

Parte terza

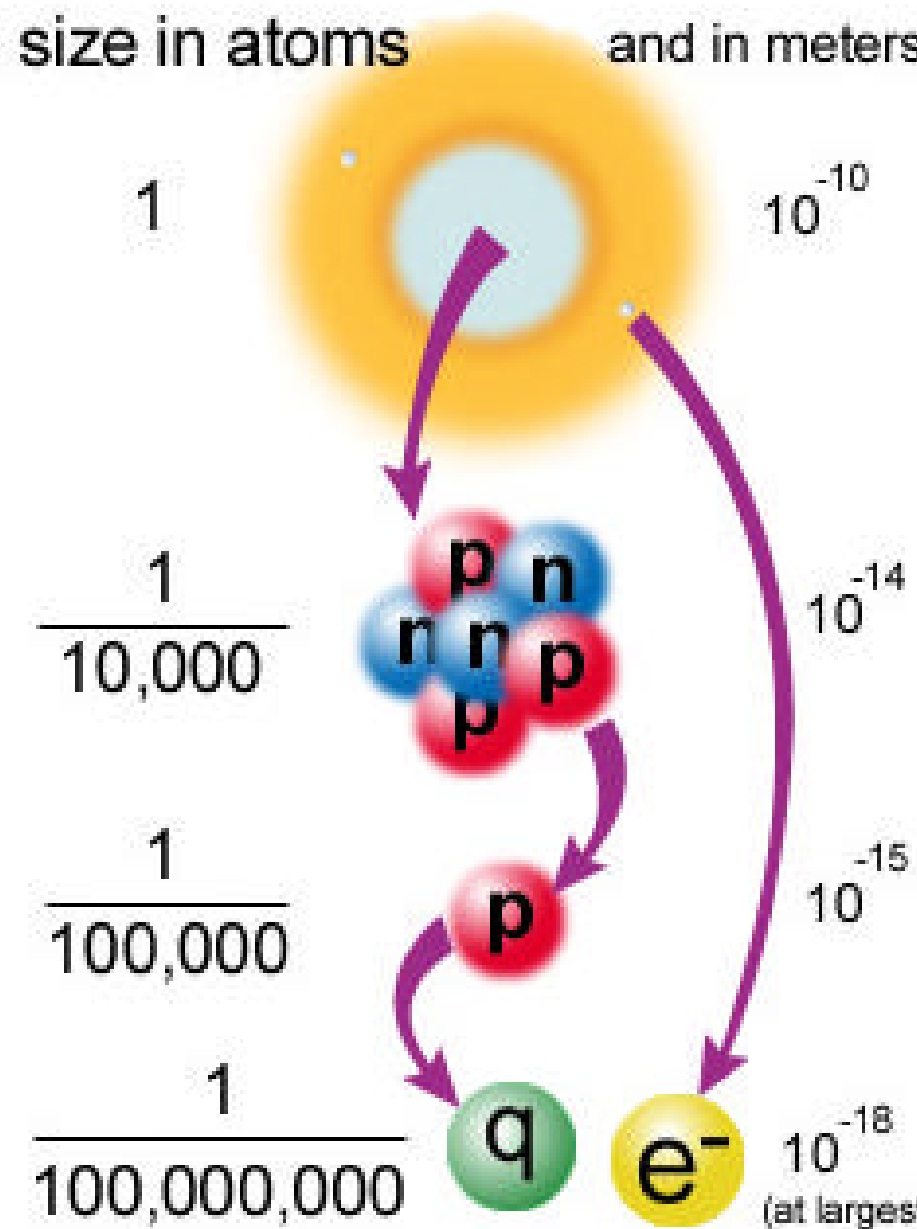
**FENOMENI ONDULATORI
E ELETTROMAGNETICI**

