

**Parte terza**

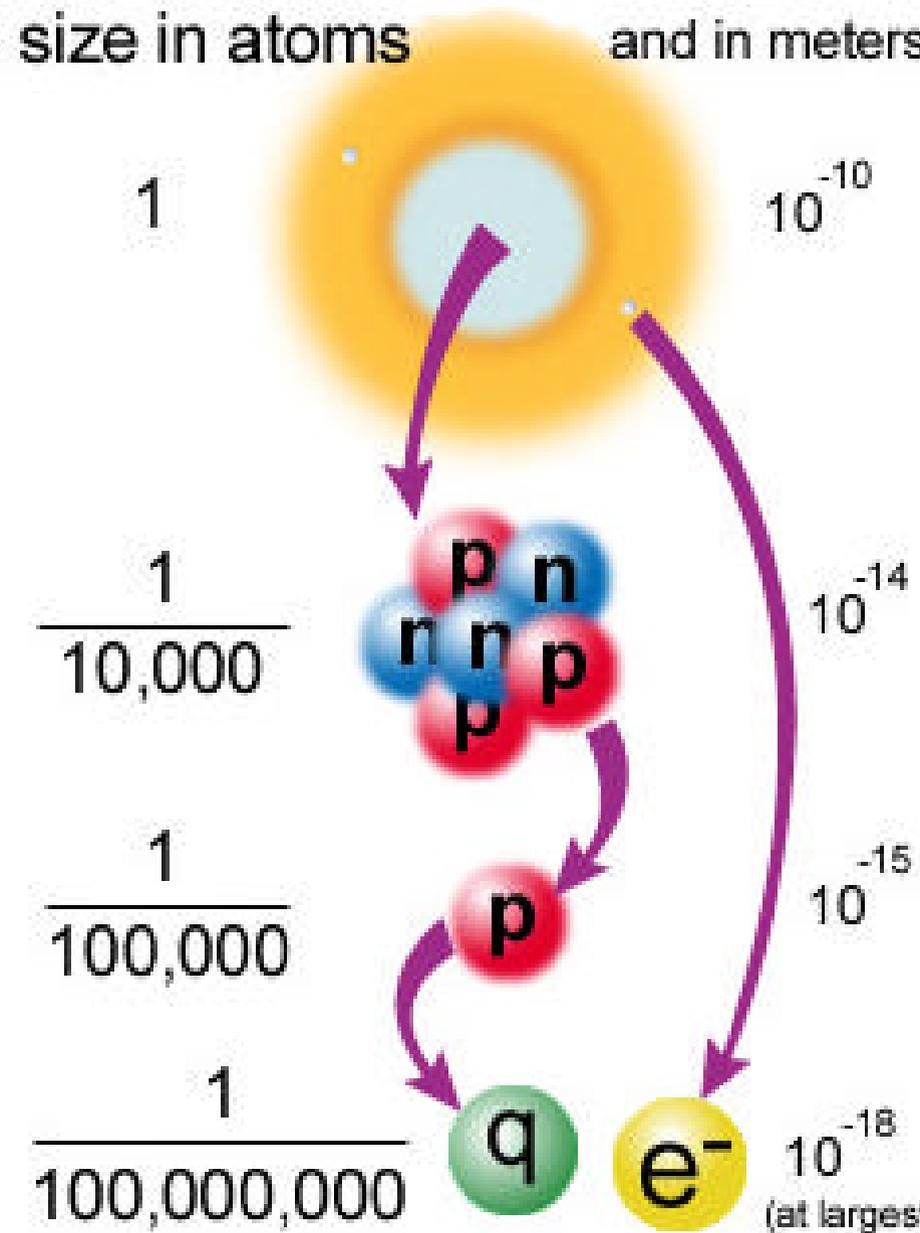
**FENOMENI ONDULATORI  
E ELETTROMAGNETICI**

# ELETTROSTATICA

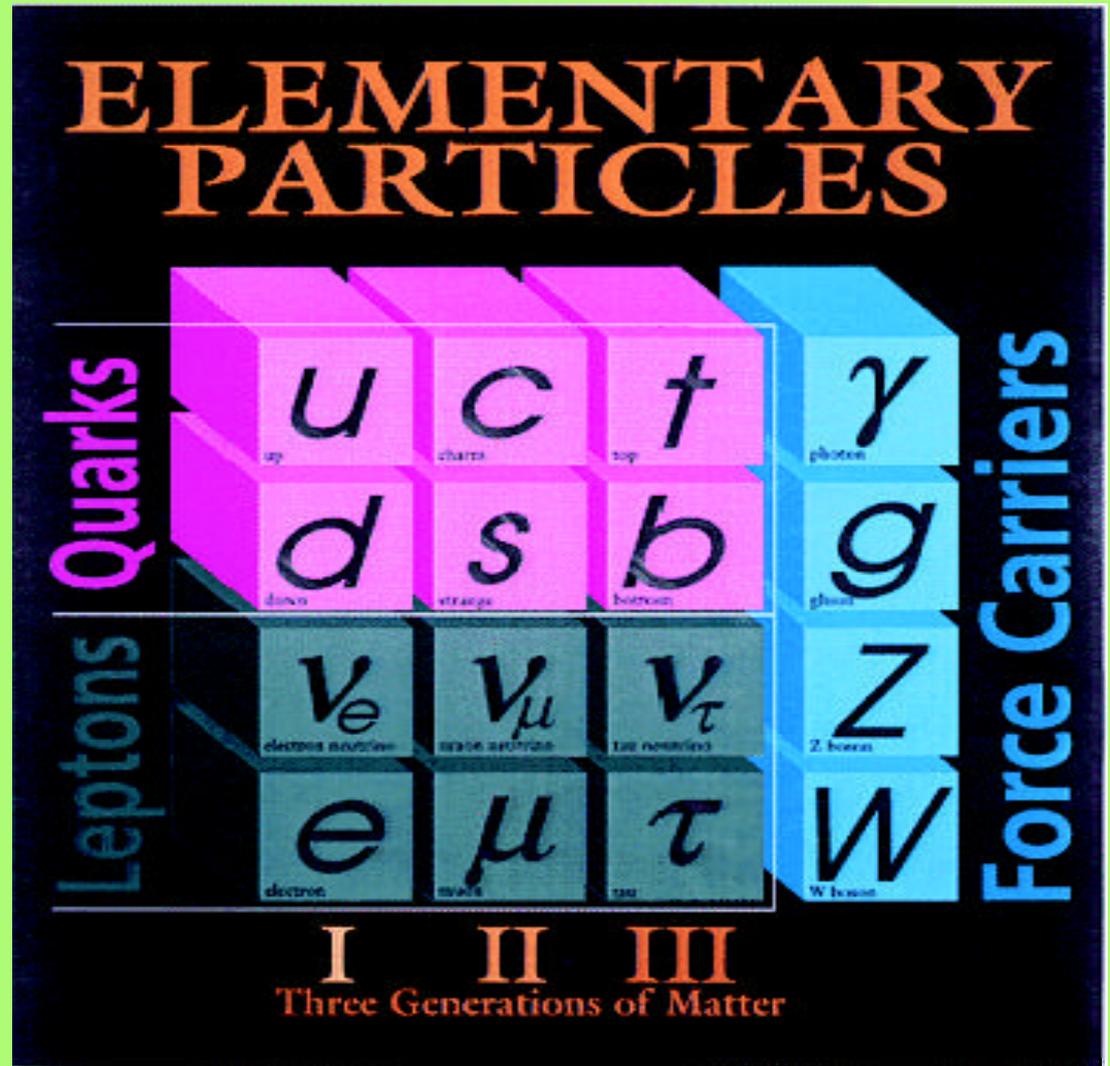
I corpi in natura possono essere **conduttori**, **semiconduttori** o **isolanti**; la differenza è dovuta alla frazione di elettroni liberi di muoversi nella banda di conduzione o legati nella banda di valenza.

La **carica elettrica elementare** è quella dei protoni (positiva) e degli elettroni (negativa), ma in realtà la materia è composta di **quark** (particelle con carica elettrica frazionaria che costituiscono i protoni e i neutroni) e di **leptoni**.

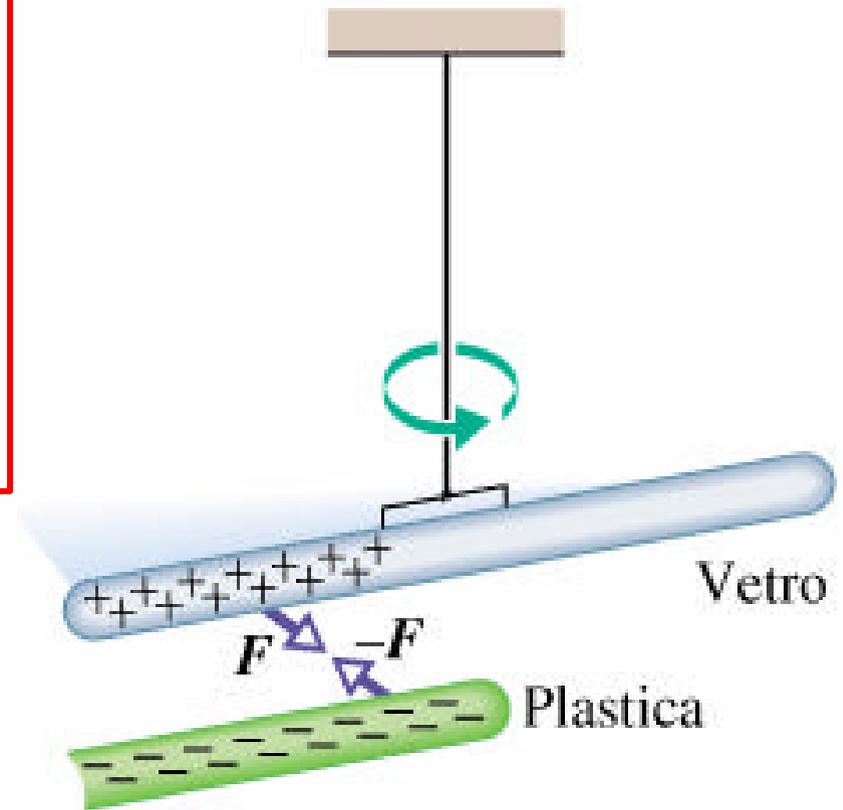
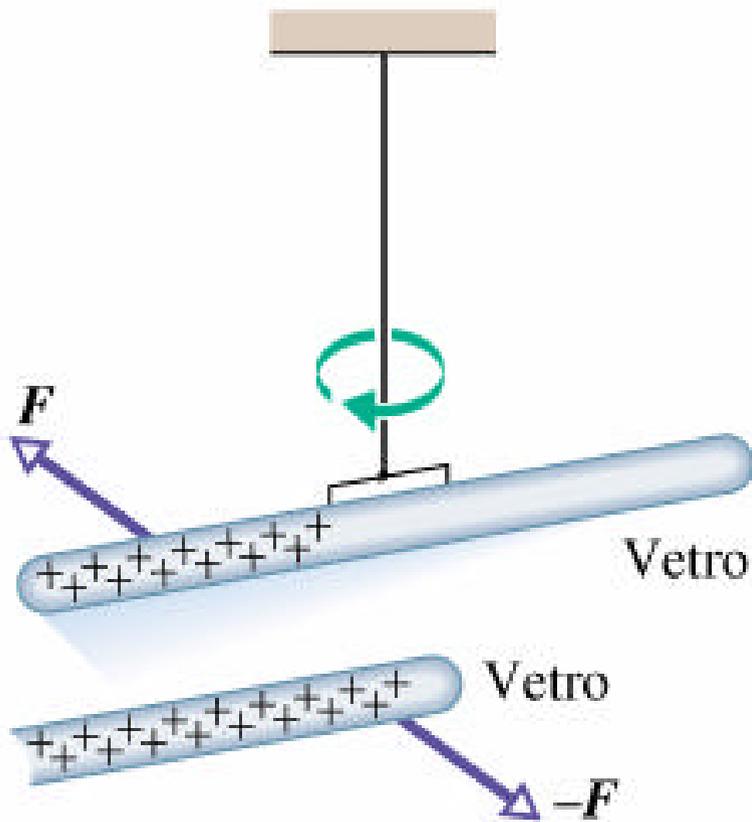
# Le dimensioni in gioco



# Le 3 generazioni della materia e le particelle di scambio



# Forze elettrostatiche



# Le 4 interazioni fondamentali



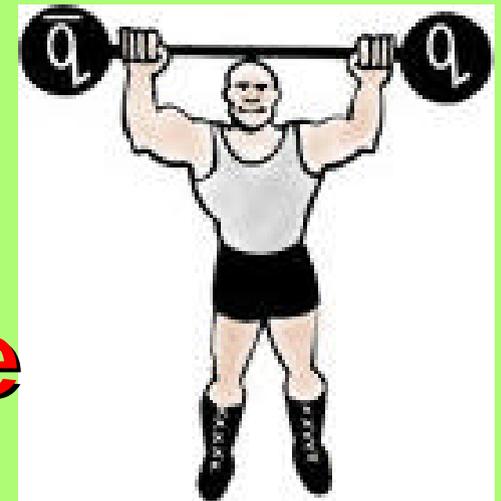
**gravità**



**elettromagnetismo**

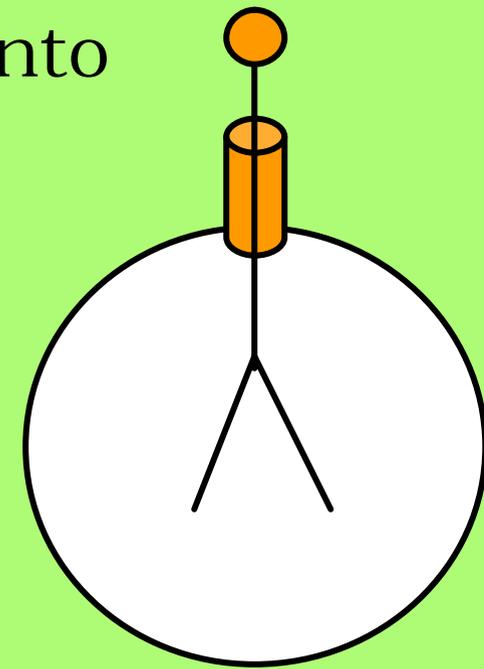


**debole**

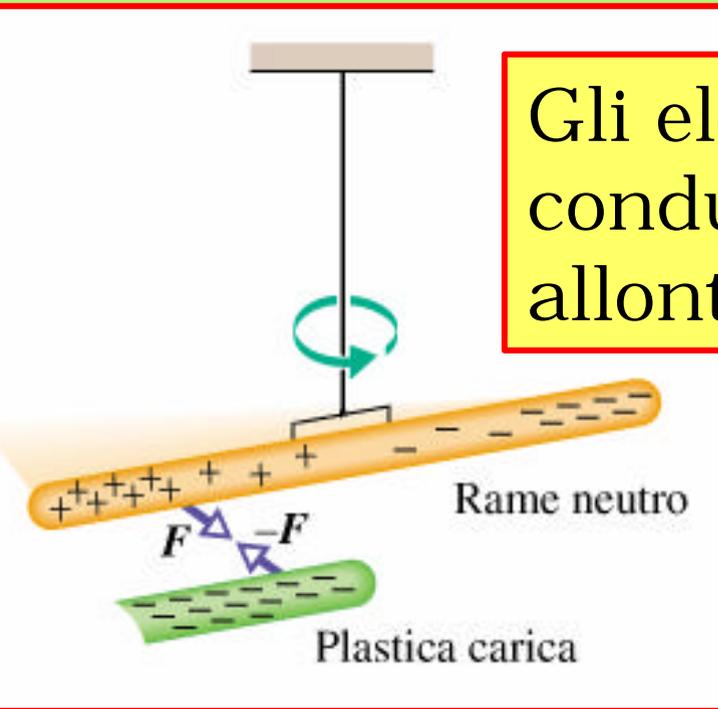


**forte**

L'**elettroscopio** e` uno strumento in grado di misurare la carica elettrica di un corpo.



Gli elettroni di conduzione si allontanano



La **ionizzazione** e` un fenomeno che produce cariche elettriche (ioni positivi o negativi e elettroni) libere di muoversi in una sostanza liquida o gassosa.

La forza elettrostatica (**attrattiva** o **repulsiva**) che si esercita tra due cariche elettriche e' stabilita dalla **legge di Coulomb**:

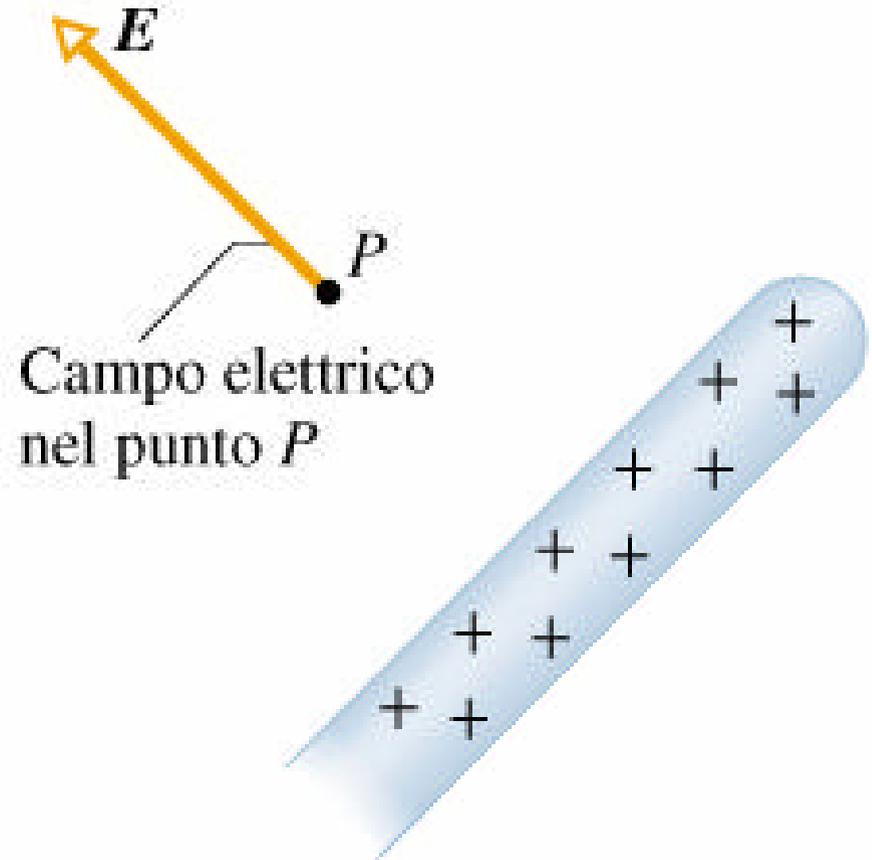
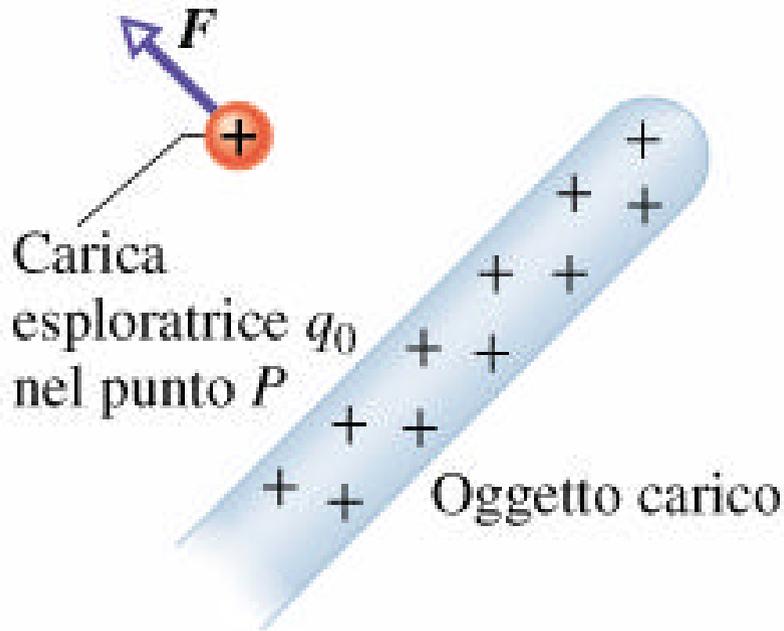
$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

simile alla legge di Newton, ma con una differenza importante: le masse sono solo positive, mentre le cariche elettriche possono essere positive oppure negative.

La grandezza  $\epsilon$  è detta **costante dielettrica**  
 $\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r$ , dove  $\epsilon_0 = 8.86 \cdot 10^{-12} \text{ C}^2 \text{N}^{-1} \text{m}^{-2}$  è la  
costante dielettrica del vuoto e  $\epsilon_r \geq 1$  è la  
costante dielettrica relativa al mezzo. Nel  
caso dell'acqua si ha  $\epsilon_r \sim 80$  (molto grande),  
e quindi la forza di Coulomb è molto  
piccola; questo è il motivo per cui l'acqua si  
dissocia molto facilmente (**elettrolisi**).

Nel S.I. la grandezza elettrica fondamentale  
è l'unità di corrente elettrica (**ampere**) e  
l'unità di carica elettrica, il **Coulomb** [C] è  
una grandezza derivata da  $dq = i \cdot dt$ .

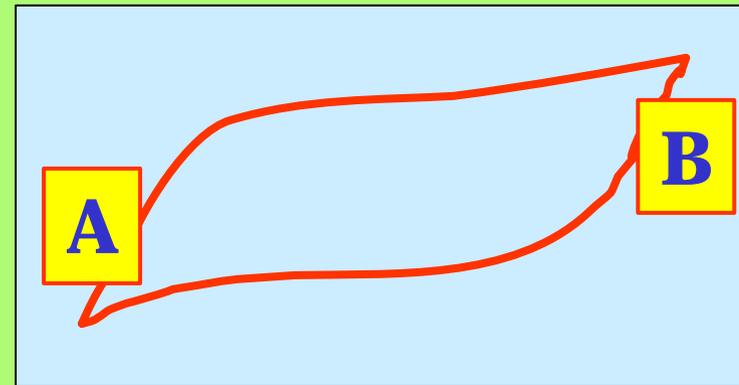
# Carica esploratrice



# Campo elettrico

La carica esploratrice, che per definizione è positiva ( $q > 0$ ), permette di introdurre la nozione di **campo elettrico**  $\mathbf{E} = \mathbf{F}/q$  e quindi, essendo il campo conservativo, di **potenziale elettrico**  $V = W/q$  dove  $W$  è l'energia potenziale elettrostatica. Il **Volt** [ $1V = 1J/1C$ ] è l'unità di misura del potenziale elettrico.

Il lavoro fatto per spostare la carica  $q > 0$  dal punto A al punto B non dipende dal percorso e vale



$$L = W_A - W_B = q(V_A - V_B) = q \cdot \Delta V$$

Le cariche elettriche negative si muovono spontaneamente dal potenziale inferiore al potenziale maggiore; il contrario avviene per le cariche positive.

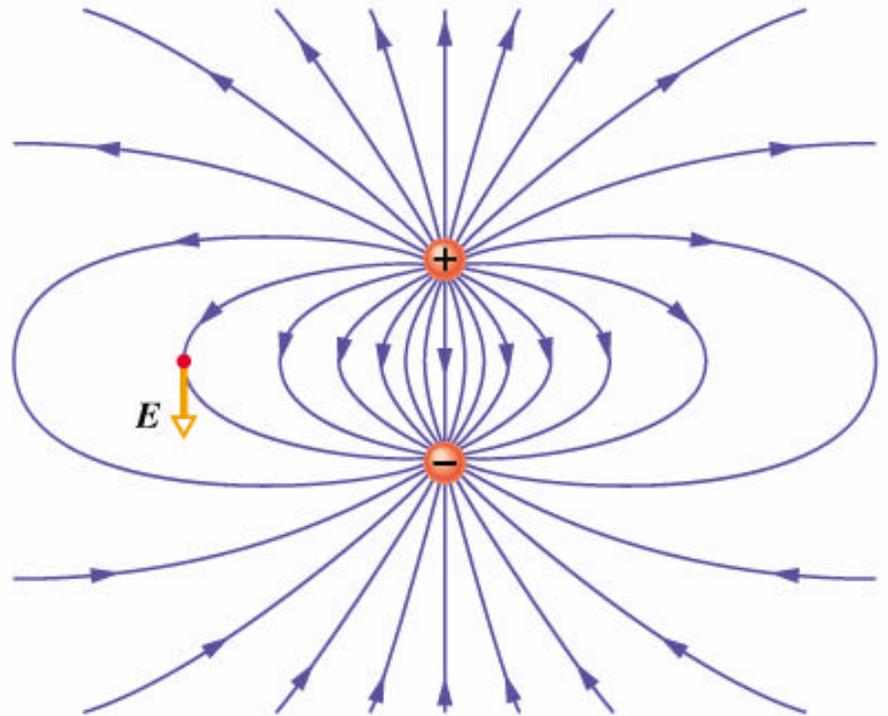
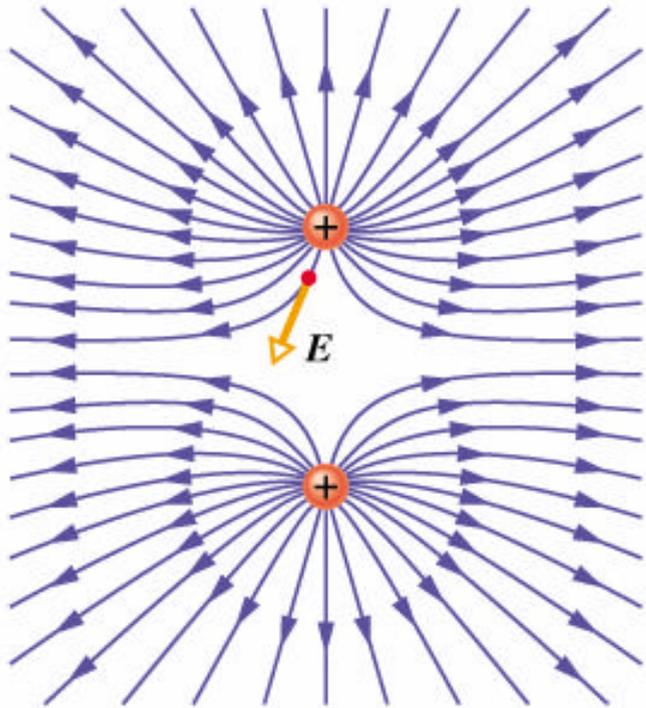
Poiché il lavoro fatto dal campo elettrico per spostare la carica  $q$  di  $\Delta x$  è dato da

$$L = F\Delta x = qE\Delta x = -q(V_B - V_A),$$

si deduce che il campo elettrico  $E$  è il gradiente del potenziale elettrostatico:

$$E = -\frac{dV}{dx}$$

L'unità di misura del campo elettrico nel S.I. è perciò data in [V/m]



Consideriamo due esempi di forze elettrostatiche:

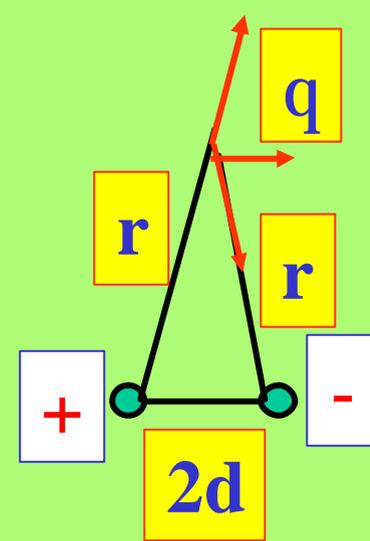
1 - La forza Coulombiana e la forza Newtoniana (entrambe attrattive) tra il protone e l'elettrone di un **atomo di idrogeno** hanno i valori seguenti :

$$F_C = 8.9 \cdot 10^9 \frac{(1.6 \cdot 10^{-19})^2}{(5.3 \cdot 10^{-11})^2} = 8.2 \cdot 10^{-8} \text{ N}$$

$$F_N = 6.7 \cdot 10^{-11} \frac{(9.1 \cdot 10^{-31})(1.7 \cdot 10^{-27})}{(5.3 \cdot 10^{-11})^2} = 3.6 \cdot 10^{-47} \text{ N}$$

Dato il grande valore del rapporto  $F_C/F_N = 3 \cdot 10^{39}$  tra esse, e` sempre possibile trascurare la forza gravitazionale  $F_N$ .

