è una disciplina di viva e proficua interazione con la fisica atomica e fondamentale (spettroscopia ad alta risoluzione, raffreddamento laser, interazioni fondamentali)
- L'accuratezza dei campioni atomici di frequenza offre la possibilità di eseguire test e misure a supporto della fisica fondamentale
- Prospettive:

Più orologi, più accuratezza, Link Ottici, Orologi nello Spazio: Test migliori e nuovi Test



#### Conclusioni/2

- All'INRIM sono state sviluppate tecniche di raffreddamento laser degli atomi per la spettroscopia ad alta risoluzione
- E' operativo un campione primario di frequenza a fontana con accuratezza relativa di 5x10<sup>-16</sup>.
- Una seconda fontana è in sviluppo (accuratezza attesa <10<sup>-16</sup>).
- Orologio ottico a Yb in sviluppo.
- Test accurati di fisica fondamentale

Sono disponibili Tesi di Laurea/Dottorato



#### **TESI DISPONIBILI**

Sperimentali;

Propedeutici: Meccanica Quantistica; Applicazioni di Elettromagnetismo

1) "Confronto remoto di Orologi atomici ad alta accuratezza con link in fibra ottica"

2) "Caratterizzazione di amplificatori ottici a basso rumore"

3) "Time Trasfer ad alta accuratezza con link in fibra ottica"



#### **TESI DISPONIBILI**

Sperimentali;

Propedeutici: Meccanica Quantistica; Applicazioni di Elettromagnetismo

4) "Raffreddamento laser subDoppler di atomi di Ytterbio in trappola magnetoottica a due colori"

5) "Spettroscopia della transizione proibita 1S0-3P0 in Itterbio bosonico e fermionico"

6) "Aggancio in frequenza di una sorgente a 1112 nm con tecnica di Pound-Drever-Hall su cavità Fabri-Perot e sua caratterizzazione"