ELETTROSTATICA

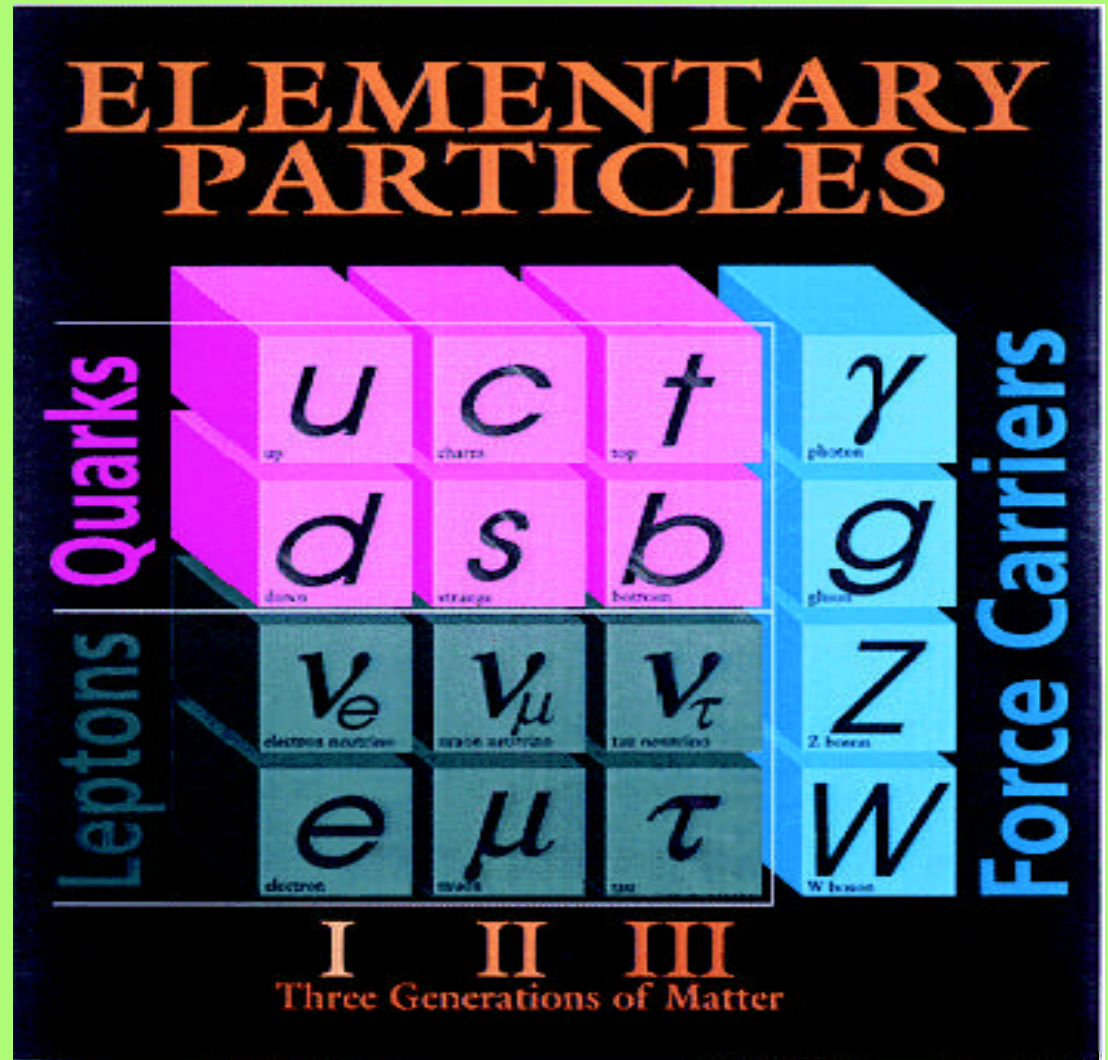
I corpi in natura possono essere **conduttori**, **semiconduttori** o **isolanti**; la differenza è dovuta alla frazione di elettroni liberi di muoversi nella banda di conduzione o legati nella banda di valenza.

La **carica elettrica elementare** è quella dei protoni (positiva) e degli elettroni (negativa), ma in realtà la materia è composta di **quark** (particelle con carica elettrica frazionaria che costituiscono i protoni e i neutroni) e di **leptoni**.