2 - Un **dipolo** e` definito da 2 cariche elettriche  $q$  di ugual valore, ma di segno opposto, poste a distanza  $2d$ . In un punto distante  $r$  da entrambe le cariche il campo elettrico lungo l'asse verticale  $y$  si annulla per simmetria, mentre quello lungo l'asse orizzontale vale:



$$E = E_+ - E_- = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{\vec{r}}{r^3} - \frac{\vec{r}}{r^3} \right) = \frac{2q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{r^2} \cos\theta =$$

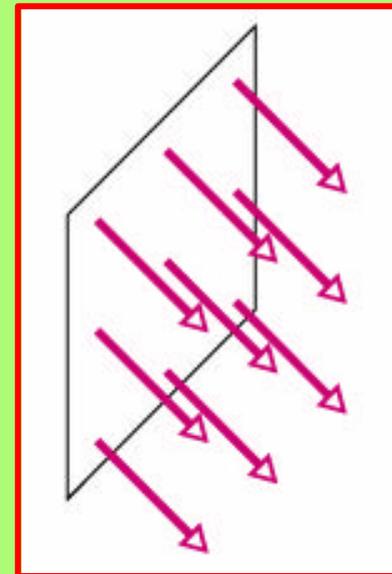
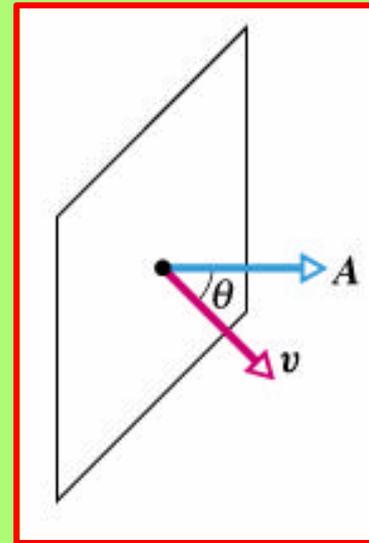
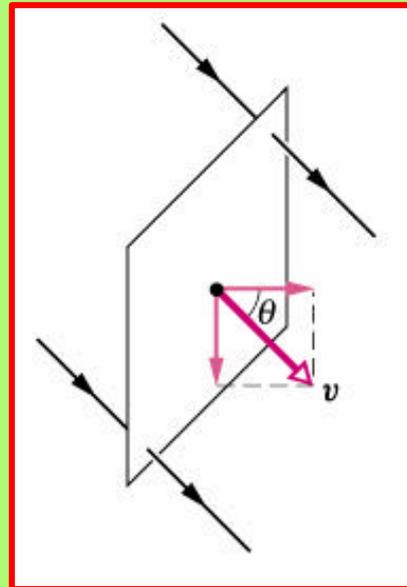
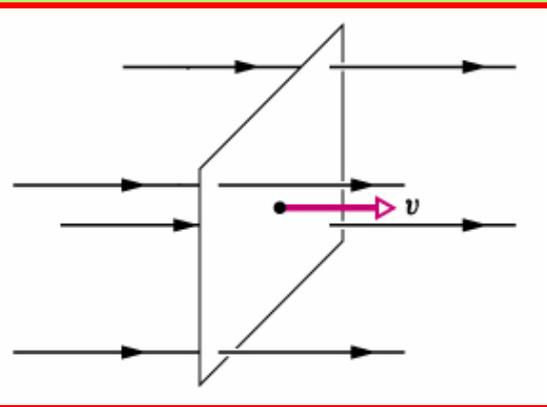
$$= \frac{2q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{(y^2 + d^2)} \frac{d}{\sqrt{(y^2 + d^2)}} \approx \frac{2q}{4\pi\epsilon_0} \frac{d}{y^3} \text{ per } y \gg d$$

ossia il campo elettrico varia come  $y^{-3}$  anziche come  $y^{-2}$ .

# Teorema di Gauss

Si definisce **flusso elementare** di un vettore (qui consideriamo il vettore campo elettrico **E**) attraverso una superficie  $S$  (di normale **n**) la grandezza:

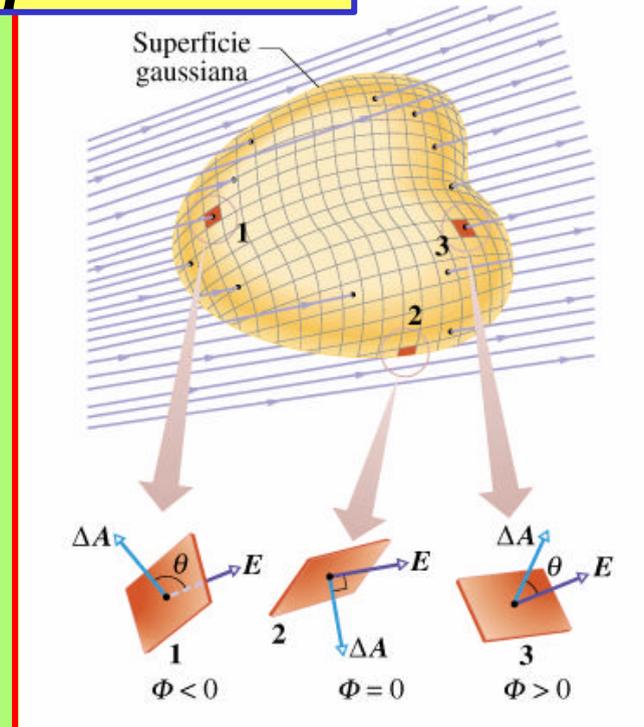
$$d\Phi(E) = E \cdot n dS = E \cos \theta dS$$



Dalla definizione di campo elettrico e poiche`  
 $dS \cos\theta = r^2 d\Omega$  (proiezione di  $dS$  normale a  $n$ )  
 si ottiene  $d\Phi(E) = (1/4\pi\epsilon) q d\Omega$ . Da cui segue  
 che il flusso totale uscente da una qualsiasi  
 superficie chiusa, contenente la carica totale  
 $Q$ , e` dato da:

$$\Phi(E) = \oint E \cdot n dS = \frac{Q}{4\pi\epsilon} \oint d\Omega = \frac{Q}{\epsilon}$$

e non dipende dal raggio di  
 curvatura della superficie. Si  
 deve distinguere tra flusso  
 uscente ( $Q > 0$ ) e flusso  
 entrante ( $Q < 0$ ), per cui il  
 flusso generato da un corpo  
 di carica totale  $Q = 0$  e` nullo.

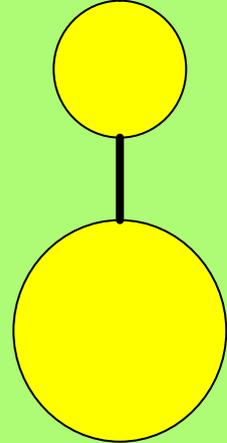


Le principali implicazioni del teorema di Gauss sono:

- In equilibrio, ossia in assenza di corrente elettrica, le cariche si distribuiscono sulla superficie dei corpi conduttori.
- L'intensita` del campo elettrico di una sfera carica coincide con quella che si avrebbe se la carica fosse tutta concentrata al centro della sfera.
- Vicino a un conduttore  $E = \sigma/\epsilon_0$ , dove  $\sigma$  e` detta densita` di carica superficiale.

- Due sfere di raggio  $r_1$  e  $r_2$  e carica  $q_1$  e  $q_2$  collegate tra loro da un filo conduttore, essendo equipotenziali, comportano:

$$W = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{r_1} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{r_2}, \text{ ossia } \frac{q_1}{r_1} = \frac{q_2}{r_2}$$



$$q_1 = \frac{Q}{1 + \frac{r_2}{r_1}}, \quad q_2 = \frac{Q}{1 + \frac{r_1}{r_2}}$$

da cui, posto  $Q = q_1 + q_2$ , si ha:

- Dai valori precedenti di  $q_1$  e  $q_2$  si ottiene che il rapporto tra i campi elettrici vicino a ciascuna sfera vale  $E_1/E_2 = r_2/r_1$ , ossia  **$E \cdot r = \text{costante}$** : il campo è più intenso se il raggio della sfera è più piccolo. In genere il campo elettrico è più grande nelle zone appuntite di un corpo.

# Campo magnetico

Esempi di campo magnetico sono quello terrestre, le calamite, i magneti, ecc... Sono sempre definiti da un polo nord e un polo sud, anche se i monopoli magnetici sono particelle previste dalla teoria GUT, ma non scoperti.

Le linee di flusso del campo magnetico indicano la direzione del campo e il valore dell'**induzione magnetica  $\mathbf{B}$**  (da S a N).

**Forze di Lorentz:** un campo magnetico non ha effetto sulle particelle neutre ma provoca la deviazione di particelle cariche la cui velocità cambia di direzione ma non di modulo.

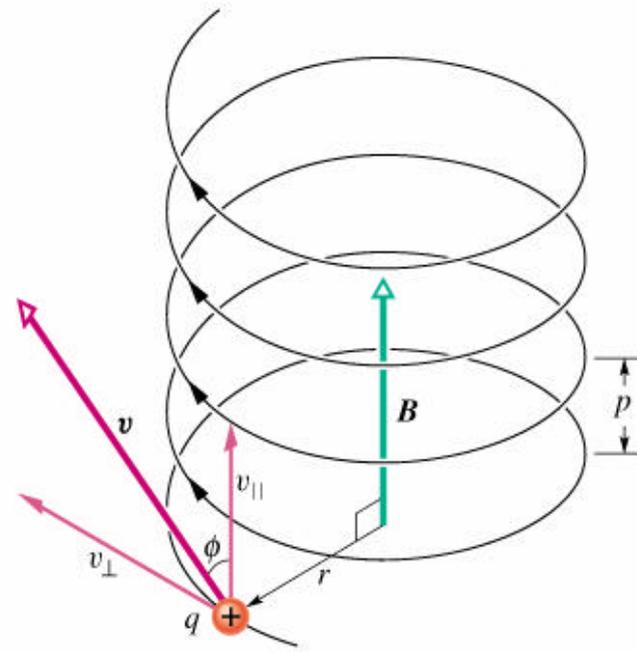
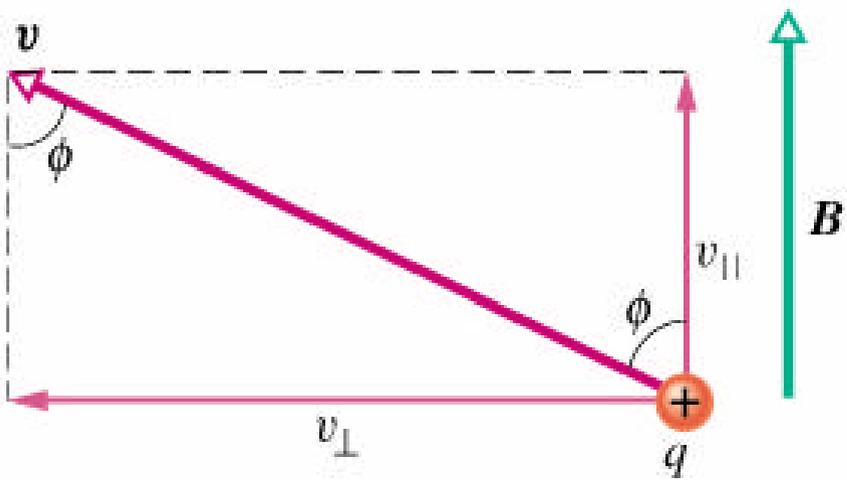
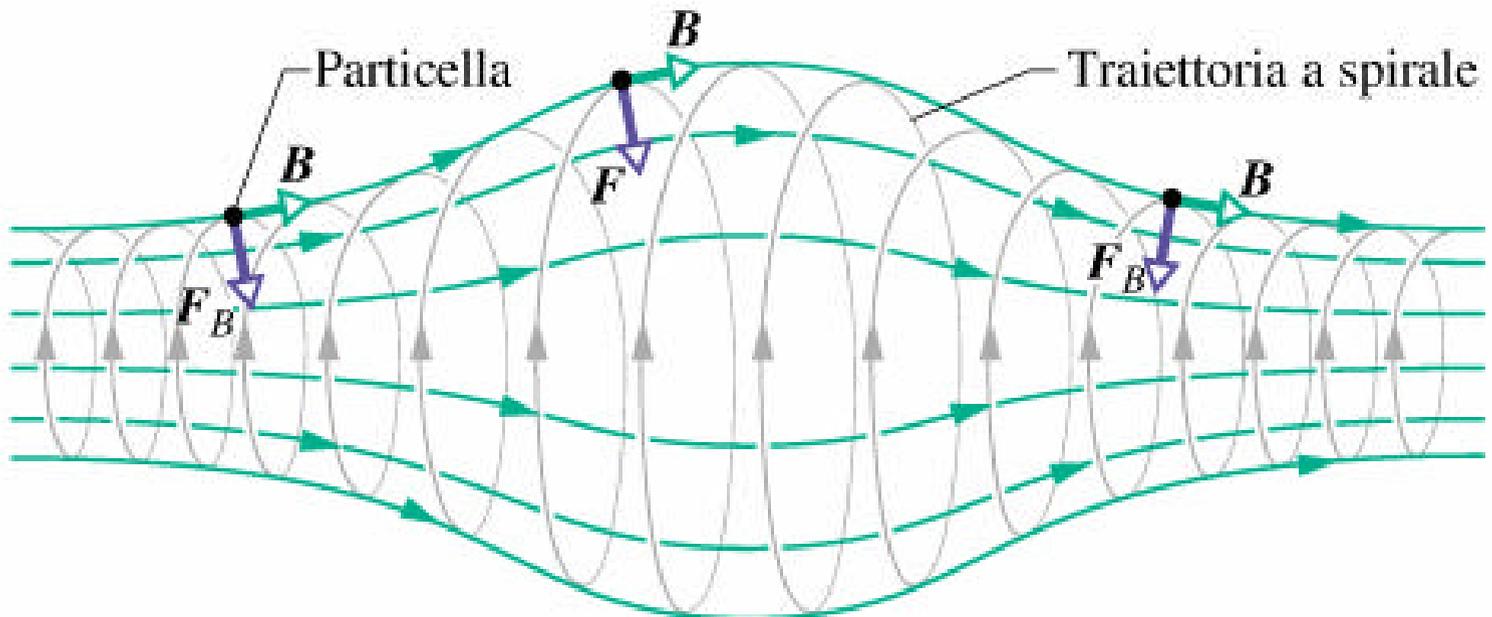
Se la particella ha massa  $m$ , carica  $q$  e velocità costante  $v$ , la forza di Lorentz è data da

$$\mathbf{F} = q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$$

e ***non dipende da  $m$*** . Tuttavia, essendo la forza centripeta:

$$F = m a_c = m v^2/R = m \omega^2 R$$

il raggio di curvatura  $R = mv/qB$  (costante nel tempo se  $B$  è costante) dipende da  $m$ , nel senso che se  $m$  è grande la particella è poco deviata e viceversa; inoltre la velocità angolare  $\omega = qB/m$  non dipende da  $v$ .



Se e' presente anche un campo elettrico  $E$ , l'espressione piu' completa delle forze di Lorentz e' allora data da:

$$F = q(E + v \wedge B)$$

Se anziche' una particella consideriamo un conduttore percorso dalla corrente  $i$  e posto in un campo magnetico  $B$ , la forza di Lorentz che si esercita lungo un tratto  $dx$  di conduttore sara' data da:

$$dF = i(dx \wedge B)$$

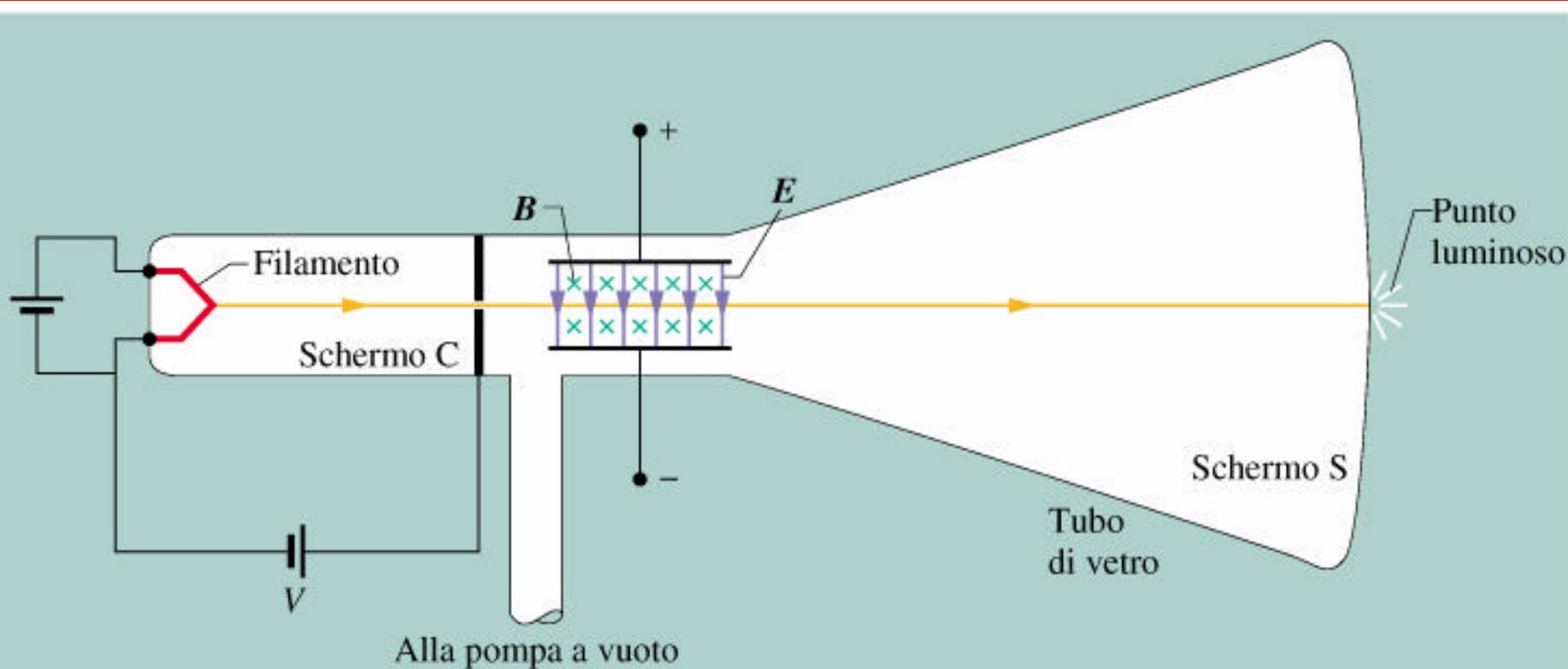
A sua volta, la corrente in un conduttore genera il campo magnetico:

$$dB = \frac{\mu_r \mu_0}{4\pi} (id\mathbf{x} \wedge \frac{\vec{r}}{r^3})$$

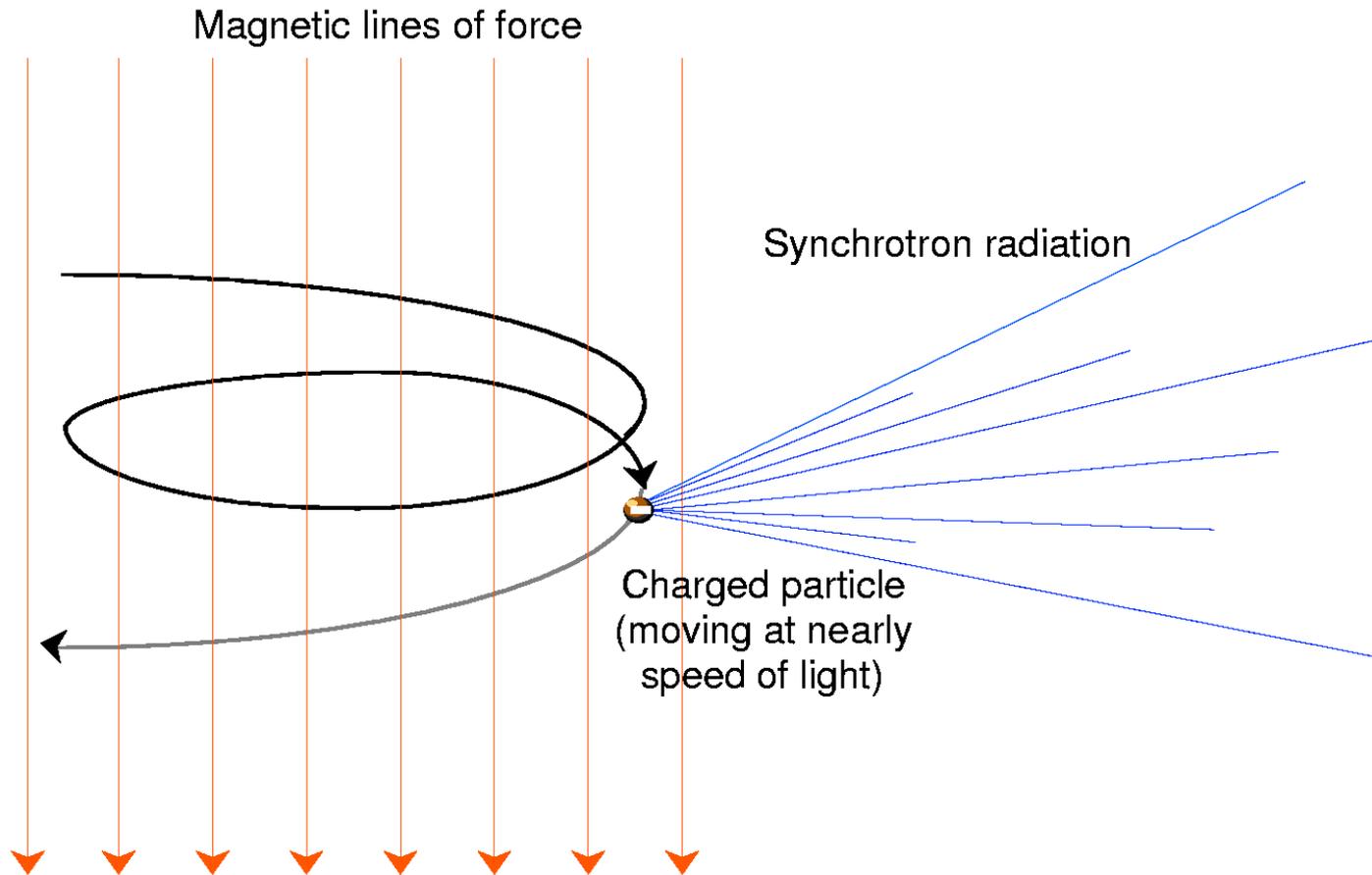
che, per il teorema di Gauss applicato ad una superficie chiusa, comporta **?  $\mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = 0$** .

Se si spezza  $S = S_1 + S_2$  lungo una qualsiasi linea chiusa si deduce che l'induzione magnetica è la stessa per ogni superficie  $S_i$ . Tra i conduttori percorsi da corrente i solenoidi (induttanze) hanno particolare importanza e tipico esempio sono i circuiti RL. La forza elettromotrice indotta è data da  $\varepsilon = - dF_c/dt$ .

# effetto del campo elettrico e di quello magnetico sul moto di una particella carica



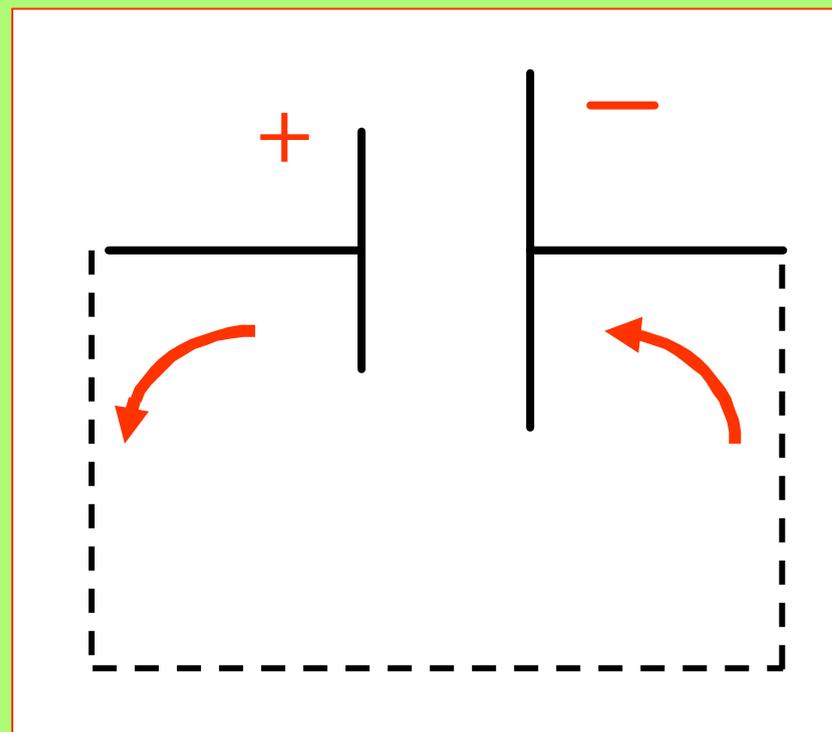
# Emission of Synchrotron Radiation





# i circuiti elettrici

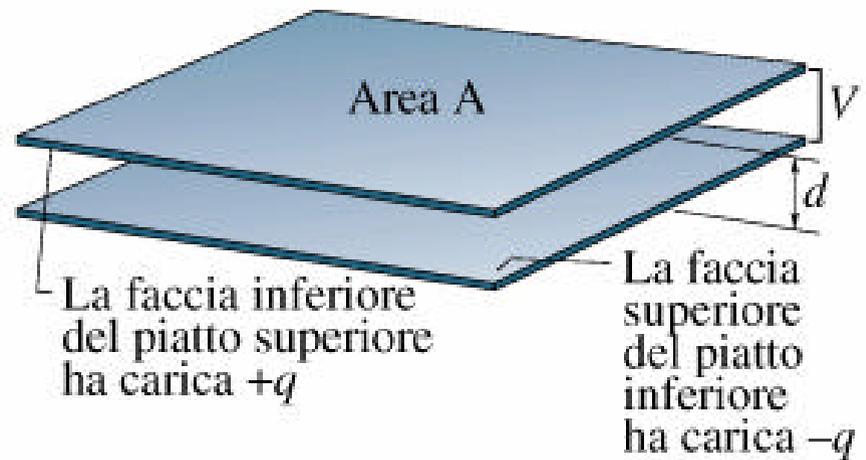
corrente  $i = \frac{dq}{dt}$



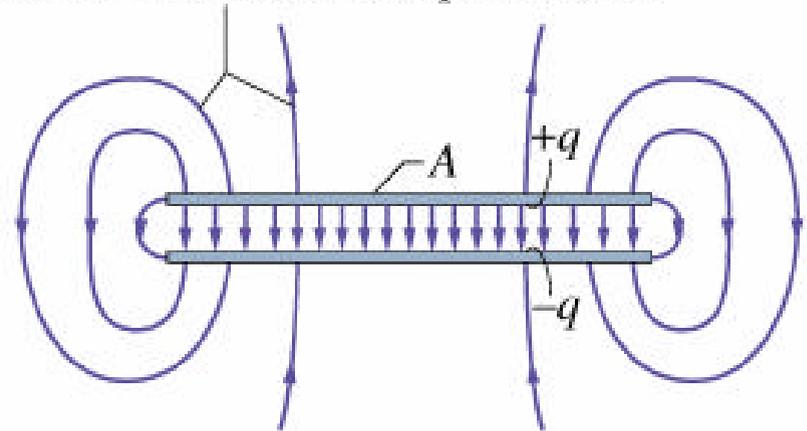
La **corrente elettrica**, misurata in Ampere [1A = 1C/1s], rappresenta il flusso di cariche **positive** attraverso la sezione di un conduttore ai cui capi e` applicata la differenza di potenziale  $V = V_A - V_B$ .

un condensatore e' un componente dei circuiti in grado di accumulare su ogni armatura la carica  $q$ . Si definisce capacita' del condensatore il rapporto tra carica e tensione tra le armature:

$$C = \frac{q}{V}$$



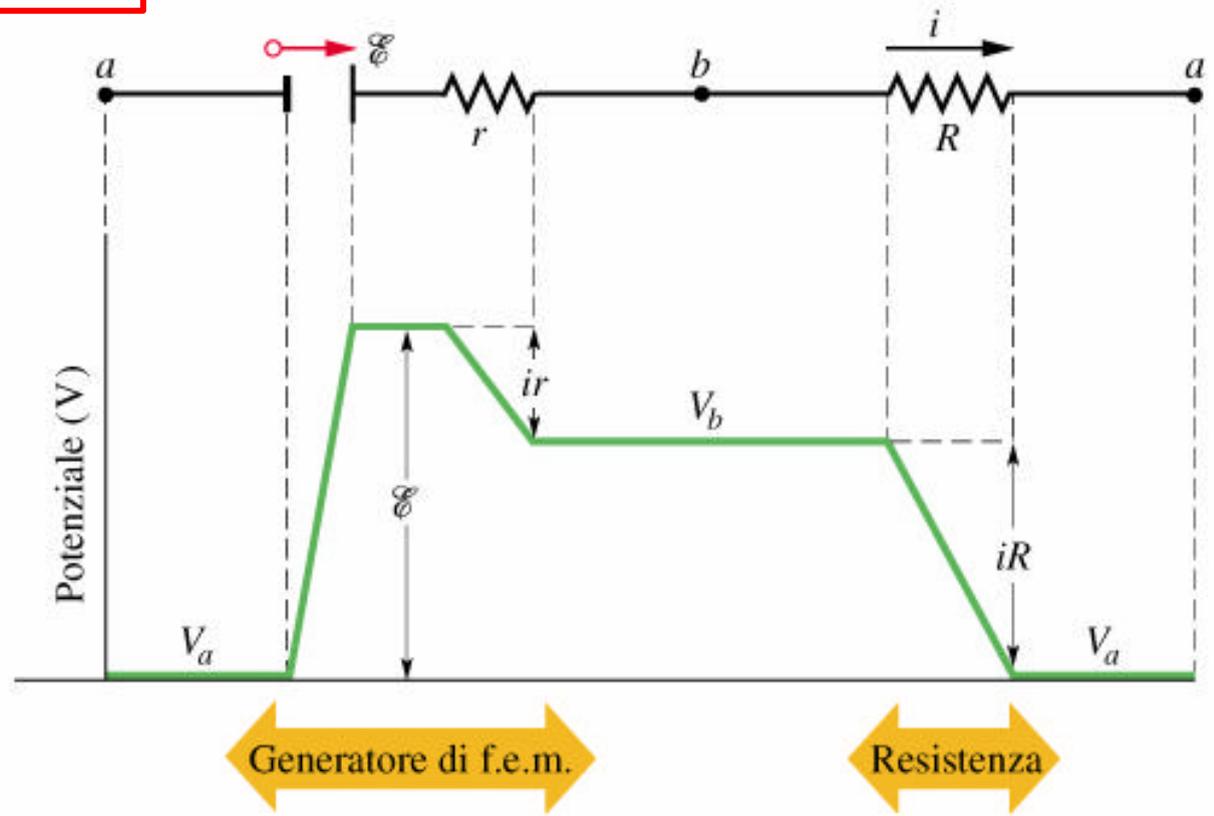
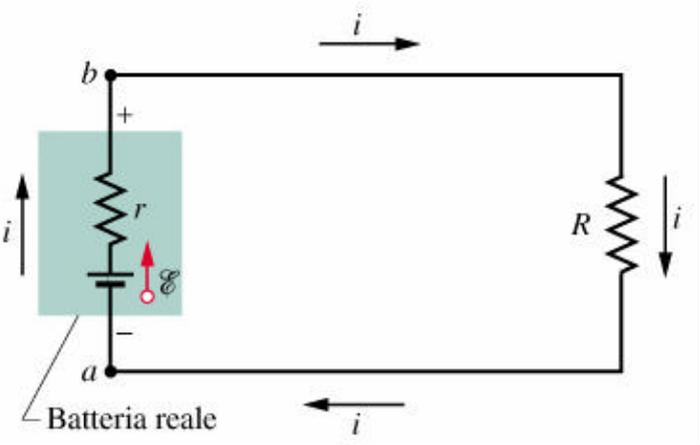
Linee di forza del campo elettrico



# Le leggi di Ohm

$$V = Ri \quad R = r \frac{l}{S}$$

forniscono la relazione tra il passaggio della corrente in un conduttore e la tensione applicata ai suoi capi. La grandezza  $R$ , misurata in  $[\Omega]$ , e` detta **resistenza** elettrica e la grandezza  $\rho$ , misurata in  $[\Omega \text{ m}]$ , e` detta resistivita`. Il suo inverso,  $\sigma = 1/\rho$ , misurata in Siemens  $[\Omega^{-1}\text{m}^{-1}]$  e` detto conducibilita`. In un circuito le resistenze possono essere in serie o in parallelo. La resistenza interna  $r$  di un generatore di tensione (generatore ideale) si puo` spesso trascurare nel calcolo della **resistenza equivalente**  $R_{\text{eq}}$  di un circuito.



Poiche` la corrente che attraversa resistenze in serie e` la stessa, la resistenza equivalente e` data da:

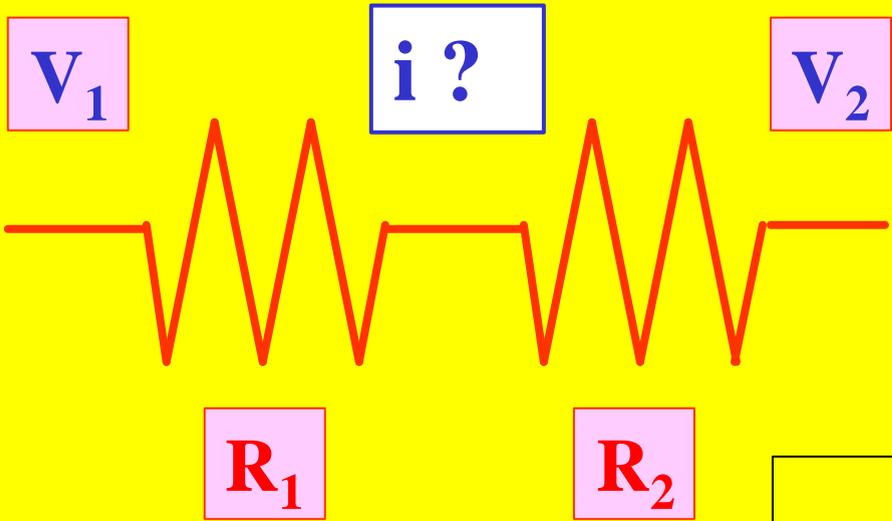
$$R_{eq} = \sum_i R_i$$

Resistenze in parallelo hanno invece la stessa differenza di potenziale ai loro capi e la corrente si suddivide tra i vari rami in modo inversamente proporzionale ai valori delle resistenze. In questo caso la resistenza equivalente e` data da:

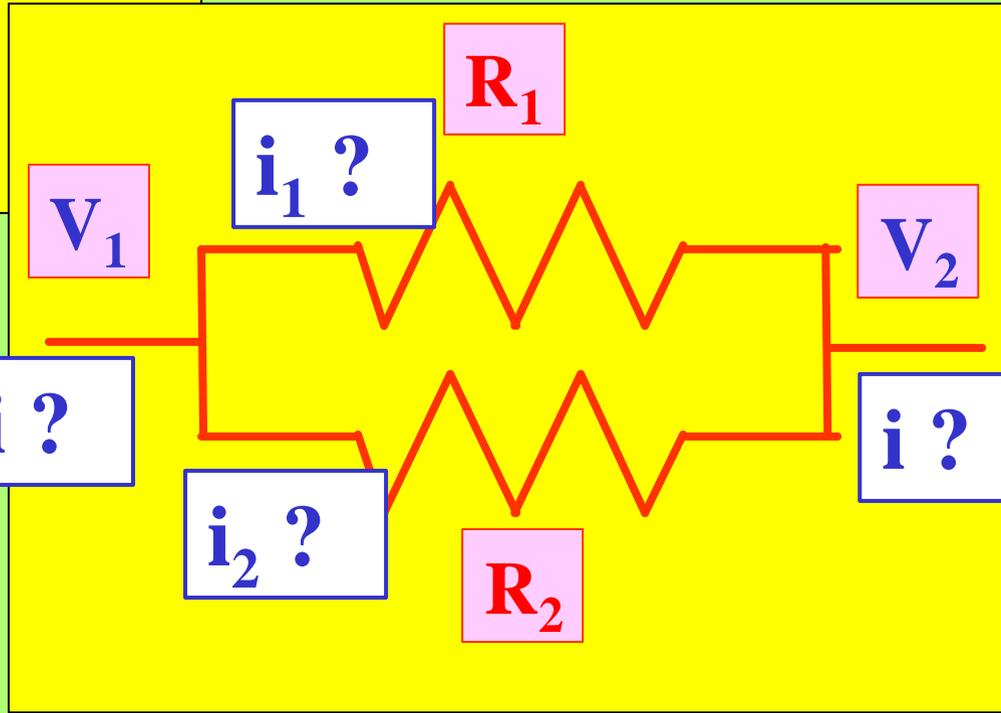
$$\frac{1}{R_{eq}} = \sum_i \frac{1}{R_i}$$

Per esempio, nel caso di 2 resistenze in parallelo la resistenza equivalente e`:

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$



$$V = (R_1 + R_2)i$$



$$i = i_1 + i_2$$

$$R_1 i_1 = R_2 i_2$$

Per i condensatori vale la regola opposta: se in parallelo la capacità totale è:

$$C_{eq} = \sum_i C_i$$

se in serie la capacità totale è:

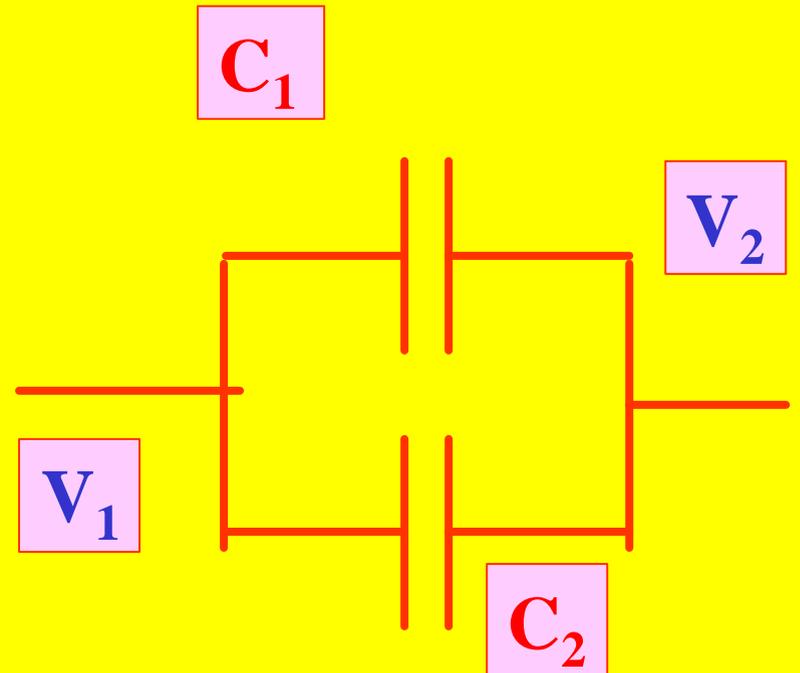
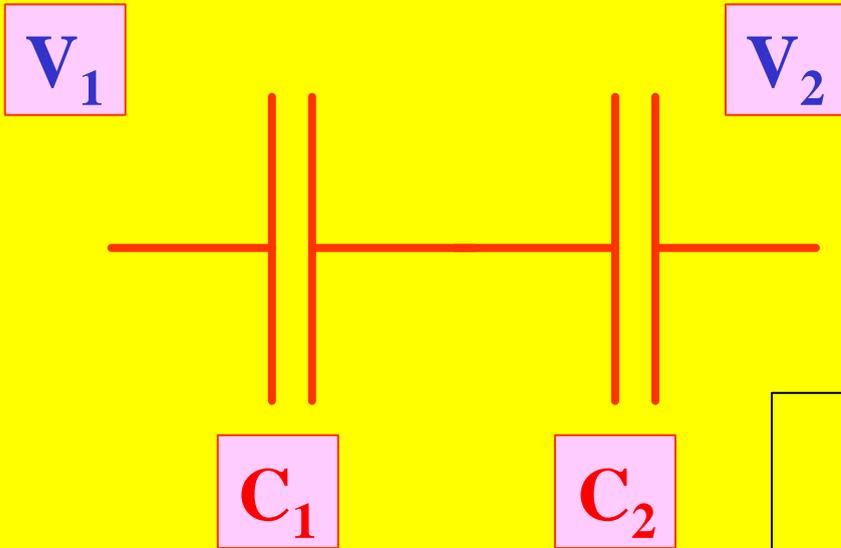
$$\frac{1}{C_{eq}} = \sum_i \frac{1}{C_i}$$

La capacità di un condensatore dipende dalla costante dielettrica del mezzo interposto tra le armature e dalle sue caratteristiche geometriche.

$$C = \frac{|q|}{V_2 - V_1}$$

La capacità, minima nel vuoto, si misura in farad [1F = 1C/1V] o nei suoi sottomultipli.

$$C = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{S}{d}$$



---

---

Serie

Parallelo

---

Resistenze

$$R_{\text{eq}} = \sum_{j=1}^n R_j$$

Stessa corrente attraverso  
tutte le resistenze

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \sum_{j=1}^n \frac{1}{R_j}$$

Stessa differenza di potenziale  
ai capi di tutte le resistenze

---

---

---

Serie

Parallelo

---

Condensatori

$$\frac{1}{C_{\text{eq}}} = \sum_{j=1}^n \frac{1}{C_j}$$

Stessa carica in tutti  
i condensatori

$$C_{\text{eq}} = \sum_{j=1}^n C_j$$

Stessa differenza di potenziale  
ai capi di tutti i condensatori

---

La semplificazione e risoluzione di un circuito elettrico si ottiene applicando alcuni teoremi (per esempio quelli di Thevenin e di Norton).

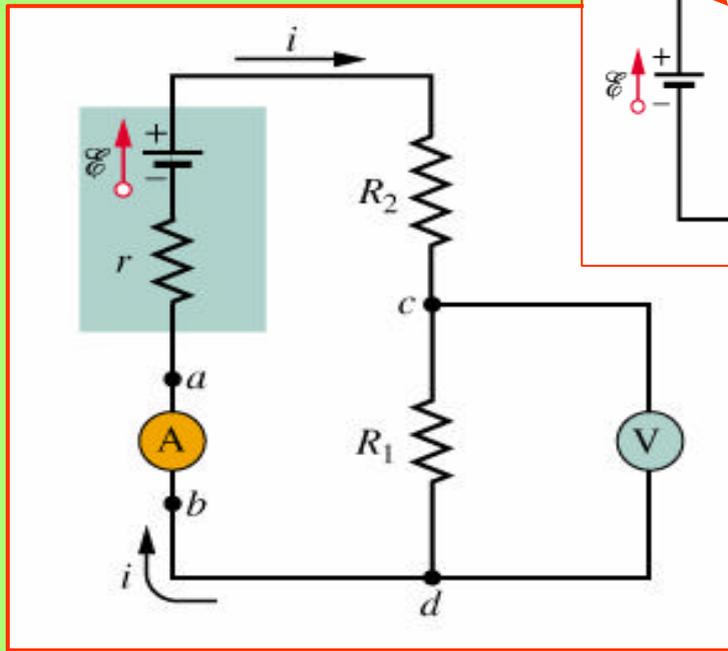
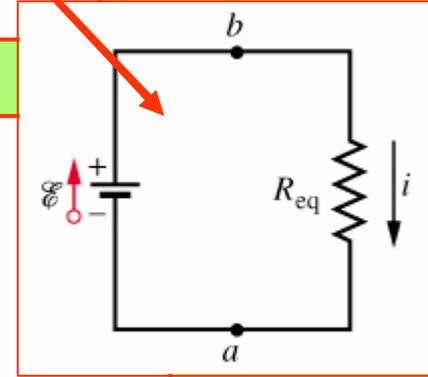
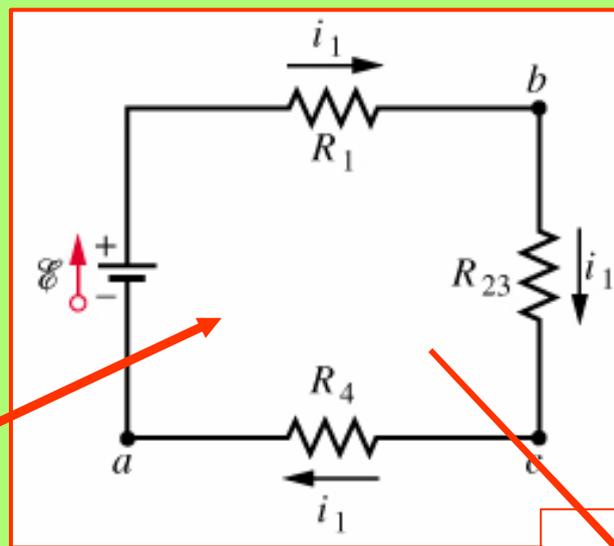
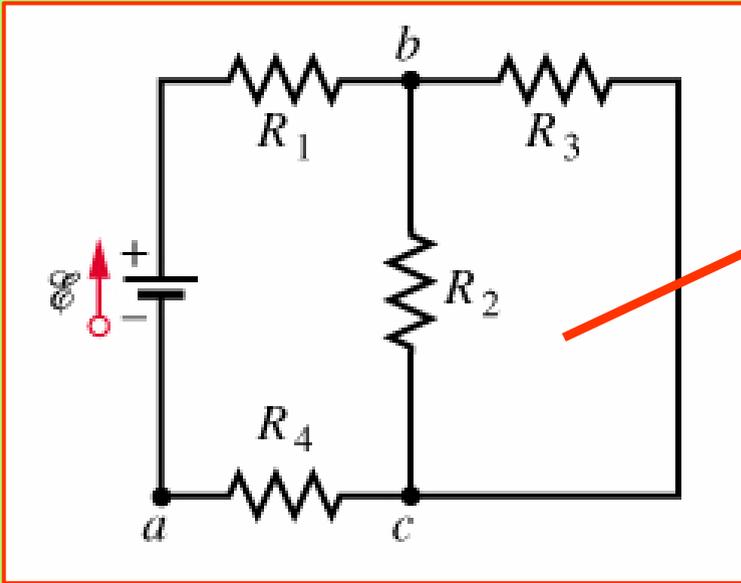
Un circuito si puo` semplificare in un circuito equivalente applicando le **leggi di Kirchoff**:

- **prima legge (dei nodi)**: in un nodo la somma algebrica delle correnti e` nulla,

- **seconda legge (delle maglie)**: in una maglia la somma algebrica delle tensioni e` nulla.

Deve valere il **Principio di sovrapposizione**: se in una rete sono presenti piu generatori di tensione, la corrente in un ramo e` la somma delle correnti prodotte dai singoli generatori.

# semplificazione di un circuito



circuito a maglia singola che mostra come collegare un amperometro e un voltmetro

# Applicazione del principio di sovrapposizione

Per esempio, si abbia il circuito a 2 maglie, con:

$$E_1 = 3 \text{ V}, \quad E_2 = 6 \text{ V}$$

$$R_1 = 2 \text{ W}, \quad R_2 = 4 \text{ W}$$

Per le leggi di Kirchoff:

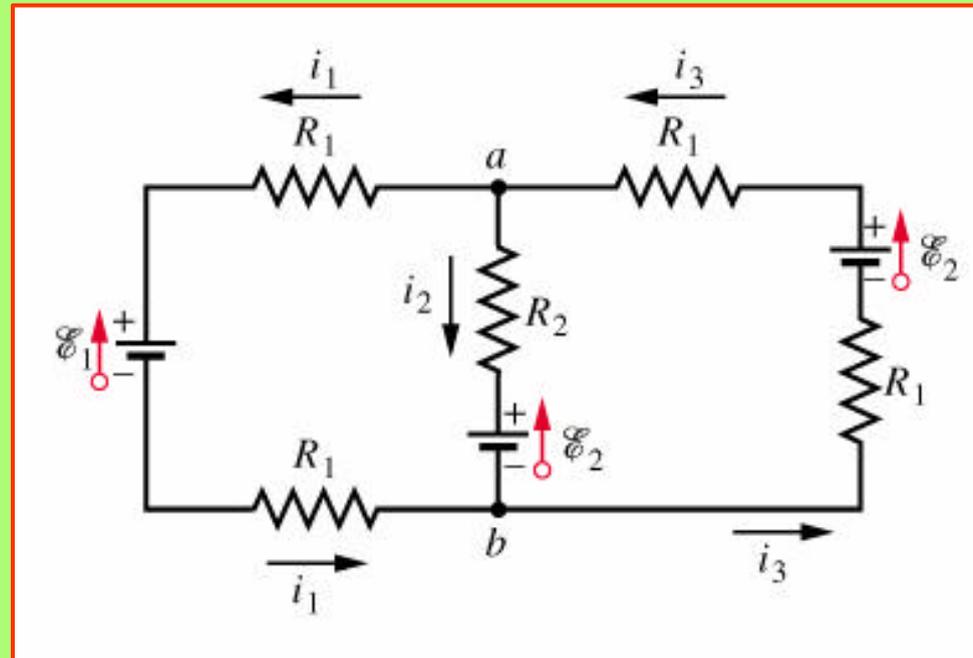
nel nodo a:  $i_3 = i_1 + i_2$ ,

nella maglia di sinistra

$$-i_1 R_1 - E_1 - i_1 R_1 + E_2 + i_2 R_2 = 0$$

nella maglia di destra:

$$-i_3 R_1 - E_2 - i_3 R_1 + E_2 + i_2 R_2 = 0$$



I segni delle correnti e il verso di percorrenza delle maglie sono stati scelti in modo arbitrario. Risolvendo il sistema di equazioni si ricavano le correnti e il loro verso in ogni ramo del circuito.

**Effetto Joule:** il lavoro  $L = q(V_A - V_B) = qDV$  prodotto dallo spostamento di una carica elettrica tra due punti del campo elettrostatico può essere espresso in termini di passaggio della corrente elettrica  $i = q/t$  in un conduttore di resistenza  $R = DV/i$ .

Si ottiene così  $L = Ri^2t$  e l'energia termica associata a questo lavoro  $Q = Ri^2t/J$  (J equivalente meccanico del calore: 1 cal = 4,186 J) viene dispersa nell'ambiente sotto forma di calore.

**Potenza:** per definizione la potenza associata al lavoro è  $P = L/t = Ri^2 = V^2/R = Vi$ . Si noti che la potenza si misura in watt (o kW) mentre il kWh è un lavoro, o l'energia elettrica utilizzata per compiere il lavoro.

# Circuito RC

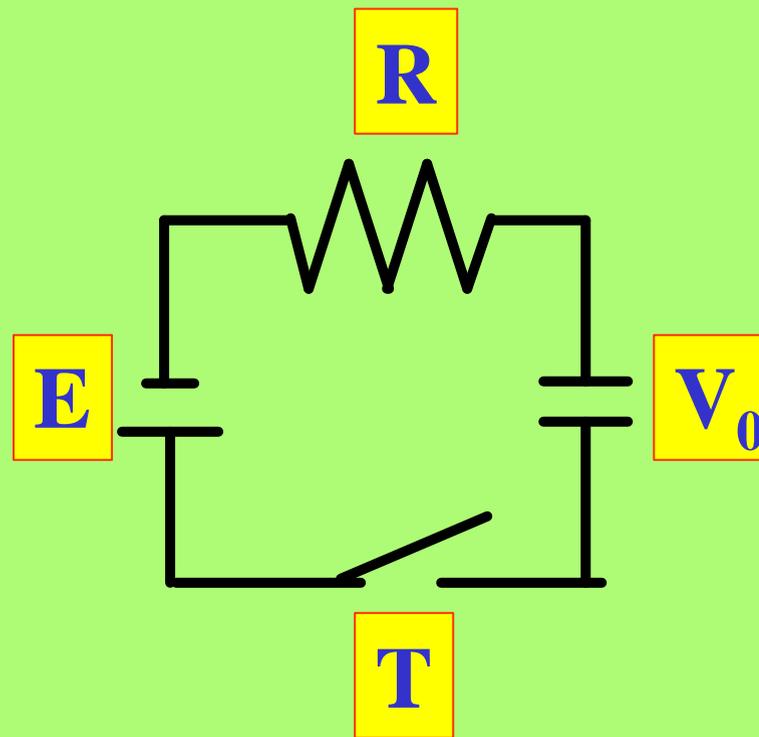
(continuità in tensione)

Supponiamo che, a tasto aperto,

sia  $V_C = V_0$ .

Poiché:

$$i = C \frac{dV_C}{dt}$$



alla chiusura del tasto, per la legge di Kirchoff sulle maglie, si deve avere:  $E = V_R + V_C = RCdV_C/dt + V_C$ , da cui, posto  **$RC = \tau$**  (*costante di tempo*), si ottiene:

$$(E - V_C)dt = RCdV_C \text{ ossia } \frac{dV_C}{(E - V_C)} = \frac{1}{\tau} dt$$

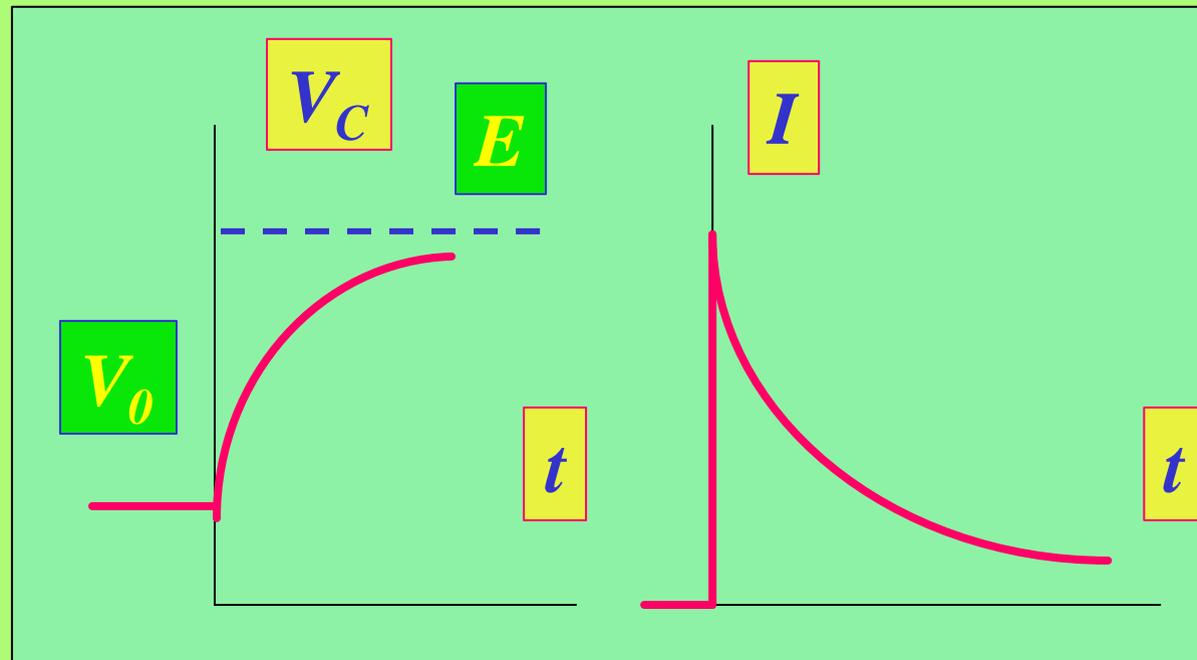
da cui, integrando, si ha:

$$\log(V_C - E) = -\frac{t}{\tau} + A \quad \text{con } \tau = RC, \text{ e } A = \log(V_0 - E)$$

$$V_C = E - (E - V_0)e^{-t/\tau}, \quad \text{se } V_0 = 0, V_C = E(1 - e^{-t/\tau}),$$

$$i = C \frac{dV_C}{dt} = \frac{E}{R} e^{-t/\tau}$$

Quindi si ha  
continuita` in  
tensione:

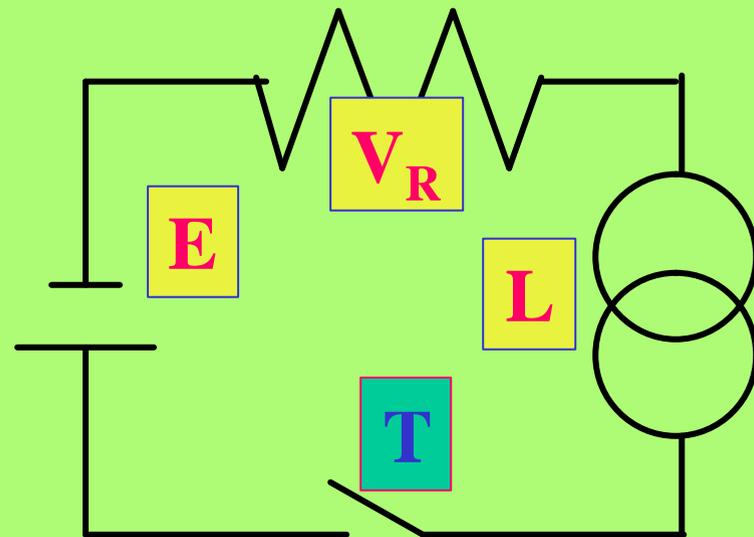


# Circuito RL

(continuità in corrente)

si ha:

$$V_L = L \frac{di}{dt}$$



Per la legge di Kirchoff sulle maglie alla chiusura del tasto si deve avere  $E - Ri - Ldi/dt = 0$ . Da questa, dividendo per  $R$  e posto  $L/R = t$  (*costante di tempo*), si ottiene:

$$\left( i - \frac{E}{R} \right) dt = -\frac{L}{R} di, \text{ ossia } \frac{di}{\left( i - \frac{E}{R} \right)} = -\frac{1}{t} dt$$

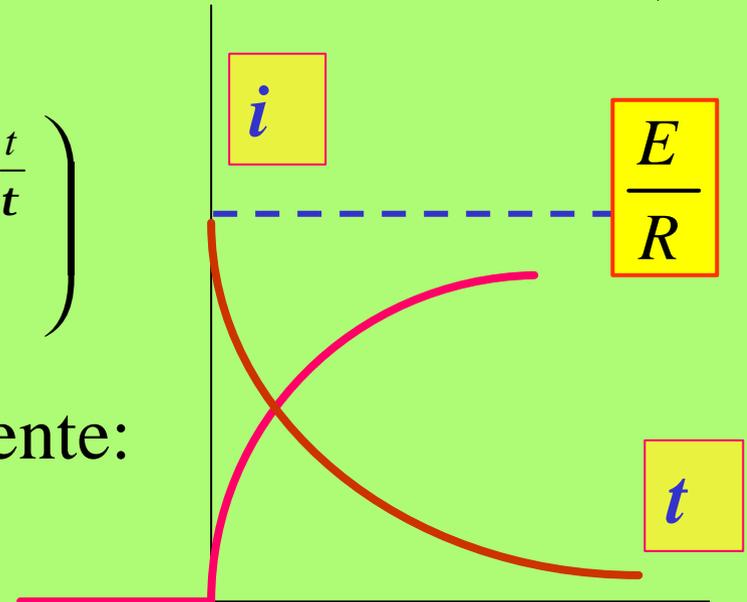
da cui, integrando e ricordando che  $i = 0$  per  $t = 0$ , si ottiene:

$$\ln\left(i - \frac{E}{R}\right) = -\frac{t}{\tau} + A, \text{ con } \tau = \frac{L}{R} \text{ e } A = \ln\left(-\frac{E}{R}\right)$$

$$\frac{i - \frac{E}{R}}{-\frac{E}{R}} = e^{-\frac{t}{\tau}}, \text{ ossia } i(t) = \frac{E}{R}\left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

Quindi si ha continuita` in corrente:

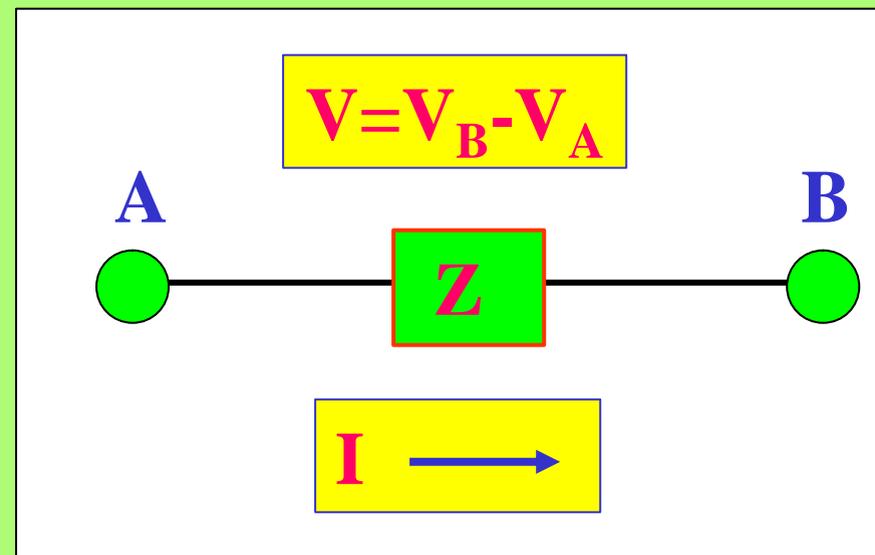
$$V_R = Ri = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}), \quad V_L = E - V_R = Ee^{-\frac{t}{\tau}}$$



Anche  $V_R$  e` continua, mentre  $V_L$  e` discontinua. In condizioni stazionarie ( $di/dt = 0$ ) e` come se l'induttanza non esistesse; all'inizio, invece,  $L$  si oppone alle variazioni di corrente.

# circuiti alimentati a corrente alternata

In questo caso si deve considerare anche la fase tra corrente e tensione.



In ogni circuito valgono le leggi di Ohm ( $V = ZI$ ) e di Kirchoff (per maglie e nodi). L'**impedenza**  $Z$  è data da resistenze  $Z = R$ , induttanze  $Z = j\omega L$  o capacità  $Z = -j/\omega C$ . In circuiti puramente resistivi, la corrente e la tensione sono in fase, nelle induttanze la tensione anticipa la corrente, nei condensatori la corrente anticipa la tensione.

1) R, puramente dissipativo,  $V = Ri$   
**non introduce spostamenti di fase**

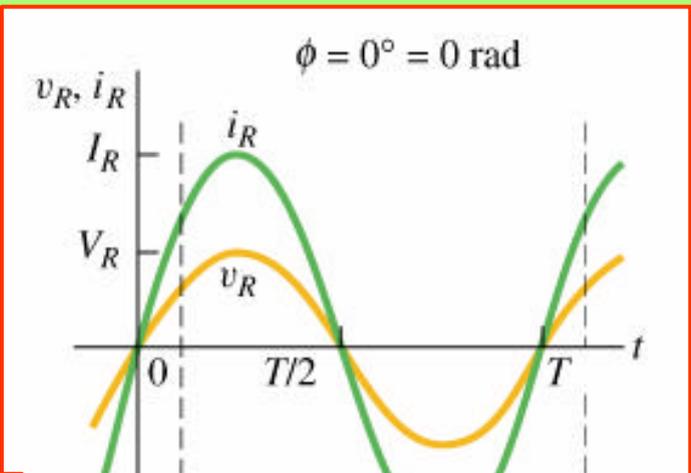
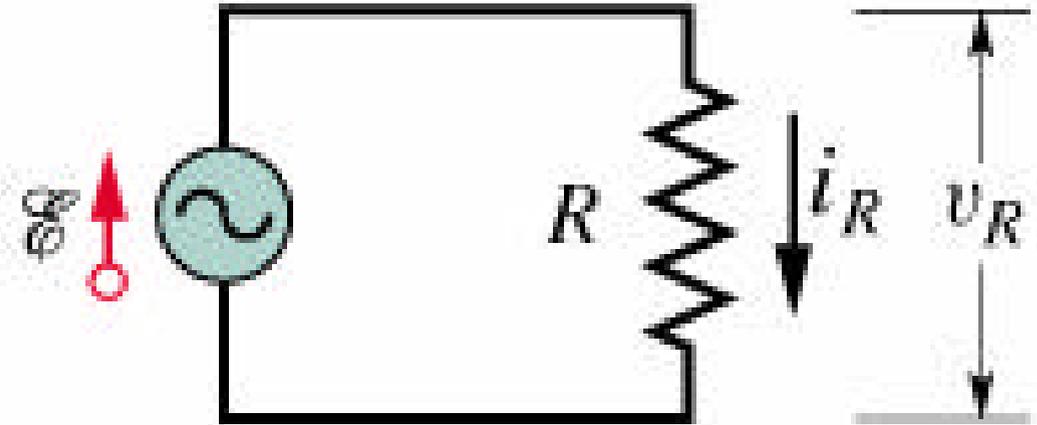
$$2) \quad V = L \frac{di}{dt} = L \frac{d}{dt} (i_0 e^{j\omega t}) = Li_0 j\omega e^{j\omega t} = j\omega Li$$

$$3) \quad V = \frac{Q}{C}; \quad \text{(anticipo di fase)}$$

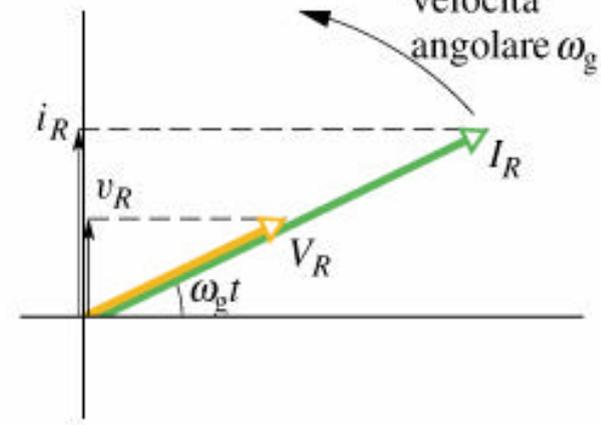
$$\frac{dV}{dt} = \frac{1}{C} \frac{dQ}{dt} = \frac{i}{C};$$

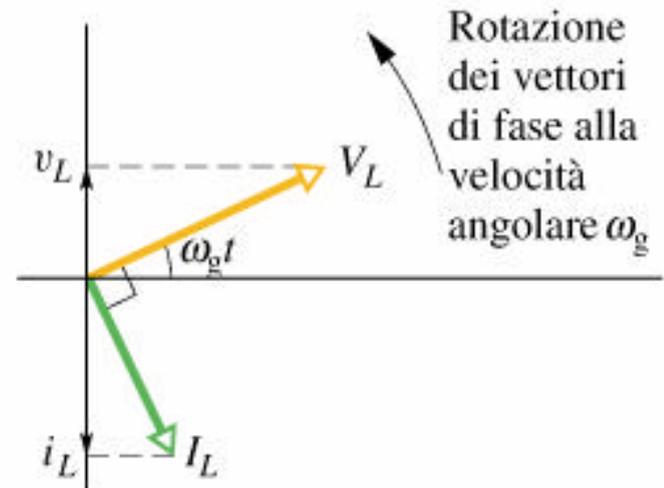
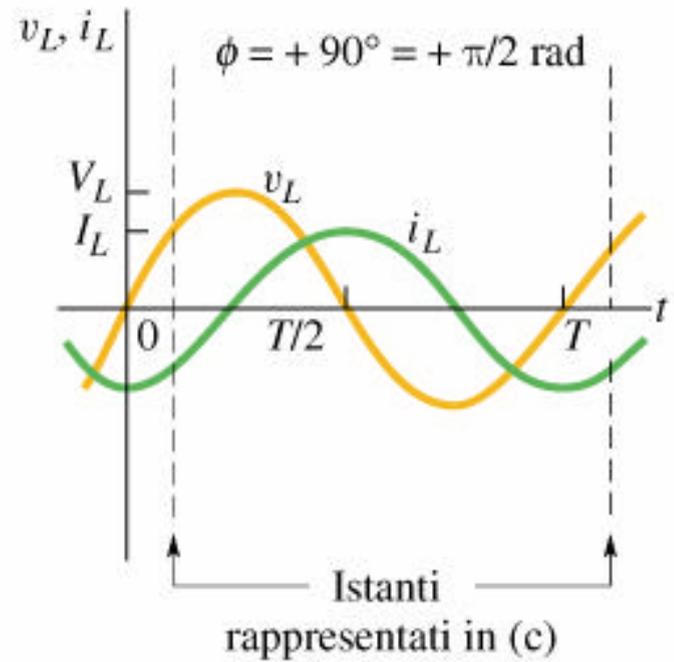
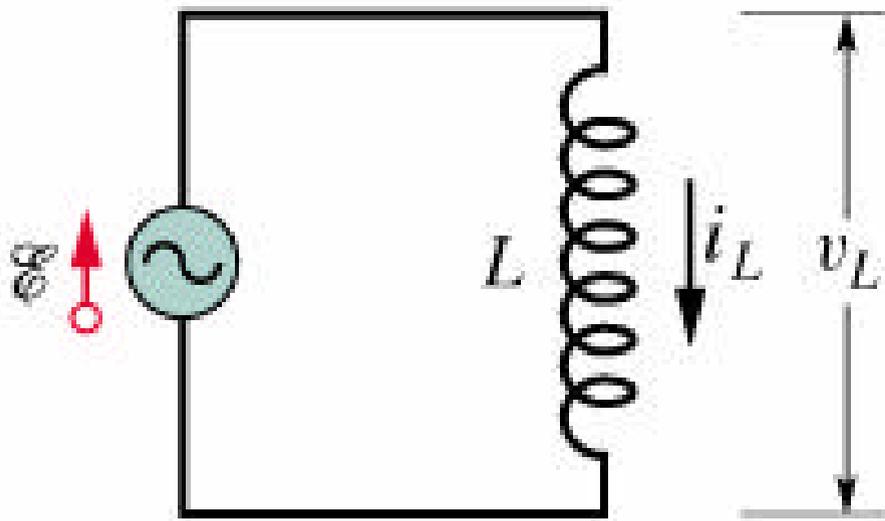
$$i = C \frac{dV}{dt} = C \frac{d}{dt} (V_0 e^{j\omega t}) = CV_0 j\omega e^{j\omega t} = j\omega CV$$

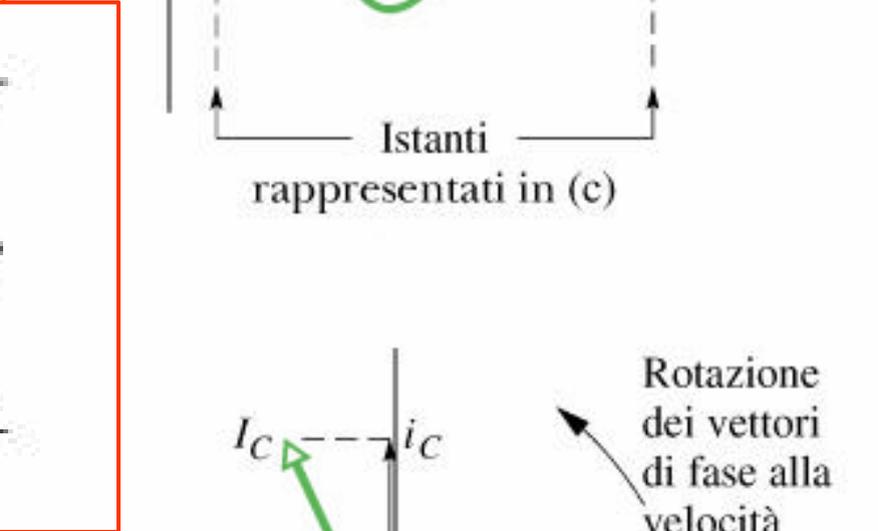
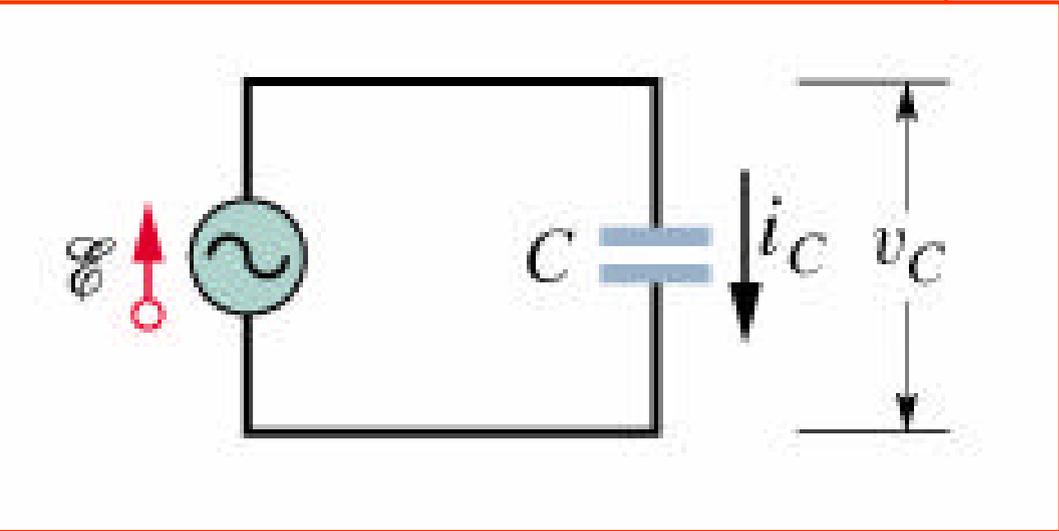
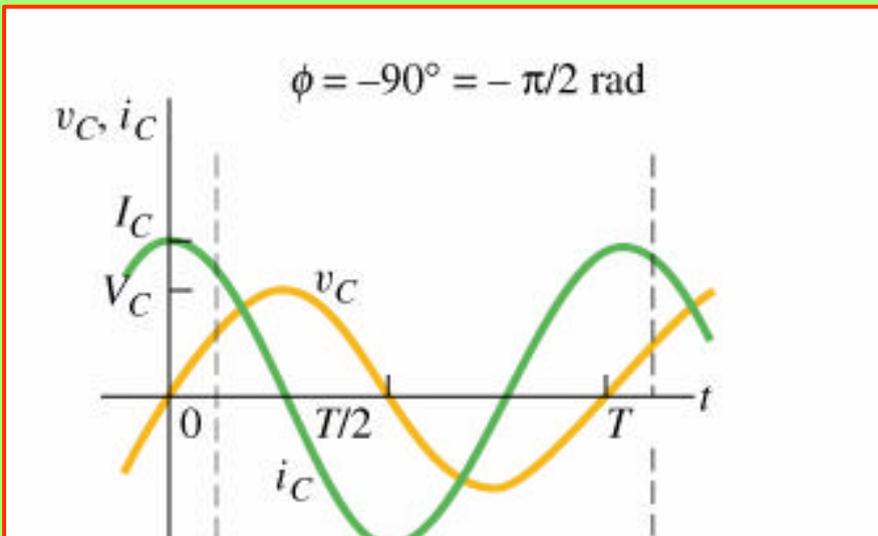
quindi  $V = \frac{1}{j\omega C} i = -\frac{j}{\omega C} i$  **(ritardo di fase)**



Rotazione dei vettori di fase alla velocità angolare  $\omega_g$







# FILTRI

Circuiti RC o RL alimentati a corrente alternata funzionano come filtri in frequenza:

- Il **filtro passa basso** si ha prendendo l'uscita ai capi del condensatore nel circuito RC, o ai capi della resistenza nel circuito RL.
- Il **filtro passa alto** si ha prendendo l'uscita ai capi della resistenza nel circuito RC, o ai capi dell'induttanza nel circuito RL.
- I **filtri passa banda** e **sopprimi banda** sono una combinazione dei due filtri precedenti.

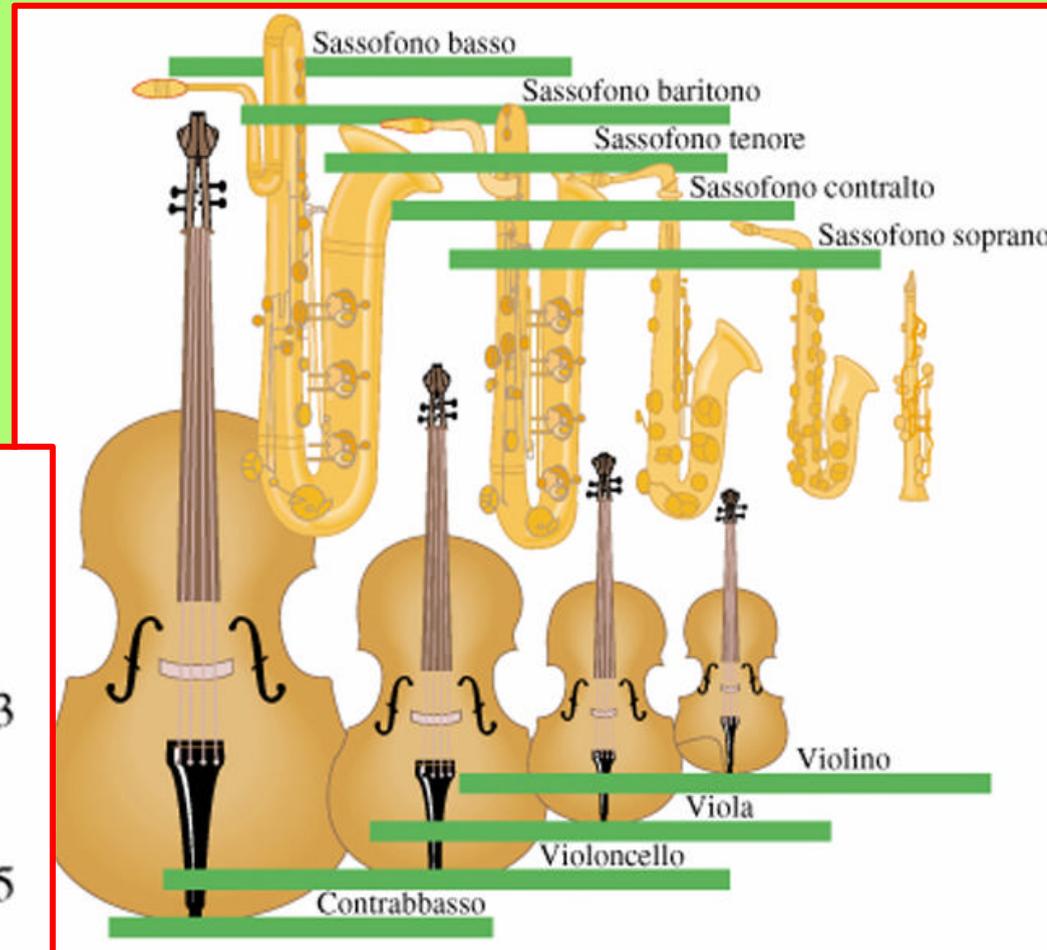
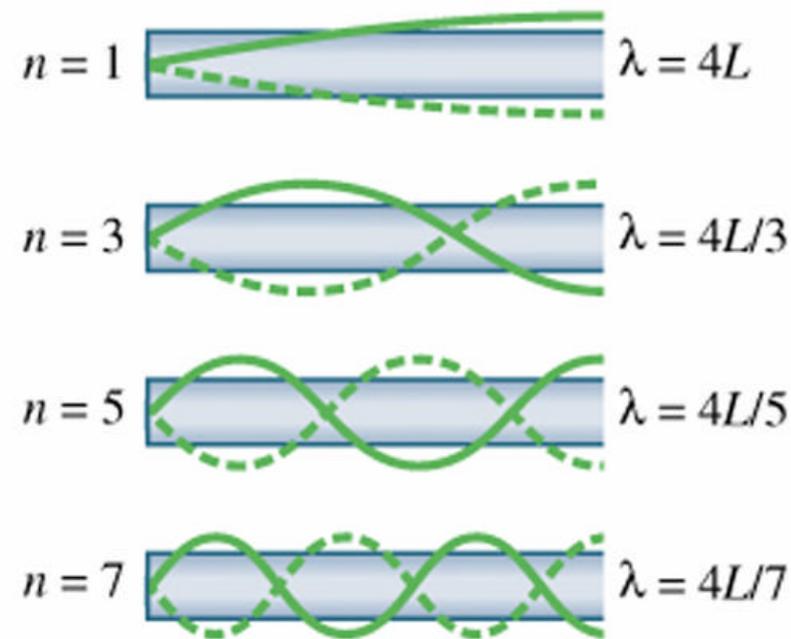
# FENOMENI ONDULATORI

Le onde sono **vibrazioni** (possono essere di tipo elastico, meccanico o acustico) che si propagano in un mezzo, oppure sono onde elettromagnetiche che si propagano anche nel vuoto (oltre che in un mezzo).

Le onde possono essere **longitudinali** se oscillano lungo la direzione di propagazione, oppure **trasversali** se oscillano in direzione perpendicolare alla loro propagazione.

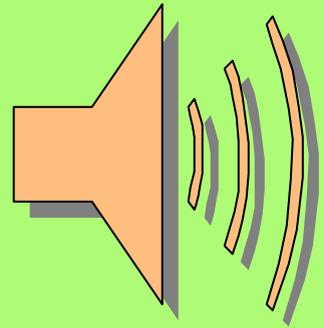
# Onde sonore

$$L = n \frac{L}{4}$$



# FENOMENI SONORI

I suoni sono onde longitudinali, **di pressione**, che si propagano in un mezzo ma non nel vuoto.



Nel S.I. l'intensità di un suono (che si misura in  $W/m^2$ ), di ampiezza  $A$  e frequenza  $\nu$ , che si propaga alla velocità  $V$  in un mezzo di densità  $\rho$ , è definita da:

$$I = 2\rho^2 V r A^2 \nu^2$$

Tuttavia, poiché i sensi dell'uomo (udito e vista) hanno risposta logaritmica allo stimolo a cui sono sottoposti, vengono anche usate altre unità di misura: le magnitudini in astronomia e i decibel in acustica.

L'intensita` del suono si misura in decibel [dB] dalla **soglia di udibilita`**  $I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$ . La relazione tra l'intensita` di un suono  $I$  e il suo livello  $\beta$  in decibel e`:  
(per es. se  $I = 10^{-4} \text{ W/m}^2$ ,  $\beta = 80 \text{ dB}$ ).  
La **soglia del dolore** e` data da  $\sim 1 \text{ W/m}^2$ .

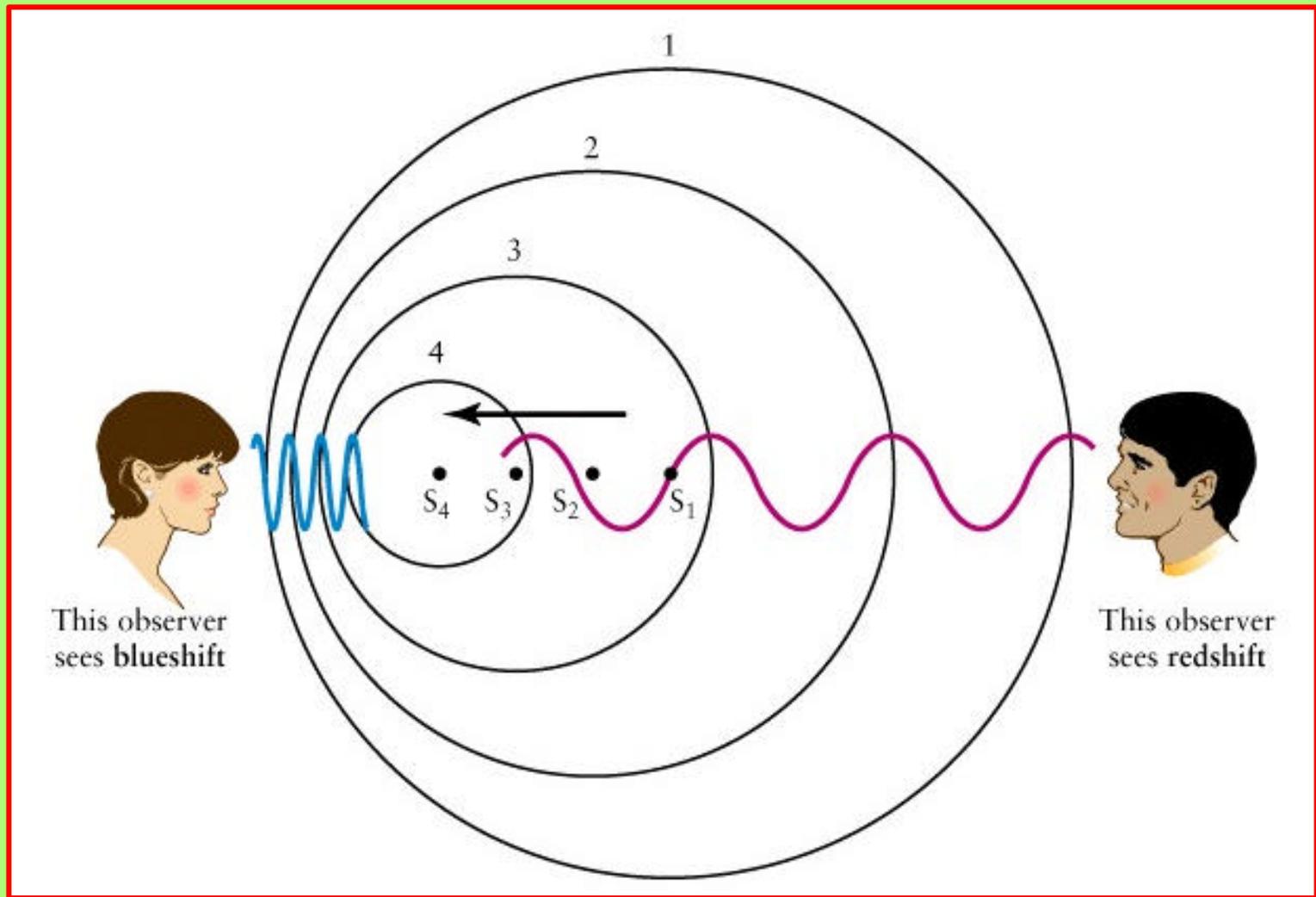
$$\beta = 10 \log_{10} \frac{I}{I_0}$$

I suoni sono classificati come acuti ( $\nu$  alta) o gravi ( $\nu$  bassa). L'orecchio umano ha sensibilita` in frequenza tra  $\nu \sim 40 \text{ Hz}$  e  $\nu \sim 20 \text{ kHz}$ .

Nelle onde (elettromagnetiche o sonore) si ha l'**effetto Doppler** che, nei due casi vale:

$$\frac{\Delta I}{I} = \pm \frac{\nu}{c}$$
$$\mathbf{n} = \mathbf{n}_0 \frac{V}{V \pm \nu}$$

# La frequenza della luce cambia per il moto relativo tra sorgente e osservatore



# SULLA NATURA DELLA LUCE

**Ippocrate** e **Aristotele** pensavano che l'occhio emettesse raggi per mezzo dei quali potesse “sentire” gli oggetti  
Secondo **Galeno** (II secolo d.c.), l'occhio proietta uno “spirito visuale” per mezzo del quale il mondo esterno viene percepito

**Keplero** e **Cartesio** agli inizi del '600 svilupparono la conoscenza della rifrazione della luce

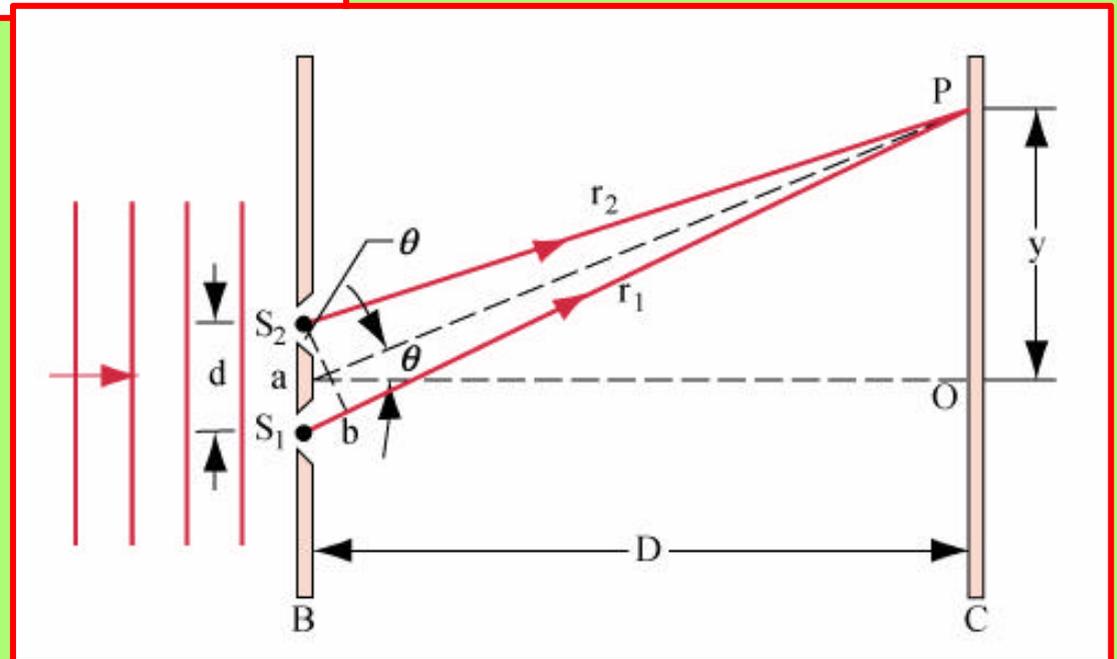
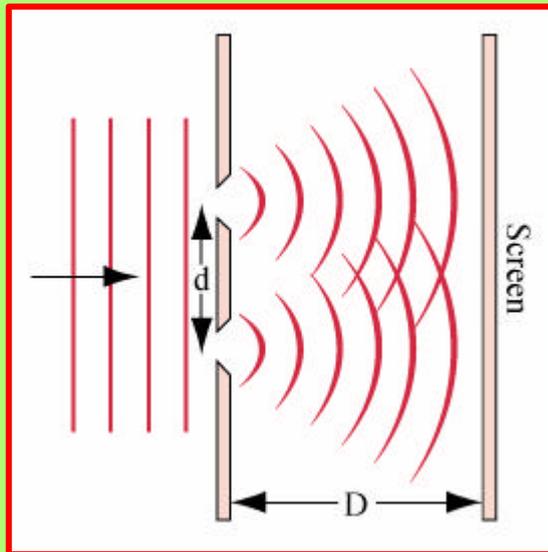
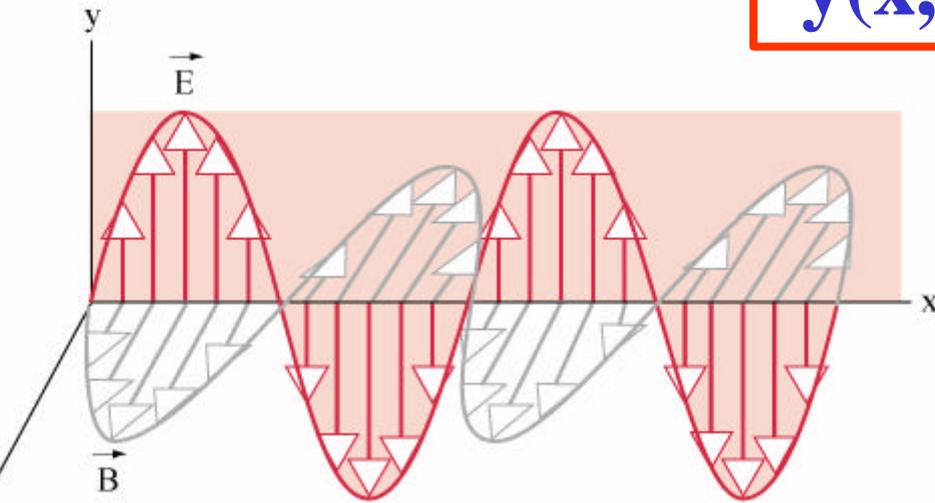
**Newton** sviluppò una teoria corpuscolare della radiazione, considerando cioè la luce come formata di particelle

Nello stesso periodo **Huygens** compì una serie di esperimenti che dimostrarono che la luce ha caratteristiche di onda (diffrazione e interferenza)

$$y(x,t) = A \sin[2\pi(x/\lambda - t/T)]$$

$$y(x,t) = y_m \sin(kx - \omega t),$$

**La luce deve avere  
natura ondulatoria**

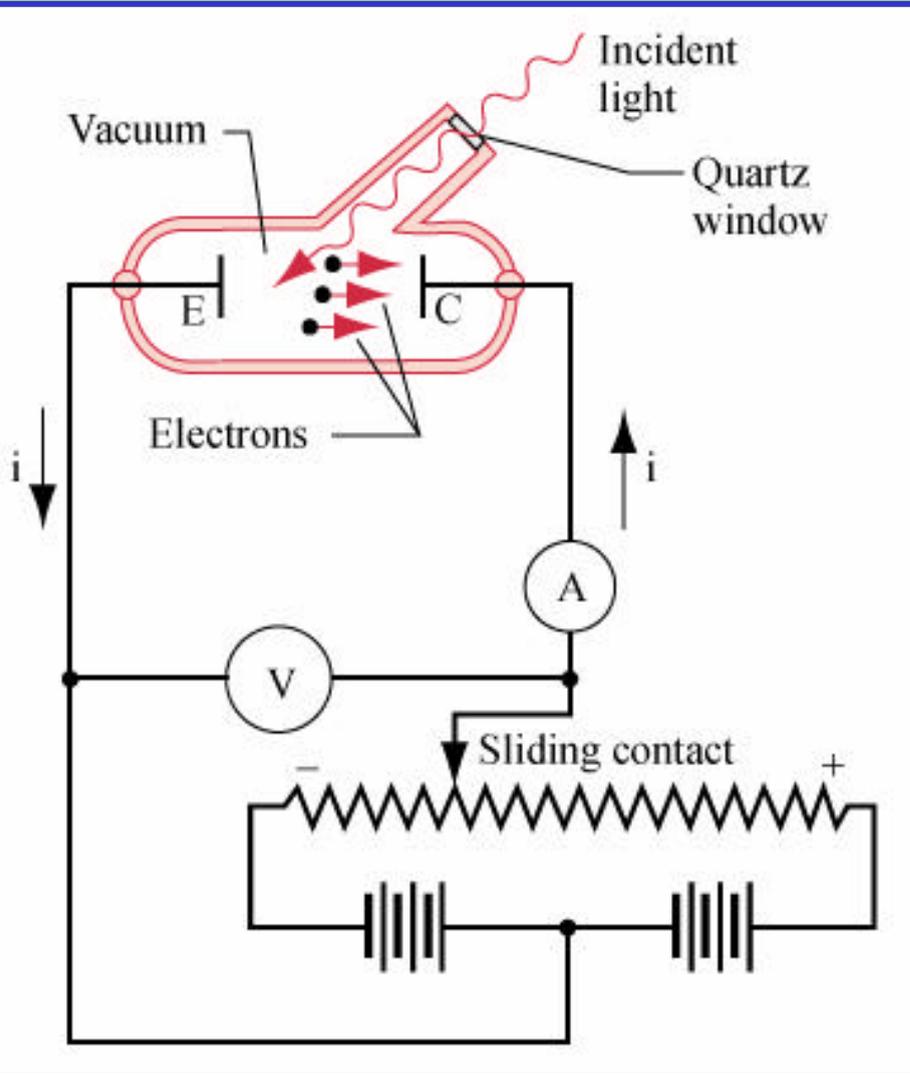


Nel 1900 Planck propose che **la radiazione fosse quantizzata**, ossia composta di **quanti di energia multipli di un valore minimo  $e_0$**  (ossia  $n\varepsilon_0$ , con  $n \geq 1$ ). La teoria di Plank sulla radiazione permise di spiegare **l'effetto fotoelettrico** e **l'effetto Compton**.

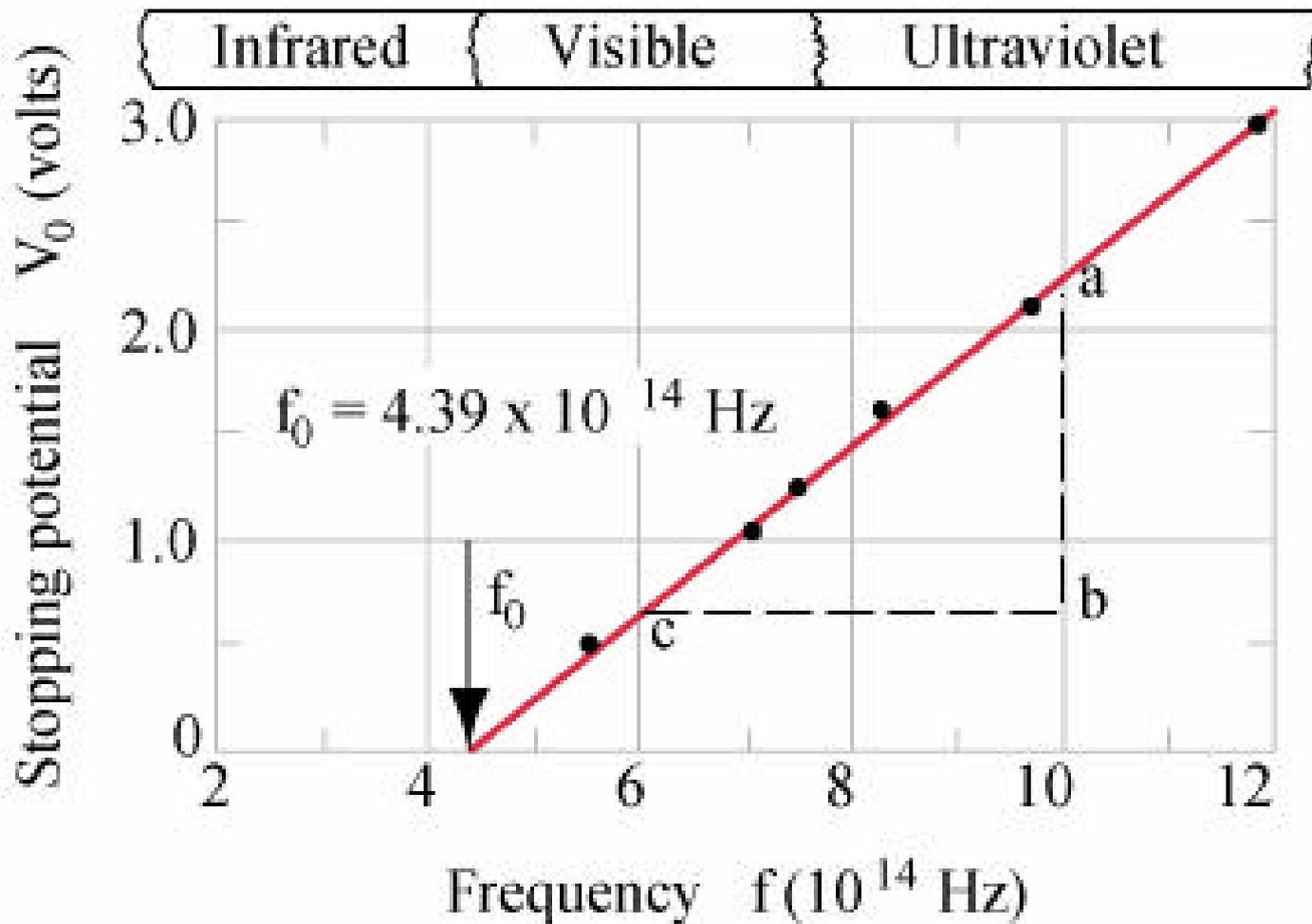
Dunque la luce (o generalmente la radiazione) deve avere **anche natura corpuscolare**, come proposto da Einstein nel 1905, che introdusse il quanto elementare di luce, il **fotone**. Al fotone di frequenza  $\nu$  viene associata l'energia  **$E = h\nu$** , dove la **costante di Plank  $h$**  vale:

$$h = 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s} = 4,14 \cdot 10^{-15} \text{ eV}\cdot\text{s}.$$

# Effetto fotoelettrico



Il potenziale d'arresto e la frequenza di taglio non dipendono dall'intensità della luce.



$$K_{\max} = \frac{1}{2} m v^2 = e V_{\text{stop}}$$

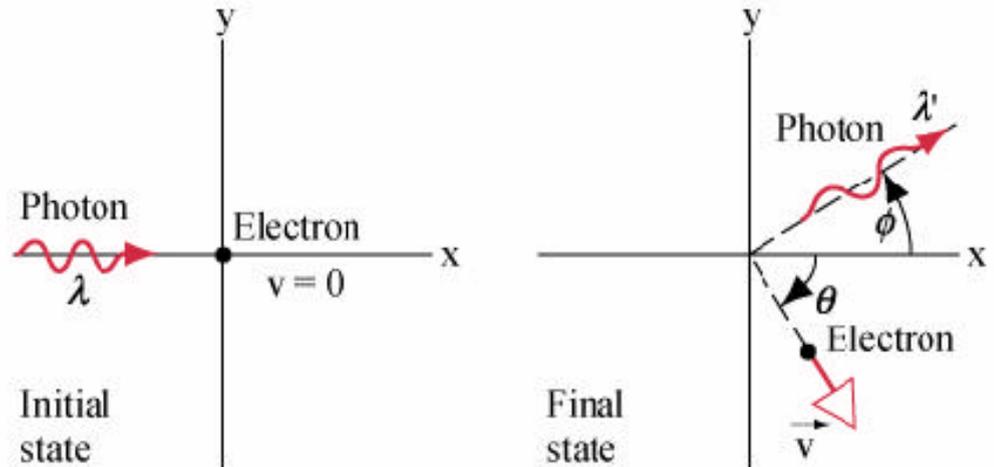
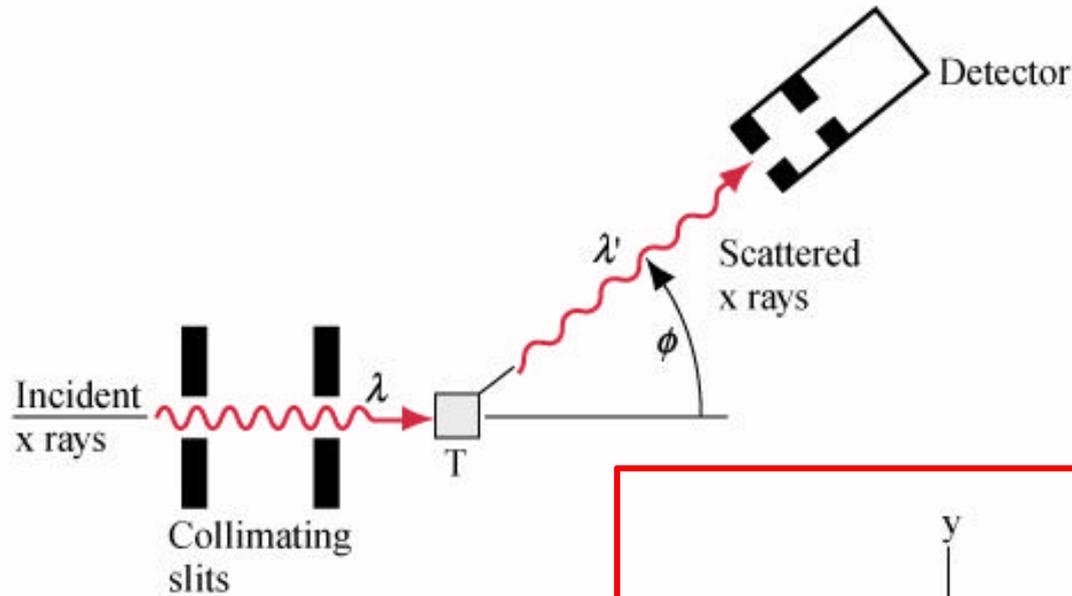
Dunque **la luce non ha solo natura ondulatoria**, perche` sotto la frequenza di taglio non vengono emessi elettroni anche se si tratta di luce di grande intensita`.

Dato il potenziale di ionizzazione  $\Phi$ , l'effetto fotoelettrico si spiega con la legge di conservazione dell'energia.

$$h\nu = \Phi + K_{\max} = \Phi + \frac{1}{2}mv^2$$
$$V_{\text{stop}} = \frac{K_{\max}}{e} = \frac{h}{e}\nu - \frac{\Phi}{e}$$

Inoltre, dalla seconda relazione si vede che  $V_{\text{stop}}$  cresce linearmente con la frequenza e, da essa, si puo` misurare il valore di  $h$ .

# Effetto Compton



Per spiegare l'effetto Compton, nel 1916 Einstein propose di associare al fotone non solo un'energia ma anche l'impulso:

$$p = \frac{h\mathbf{n}}{c} = \frac{h}{\mathbf{l}}$$

$$h\mathbf{n} = h\mathbf{n}' + K = h\mathbf{n}' + mc^2(\mathbf{g} - 1)$$

$$\frac{h}{\mathbf{l}} = \frac{h}{\mathbf{l}'} + mc(\mathbf{g} - 1)$$

essendo  $\mathbf{l}\mathbf{n} = c$

L'effetto si spiega con la conservazione dell'energia e della quantità di moto

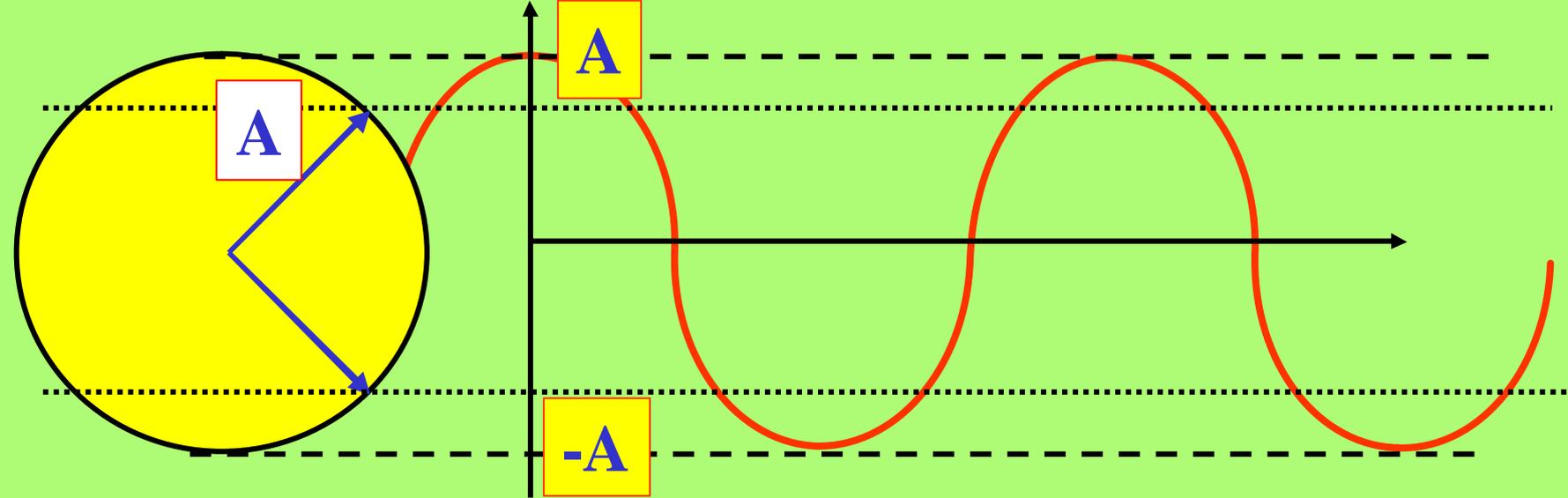
$$\Delta\mathbf{l} = \frac{h}{mc}(1 - \cos\mathbf{f})$$

dove  $\frac{h}{mc}$  è una costante detta lunghezza d'onda Compton

Se **monocromatiche** (ossia descritte da una sola frequenza di oscillazione) le onde si possono rappresentare mediante un'equazione del tipo  $y(x,t) = y_m \sin(kx - \omega t)$ , dove  $y_m$  e  $(kx - \omega t)$  sono dette ampiezza e fase dell'onda. Inoltre si possono definire il numero d'onda  $k = 2\pi/\lambda$  e la pulsazione  $\omega = 2\pi/T$ .

***Il fenomeno ondoso dipende quindi dalla direzione di propagazione  $x$  e dal tempo  $t$ , e di solito si scrive nella forma:***

$$y(x,t) = A \sin \left[ 2p \left( \frac{x}{l} - \frac{t}{T} \right) \right]$$

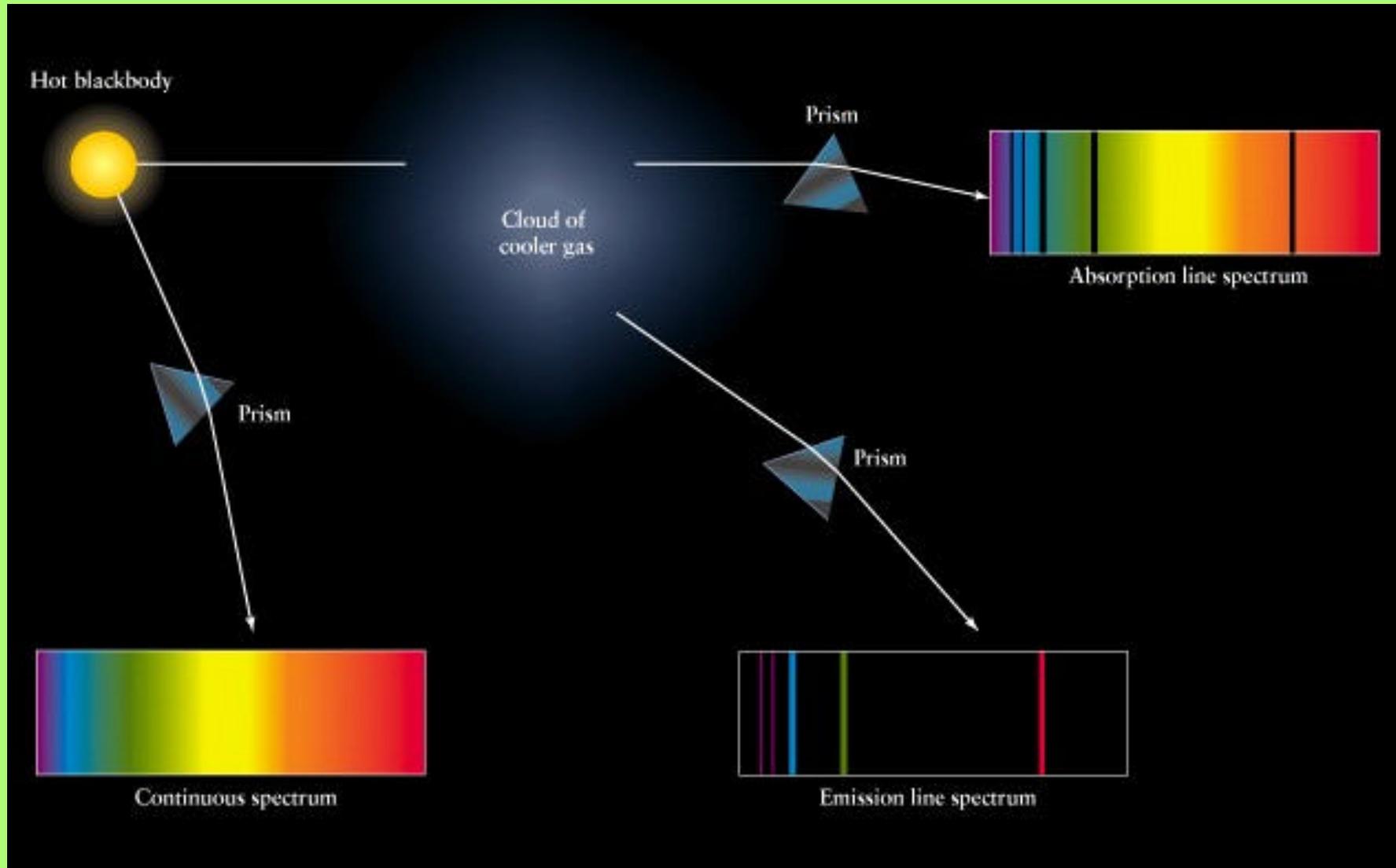


Anziché la lunghezza d'onda, molto spesso si usa la frequenza  $n = w/2p = 1/T$ , che è caratteristica della sorgente, mentre la lunghezza d'onda dipende dall'**indice di rifrazione  $n$**  del mezzo attraversato:  $l = l_0/n$ . Nel vuoto si ha  $n = 1$ , e quindi  $\lambda = \lambda_0$ ; in ogni altro mezzo si ha  $n > 1$  (per esempio in acqua  $n = 1,33$ ) per cui  $\lambda < \lambda_0$ .

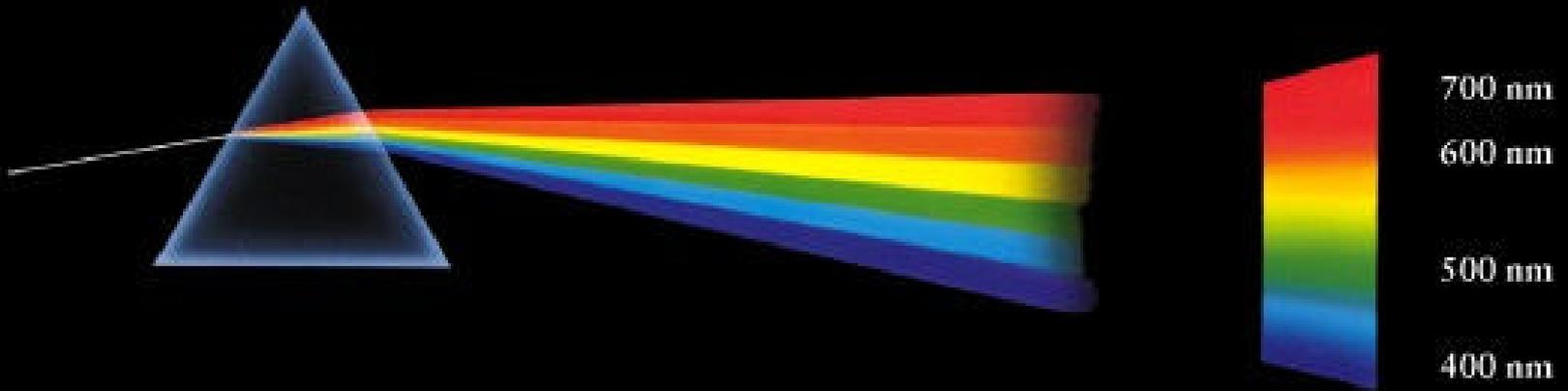
Anche la velocità di propagazione di un'onda dipende dal mezzo attraversato. Le onde elettromagnetiche si propagano nel vuoto alla velocità costante  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s mentre, in un mezzo con indice di rifrazione  $n$ , la velocità di propagazione è  $\mathbf{v} = \mathbf{c}/\mathbf{n} = \mathbf{1}_0 \mathbf{n}/\mathbf{n} = \mathbf{1} \mathbf{n}$  (per es. in acqua  $v \sim 2 \cdot 10^8$  m/s)

La relazione  $v = \lambda \nu$  vale per tutti i fenomeni ondosi, anche per il suono. Per esempio, il  $\text{la}_3$  (di frequenza  $\nu = 435$  Hz) in aria (dove  $n \sim 1$  e  $v = 340$  m/s) ha  $\lambda = v/\nu = 340/435 = 0,78$  m, in acqua (dove  $n = 1.33$  e quindi  $v = 1450$  m/s) si ha  $\lambda = v/\nu = 1450/435 = 3,33$  m.

# Leggi di Kirchoff



La luce bianca che attraversa un prisma viene scomposta nei colori che la compongono



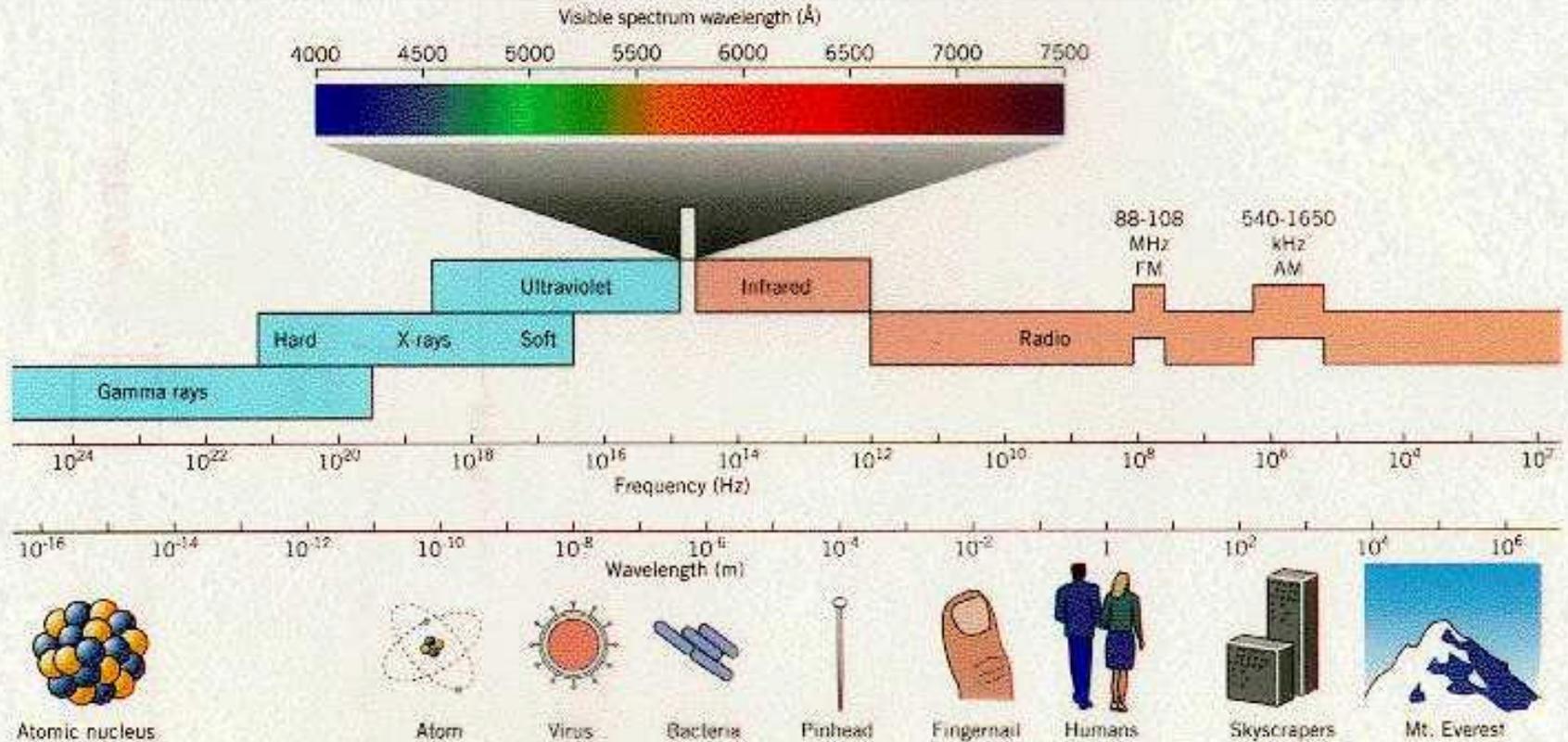
**r.a.g.v.b.i.v.**

**Onde lunghe**



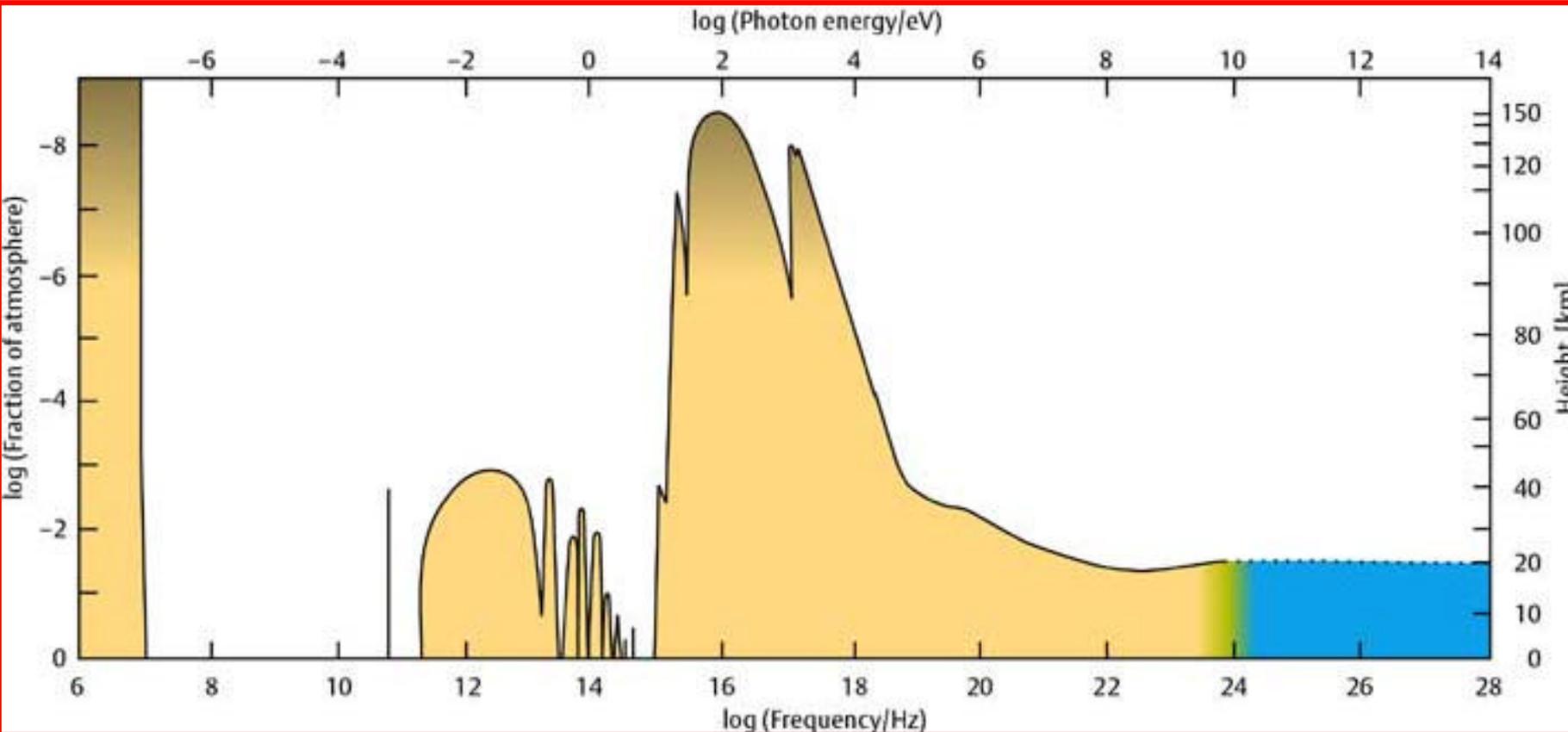
**Onde corte**

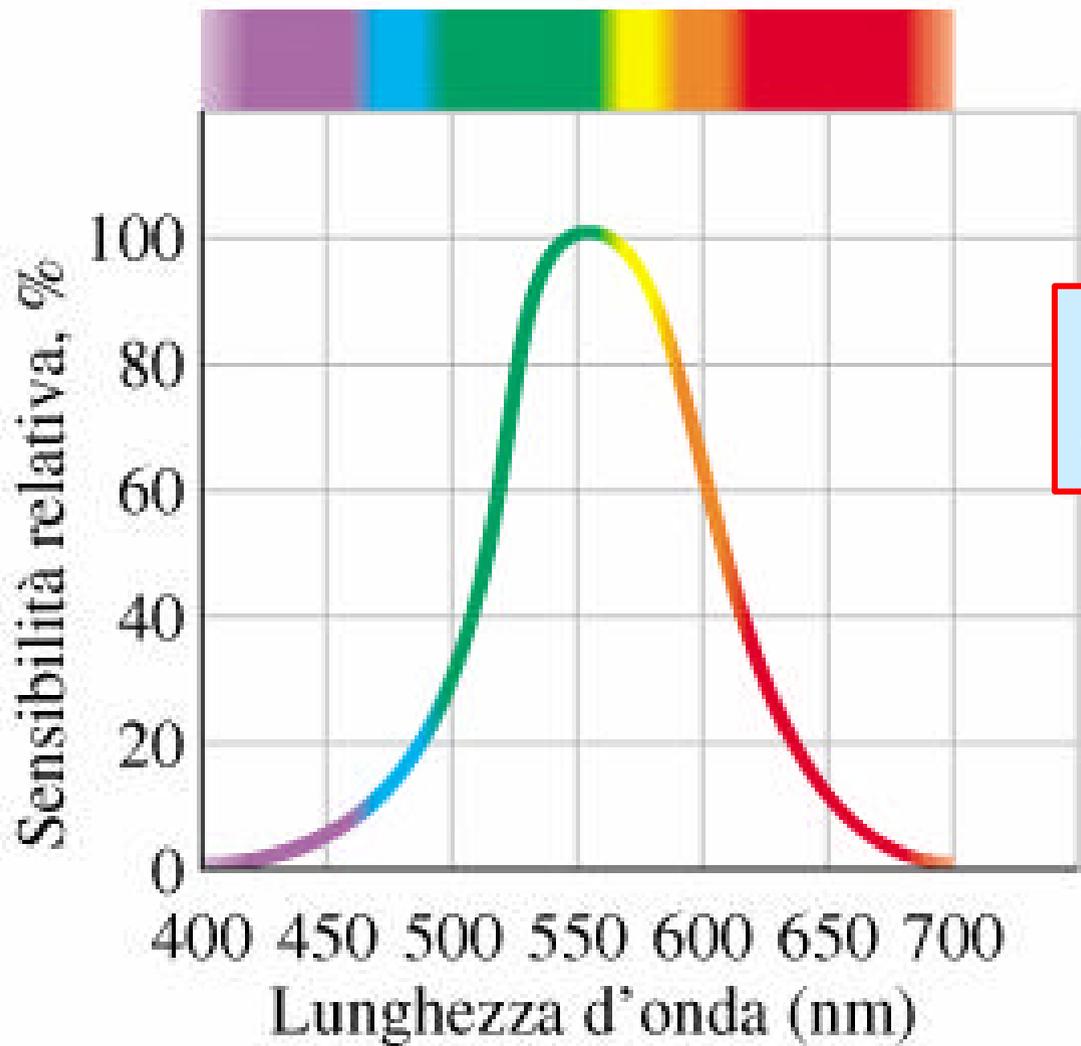
# LO SPETTRO ELETTROMAGNETICO



Lo spettro visibile varia da circa 400 a circa 700 nm, ossia di un fattore 2. L'intero spettro elettromagnetico varia invece di 20 ordini di grandezza, dalle dimensioni di un nucleo a ~10 km

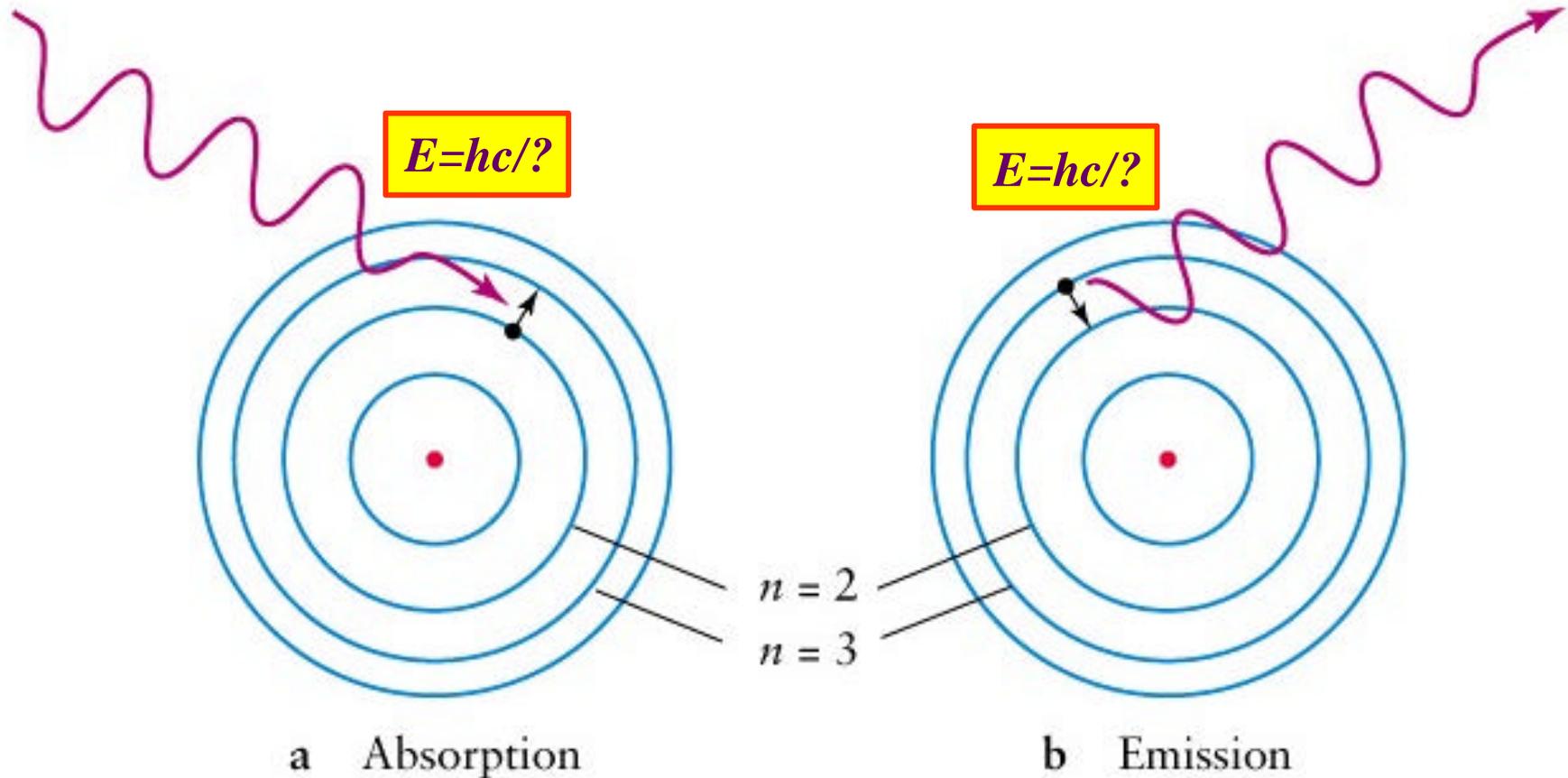
# Trasparenza dell'atmosfera alla radiazione elettromagnetica

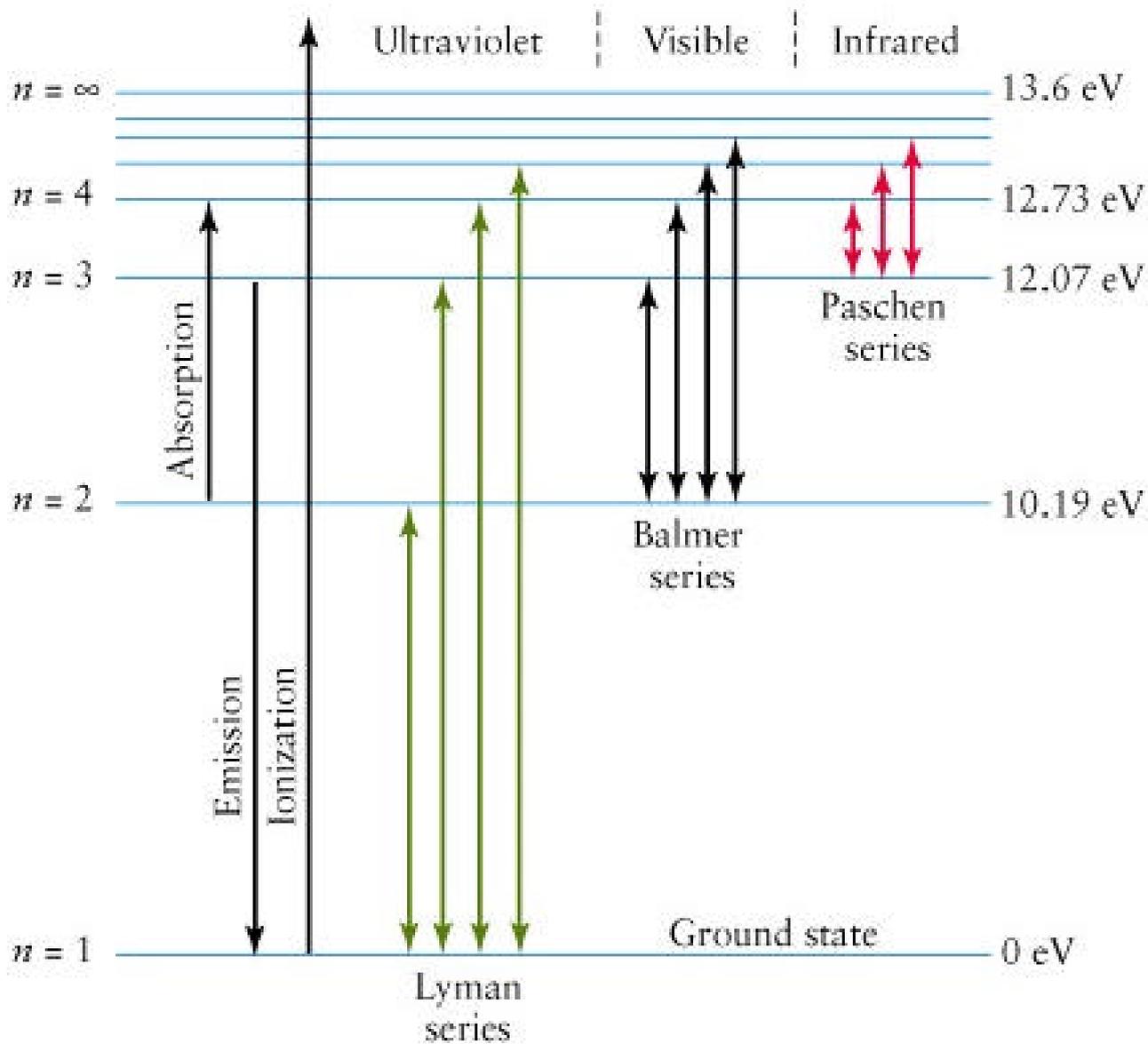




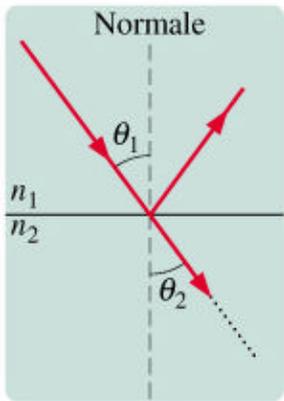
Sensibilità  
dell'occhio umano

# I fotoni sono emessi da salti di elettroni tra livelli energetici



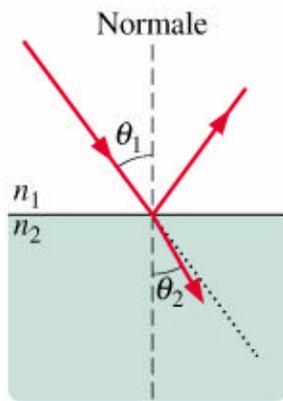


# OTTICA GEOMETRICA



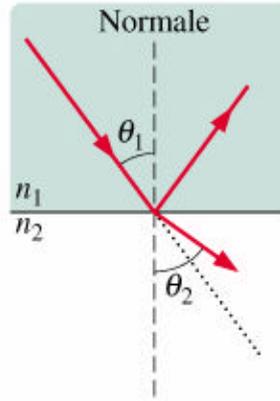
$$n_2 = n_1$$

(a)



$$n_2 > n_1$$

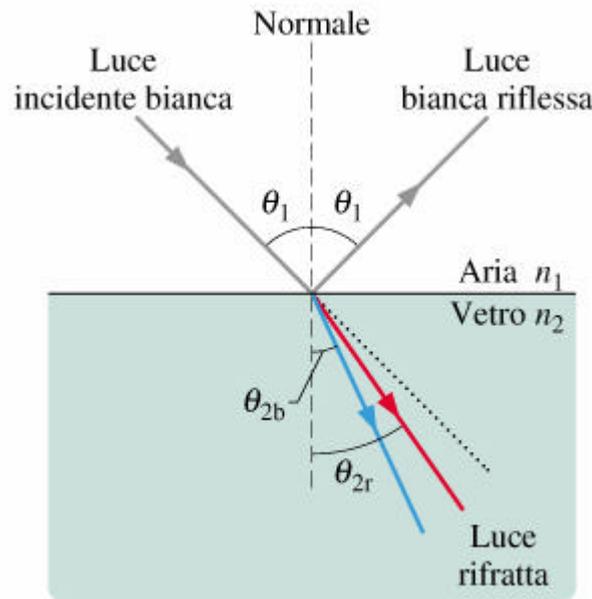
(b)



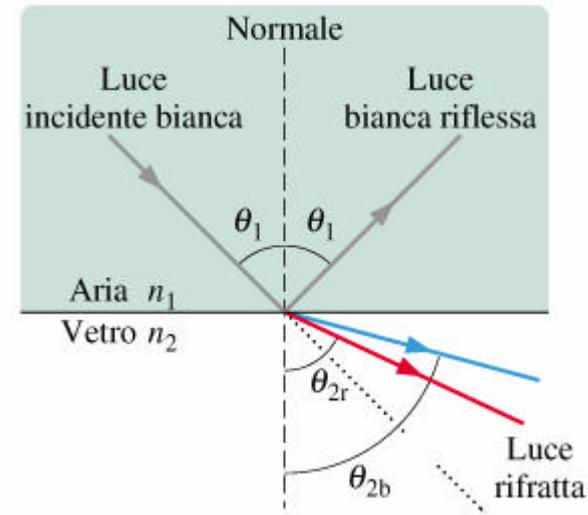
$$n_2 < n_1$$

(c)

da aria a vetro  
o da vetro a  
aria il blu e`  
sempre piu`  
rifratto del  
rosso.



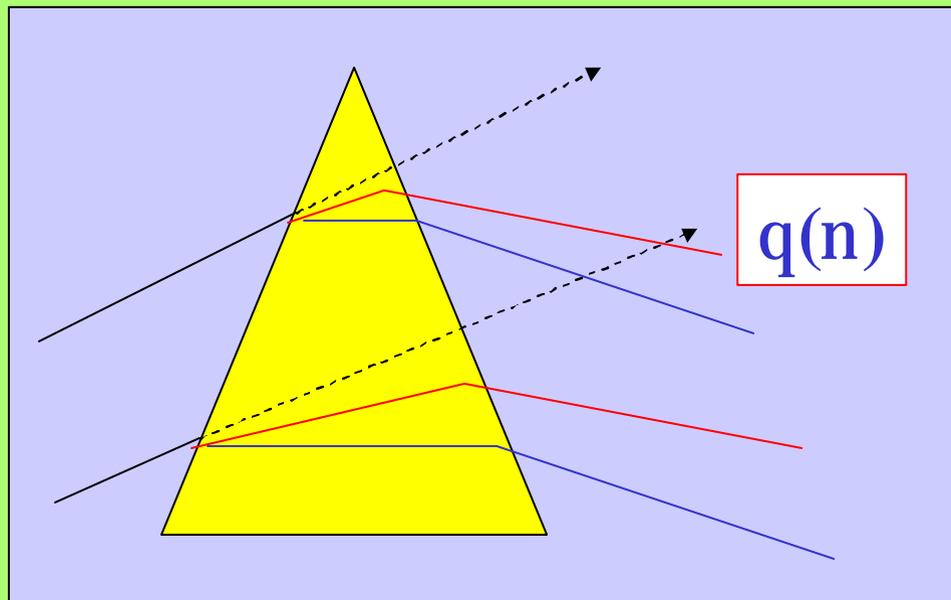
(a)



(b)

# Dispersione della luce

La luce bianca è composta di radiazioni di diversa lunghezza d'onda le quali, attraversando un mezzo disperdente (prisma, goccia d'acqua, ecc...) sono rifratte ad angoli diversi. Il fenomeno è noto come dispersione della luce, ed è caratterizzato da angoli di deviazione piccoli per radiazioni di frequenza piccola (grande lunghezza d'onda) e grande deviazione per radiazione di frequenza grande.



Le leggi sulla riflessione e rifrazione sono riassunte dall'equazione:

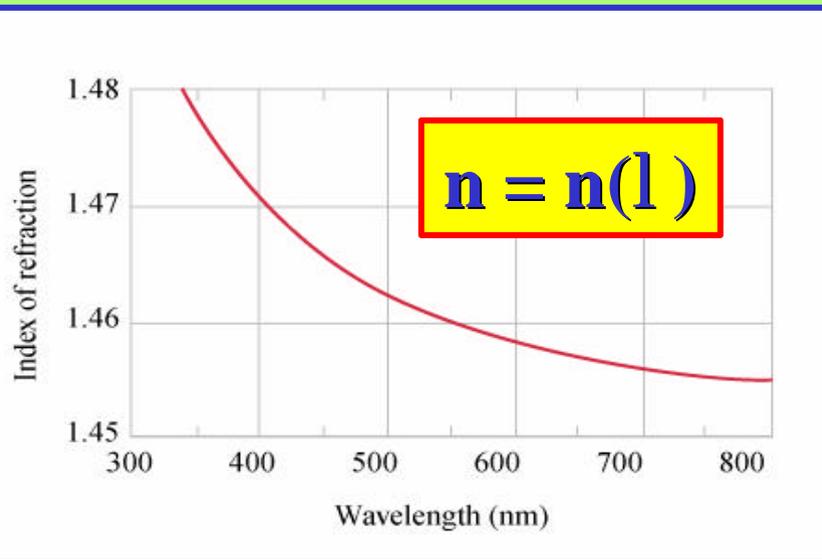
$$n_1 \sin i = n_2 \sin r$$

Vale il principio che il cammino ottico si può invertire. Ne seguono i concetti di riflessione totale e di angolo limite. Le fibre ottiche ne sono un esempio.

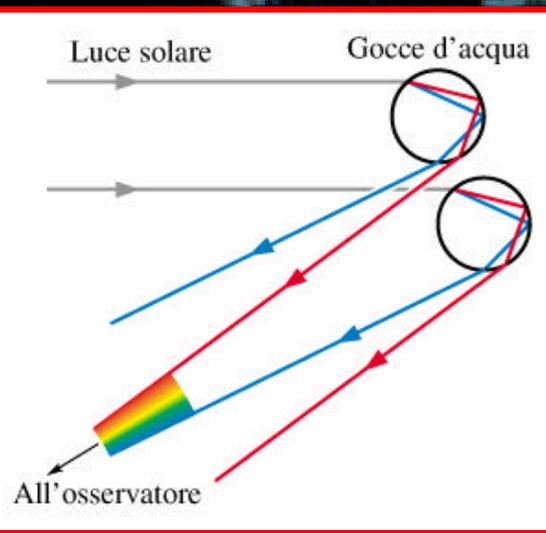
L'indice di rifrazione diminuisce al crescere della lunghezza d'onda:

$$n = n(\lambda) \geq 1$$

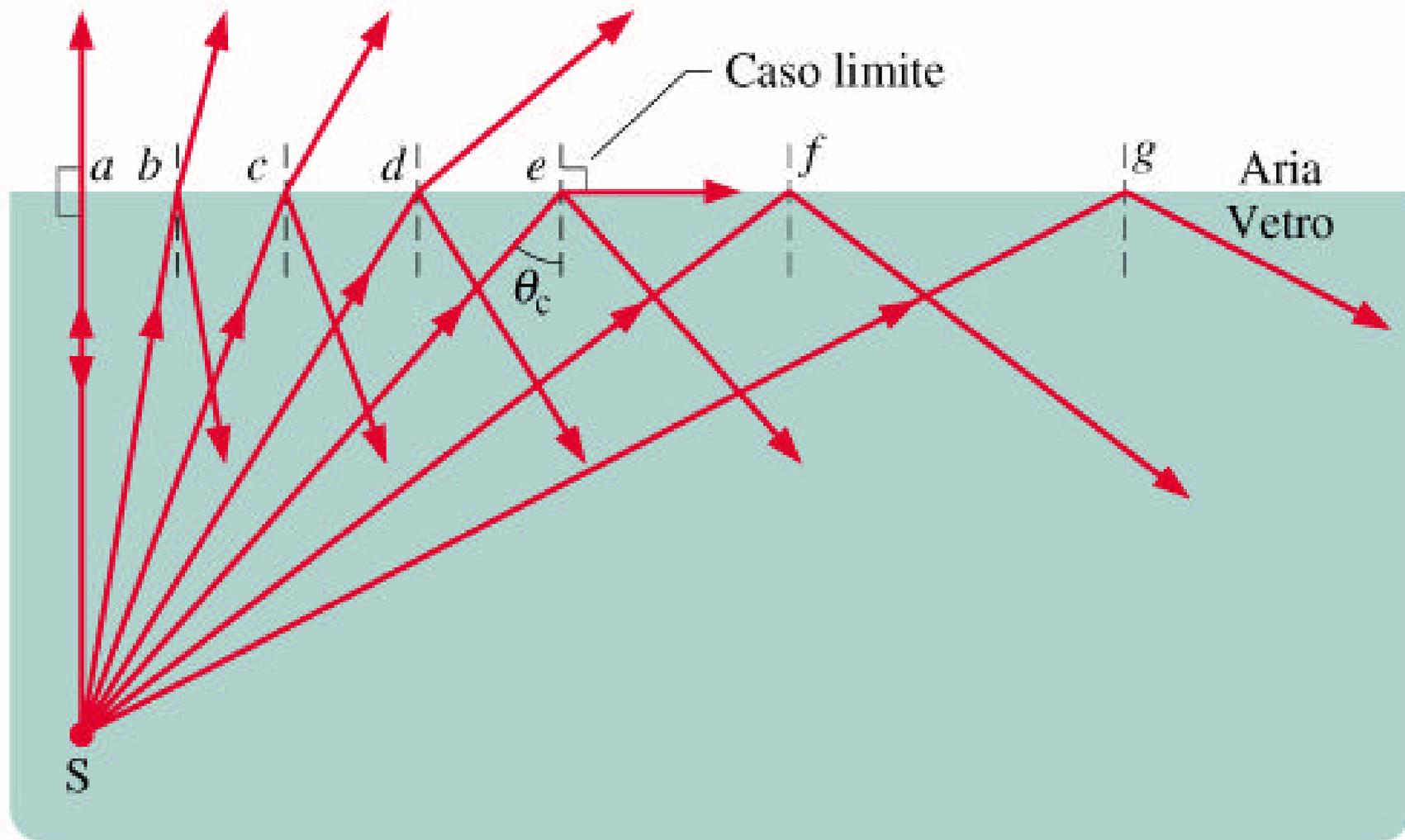
e vale 1 nel vuoto; la velocità della luce in un mezzo è  $v = c/n$



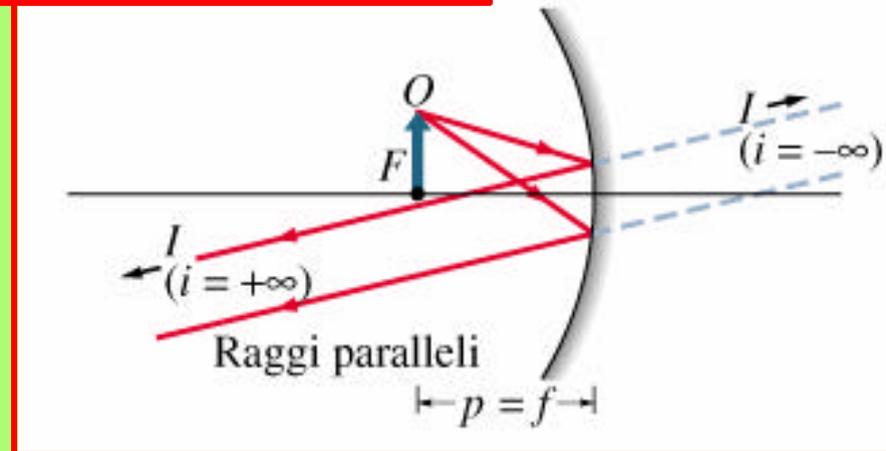
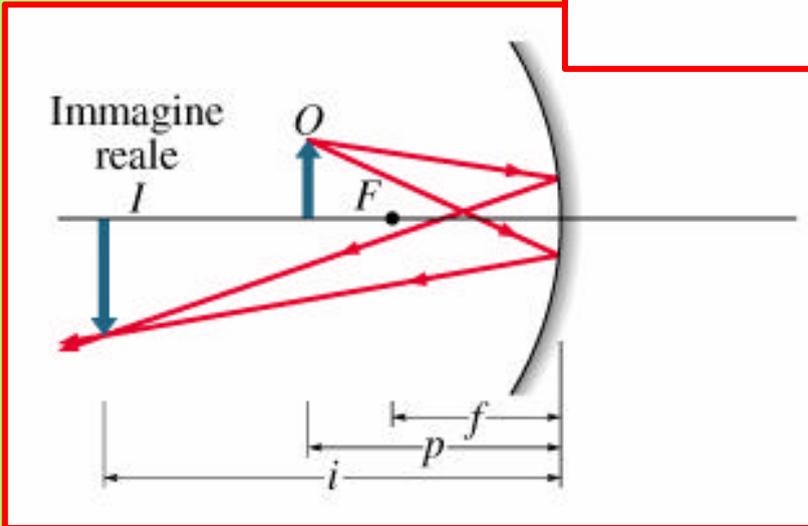
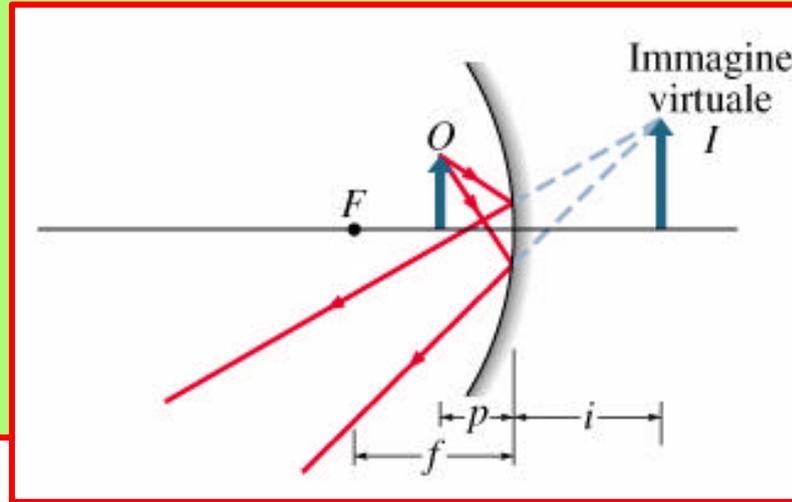
**arcobaleno** tipico esempio naturale di dispersione della luce.



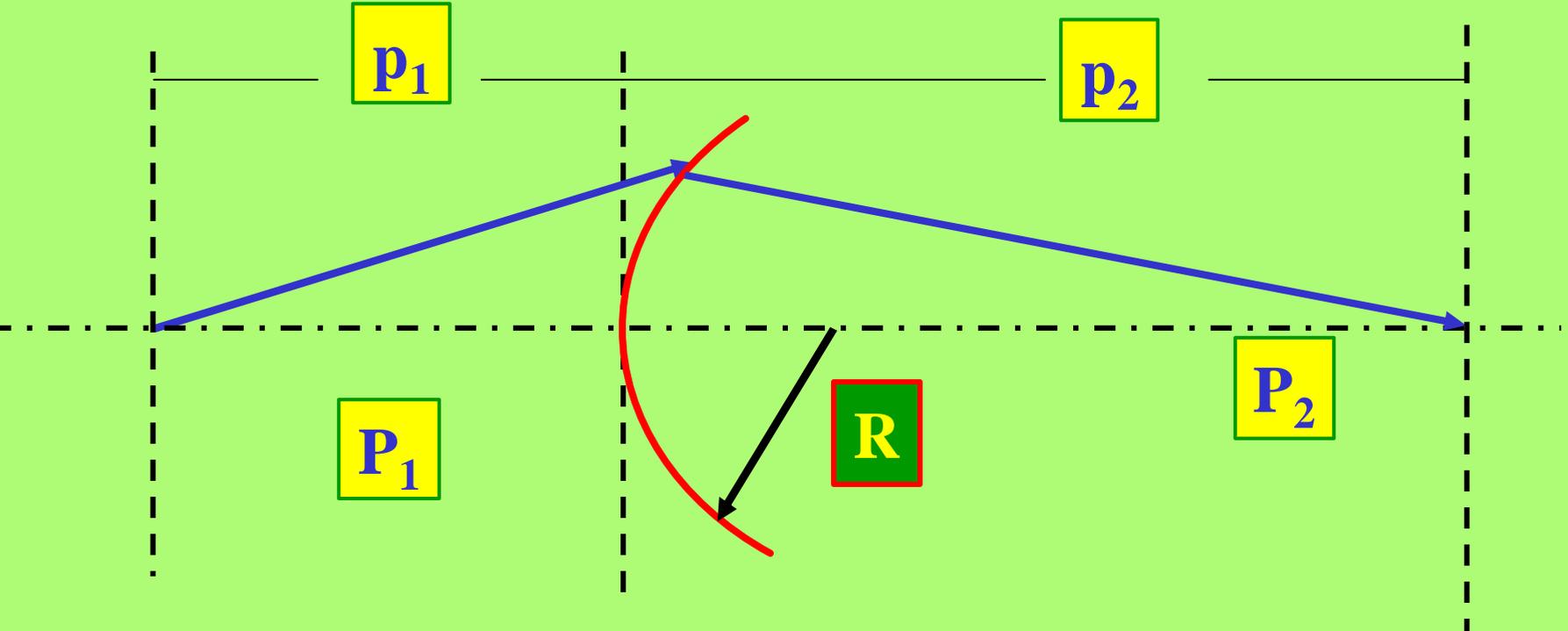
# riflessione totale e angolo limite



# Leggi della riflessione: esempi di costruzione dell'immagine in uno specchio concavo



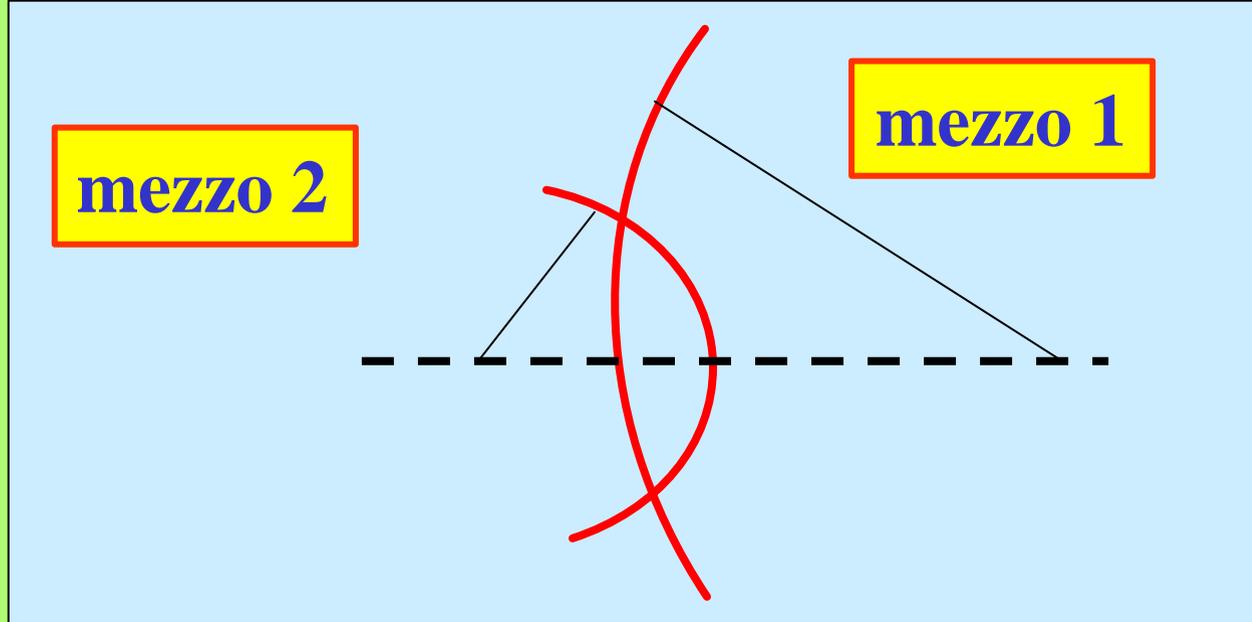
Si definisce **diottro sferico** l'insieme di due mezzi separati da una calotta sferica; l'asse ottico principale e' la retta congiungente il centro della sfera con il suo vertice.



Per radiazione monocromatica gli indici di rifrazione  $n_1$  e  $n_2$  di entrambi i mezzi sono costanti. Considerando piccoli angoli di incidenza le leggi della rifrazione consentono di ottenere una relazione tra la sorgente luminosa (posta nel punto  $P_1$ ) e la sua immagine che si forma nel punto  $P_2$ :

$$\frac{n_1}{p_1} + \frac{n_2}{p_2} = \frac{(n_2 - n_1)}{R}$$

dove  $p_1$  e  $p_2$  sono le distanze dei punti sorgente e immagine dal vertice del diottro, e  $R$  e' il suo raggio di curvatura.



La **lente sottile** puo essere considerata come una combinazione di 2 diottri sferici. La relazione che lega i diversi parametri della lente e` data da:

$$\frac{1}{p_1} + \frac{1}{p_2} = \left( \frac{n_2}{n_1} - 1 \right) \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) = \frac{1}{f}$$

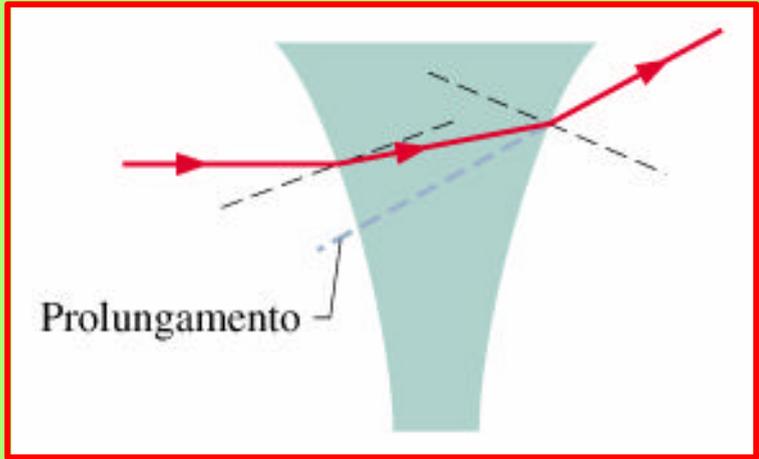
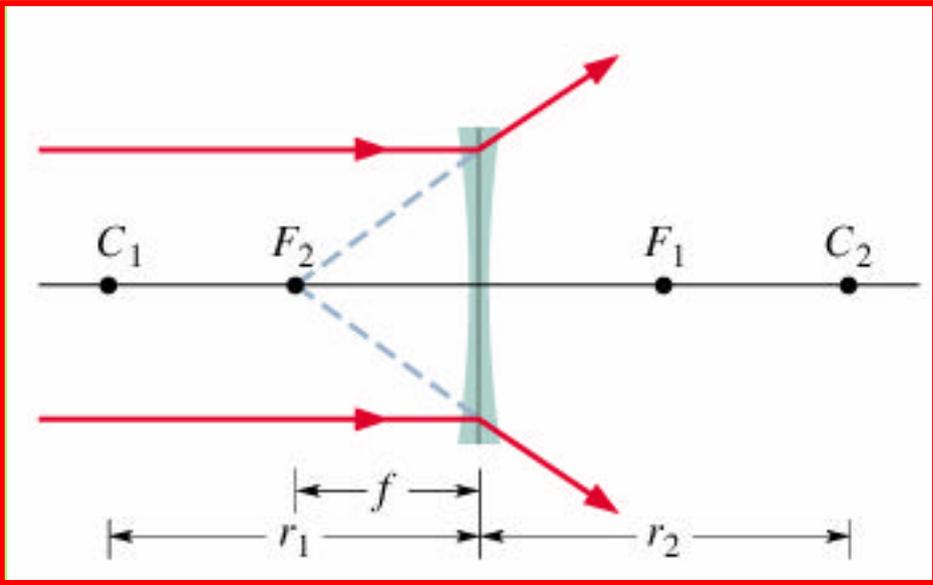
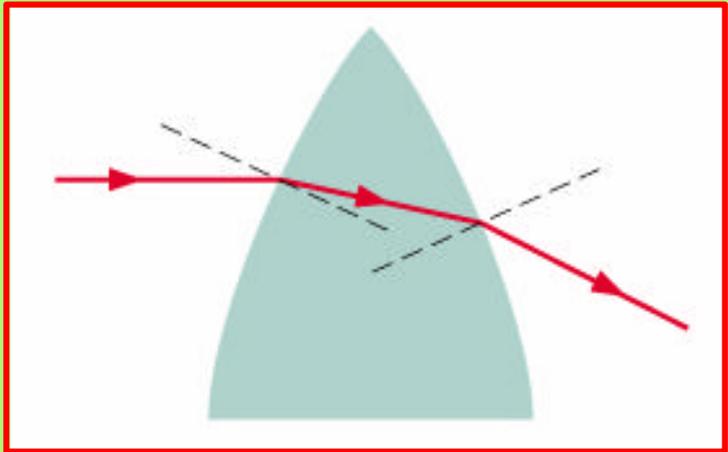
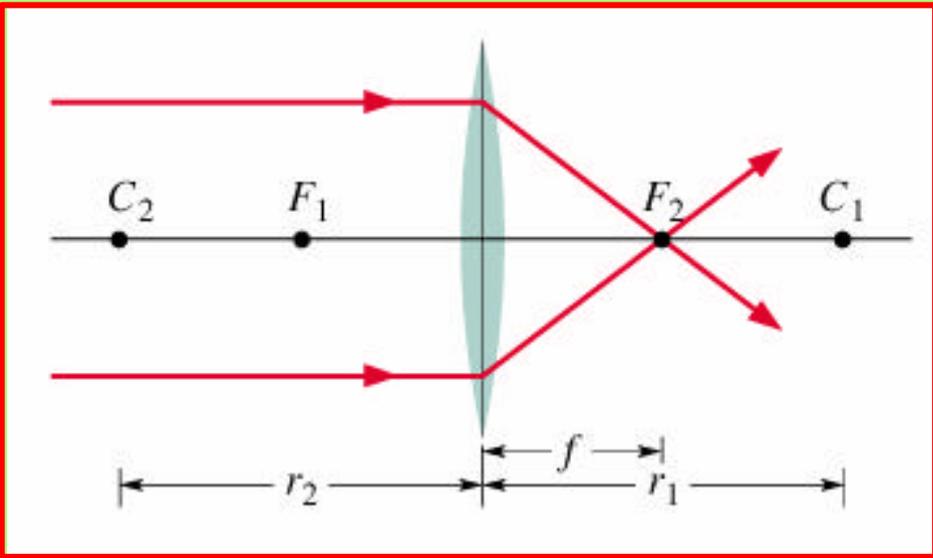
Se  $n_2 > n_1$  la lente e` convergente, altrimenti divergente.

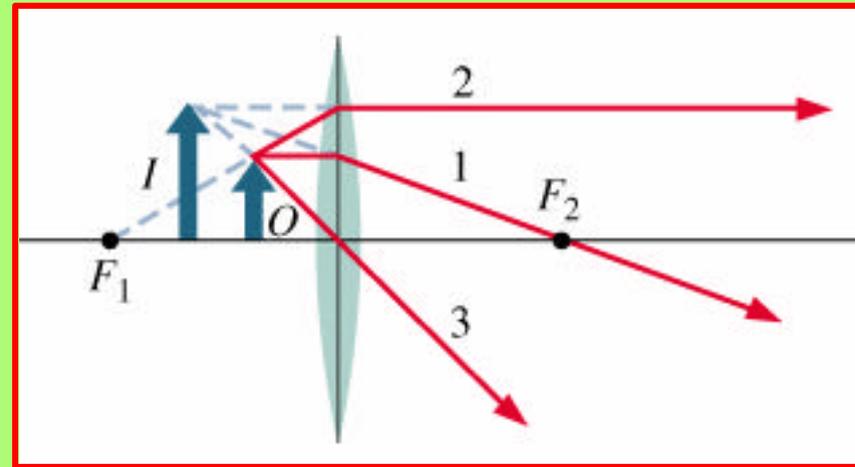
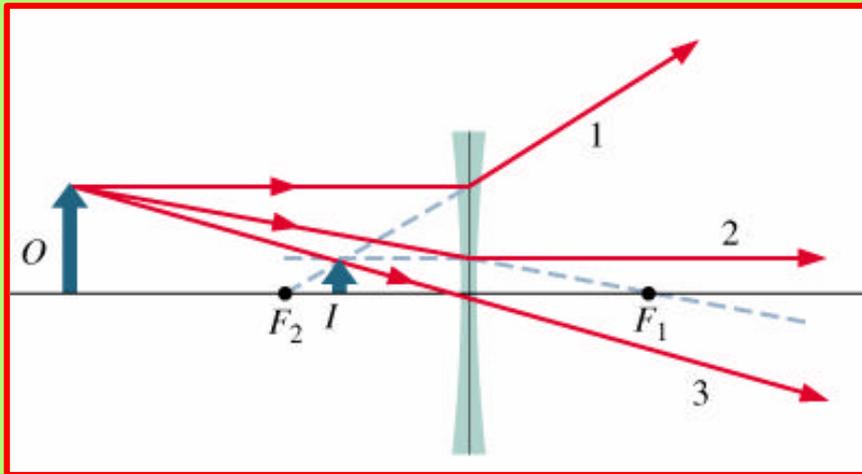
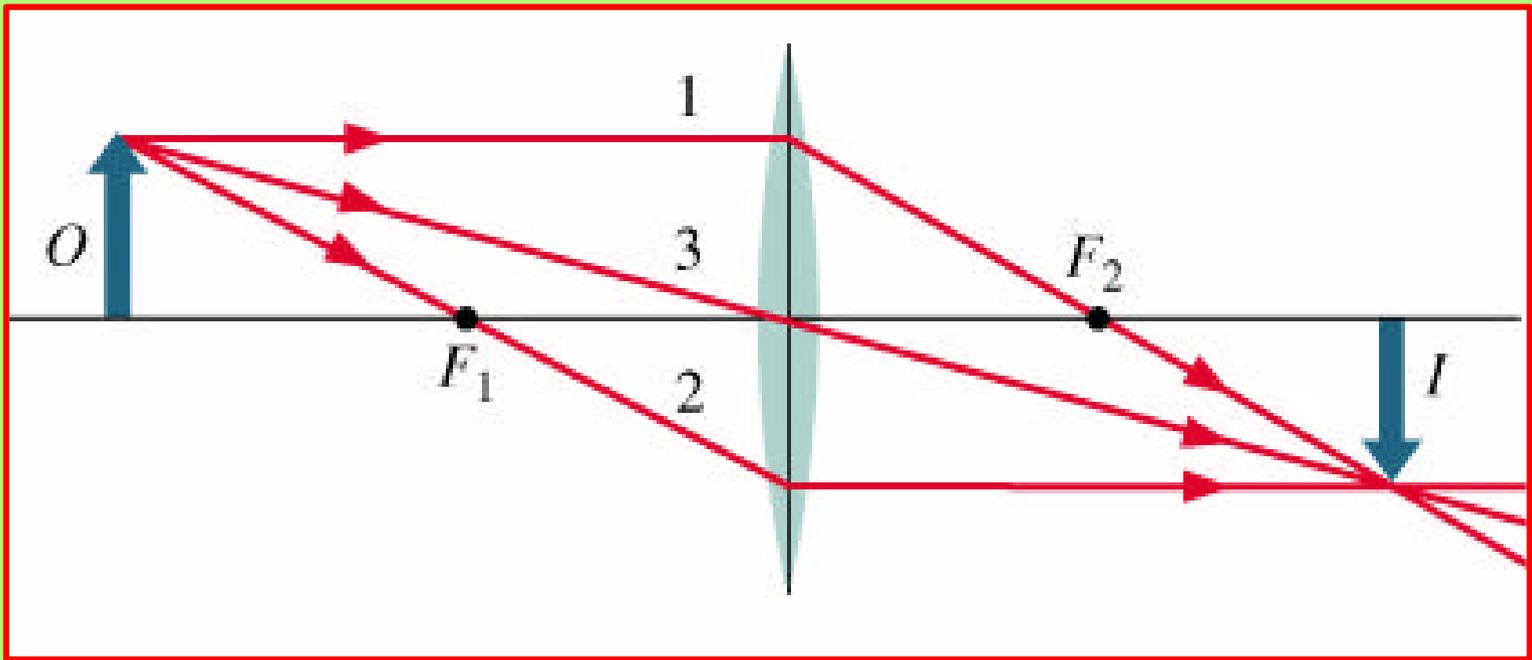
Per una data lente la quantità

$$\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} = K$$

è costante, ma il **potere diottrico**  $1/f$  (misurato in diottrie se  $f$  è misurato in metri) dipende dal mezzo in cui la lente è immersa. Per una sorgente all'infinito ( $p_1 = \infty$ ) il potere diottrico  **$p_2 = f$**  coincide con la distanza focale della lente.

Caratteristica di una lente è l'ingrandimento, che può essere lineare (rapporto tra lunghezza dell'immagine e dell'oggetto) o visuale (analogo rapporto tra gli angoli).



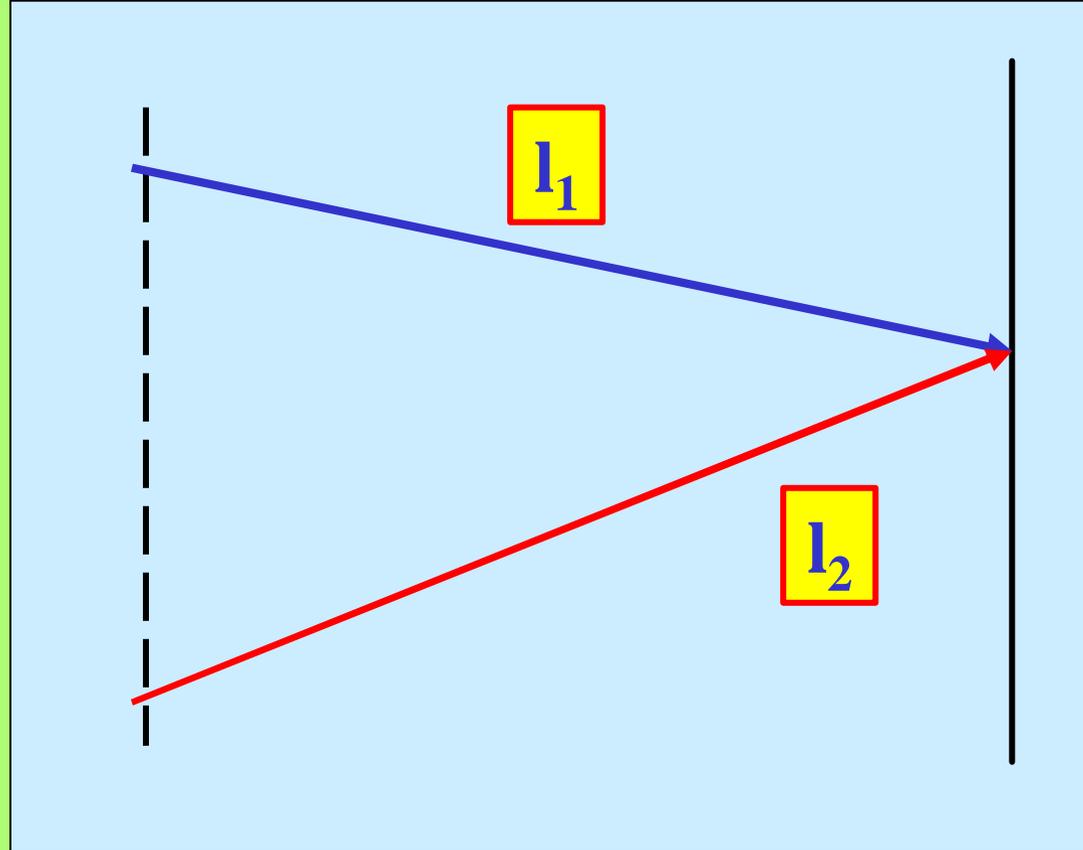


# OTTICA FISICA

La natura della radiazione elettromagnetica, in particolare della luce, è sia **ondulatoria** che **corpuscolare**.

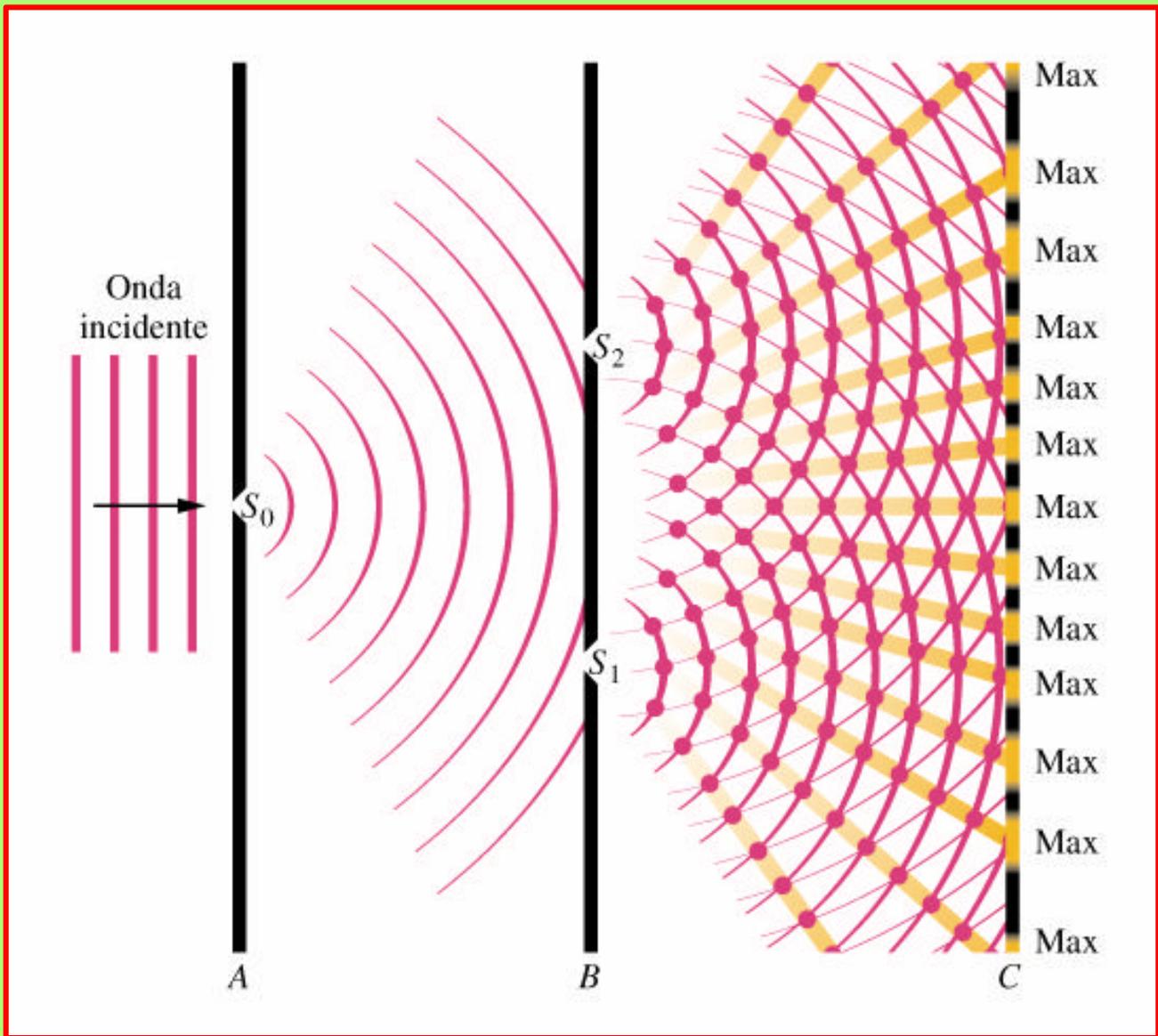
In certi casi la luce si comporta come un'onda (per es. nei fenomeni di interferenza e di diffrazione) oppure come una particella (per es. nell'effetto fotoelettrico o nell'effetto Compton). Se il medesimo raggio luminoso percorre due cammini ottici diversi, nel punto di arrivo la differenza di fase stabilisce se l'**interferenza** è costruttiva o distruttiva

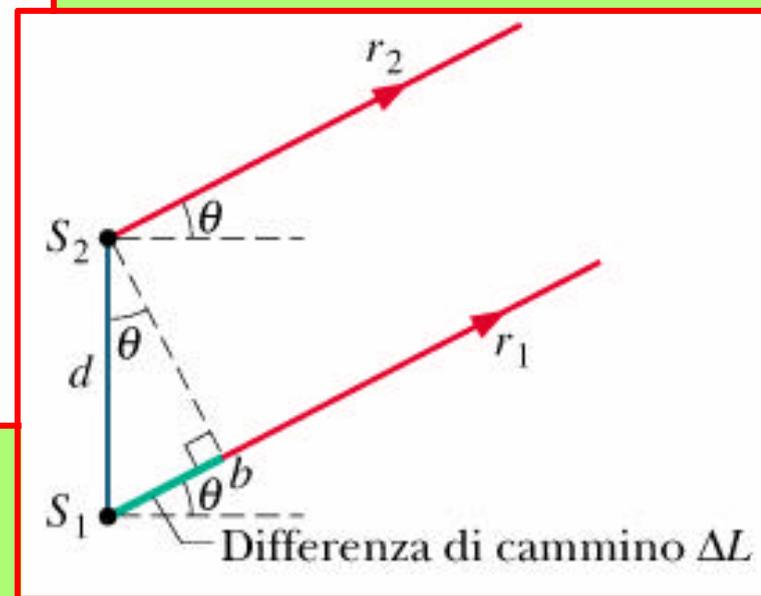
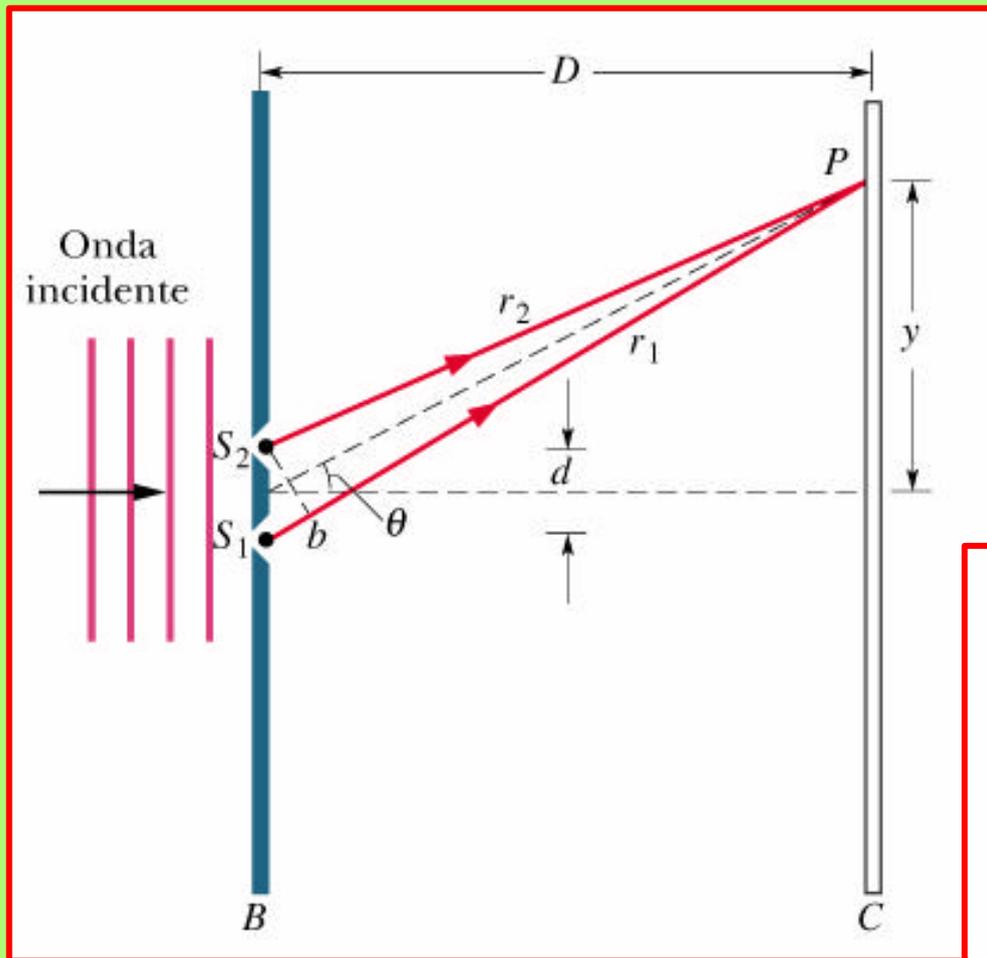
Una differenza di cammino ottico  $\Delta l$  comporta una differenza di fase sullo schermo



$$\Delta l = l_2 - l_1 = n\lambda = 2n \frac{\lambda}{2} \text{ in fase}$$

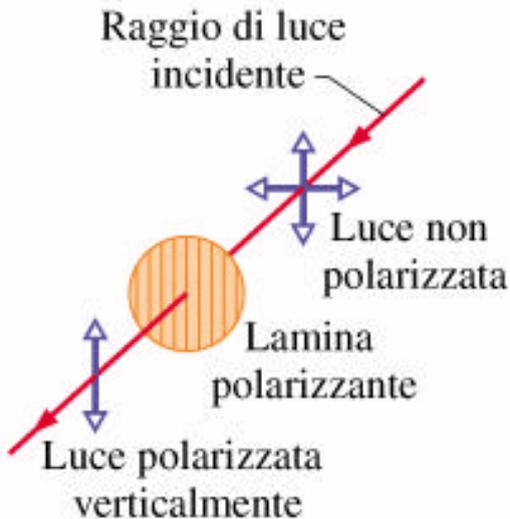
$$\Delta l = (2n + 1) \frac{\lambda}{2} \text{ in opposizione di fase}$$



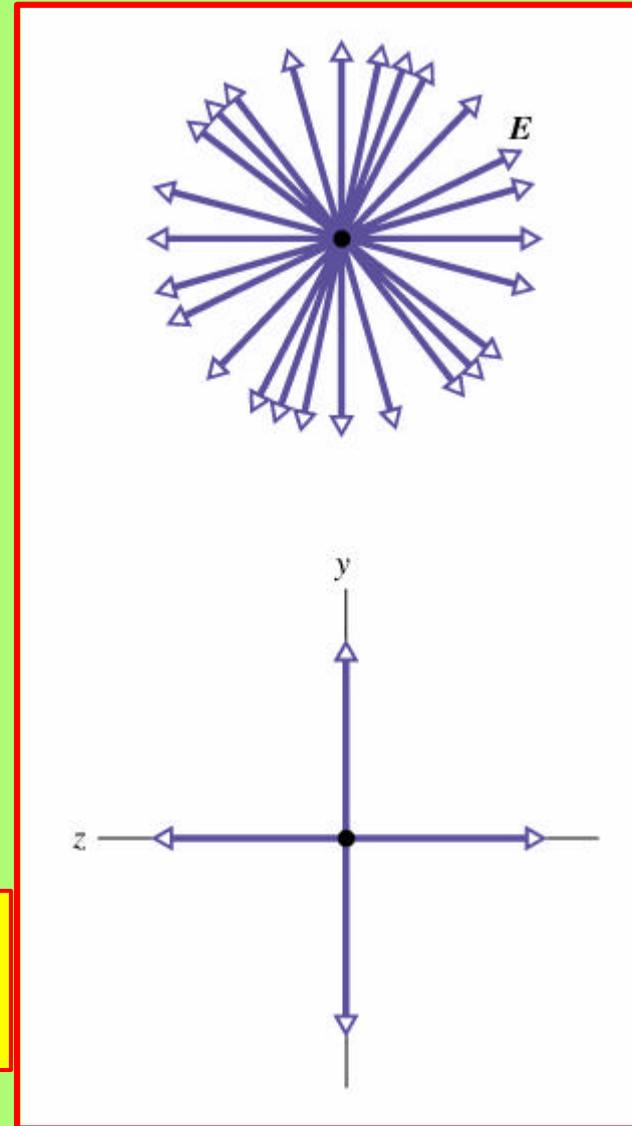


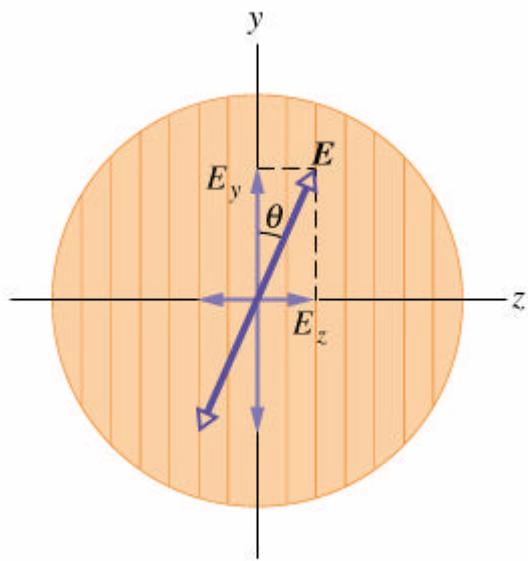
# Polarizzazione della luce

La luce naturale non è polarizzata in quanto ogni sorgente emette fotoni in modo indipendente dagli atomi (o molecole) che la costituiscono, e ciascun fotone ha il piano del campo E orientato a caso.



$$I = \frac{1}{2} I_0$$





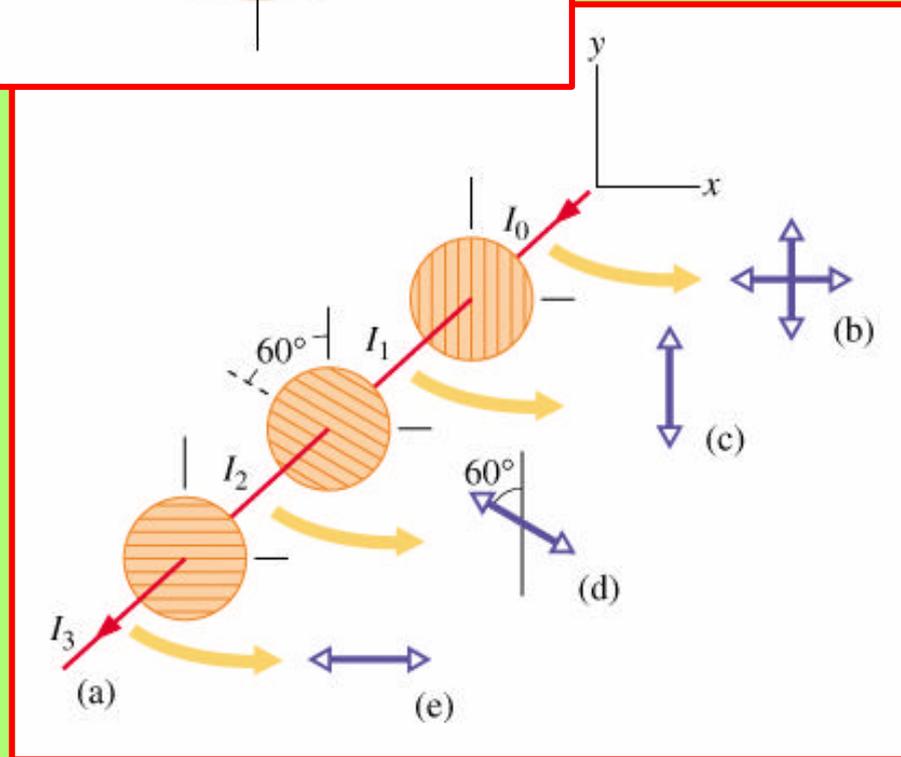
Se la luce e` gia` polarizzata esce da una lamina polarizzatrice con intensita`

$$I = I_0 \cos^2 \theta$$

per esempio:

$$\begin{aligned}
 I_3 &= I_2 \cos^2 30^\circ = \\
 &= (I_1 \cos^2 60^\circ) \cos^2 30^\circ = \\
 &= \frac{1}{2} I_0 \cos^2 60^\circ \cos^2 30^\circ = \\
 &= 0.094 I_0.
 \end{aligned}$$

Solo il 9,4% della luce esce dalle 3 lamine



**Fine della terza  
parte**