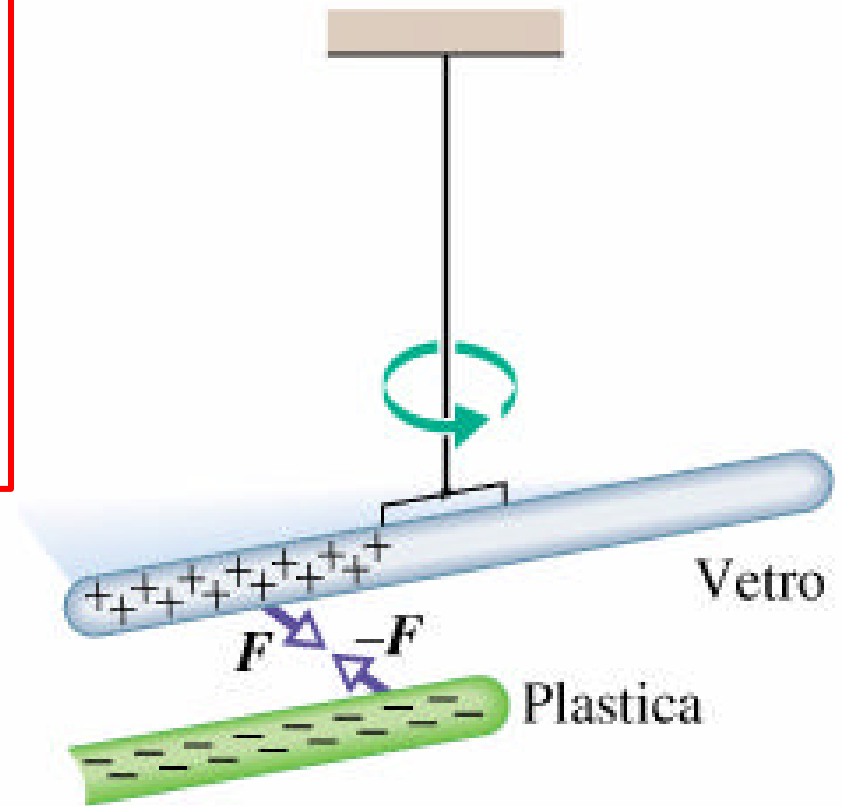
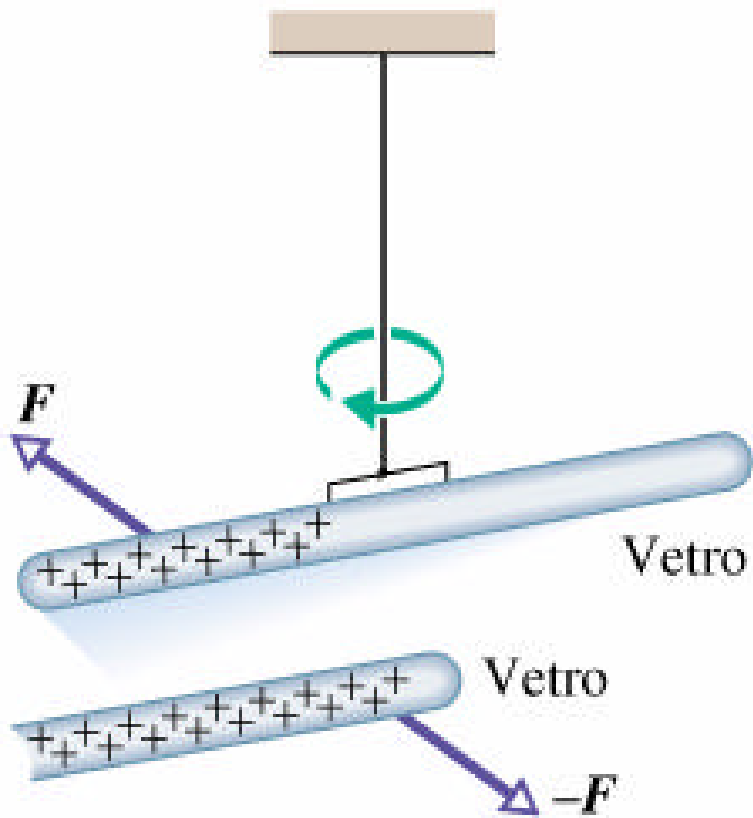
Le dimensioni in gioco



Le 3 generazioni della materia e le particelle di scambio



Forze elettrostatiche



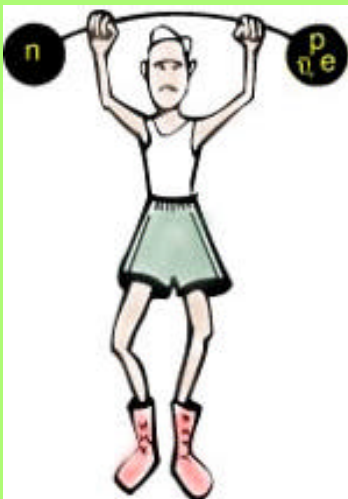
Le 4 interazioni fondamentali



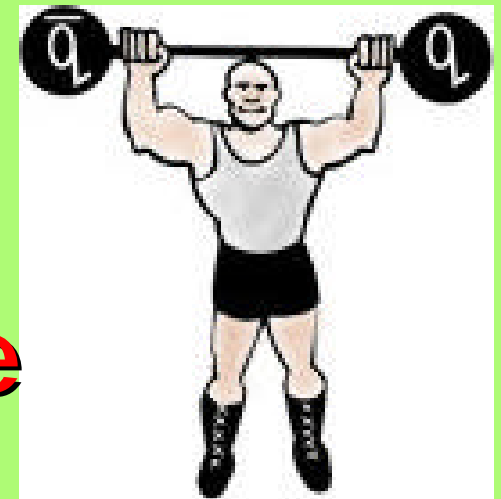
gravità



elettromagnetismo

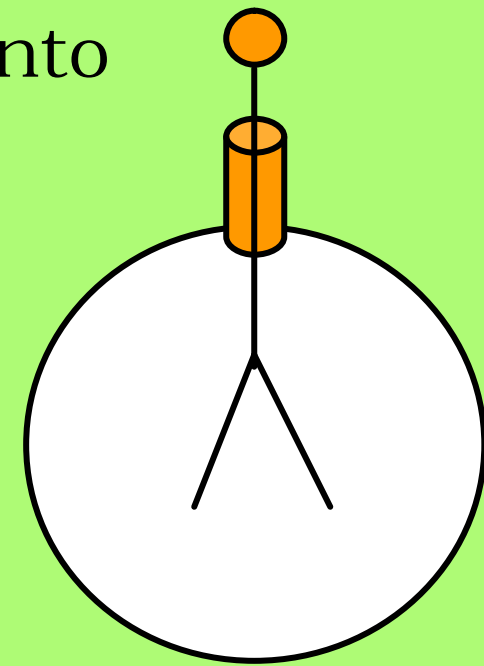


debole

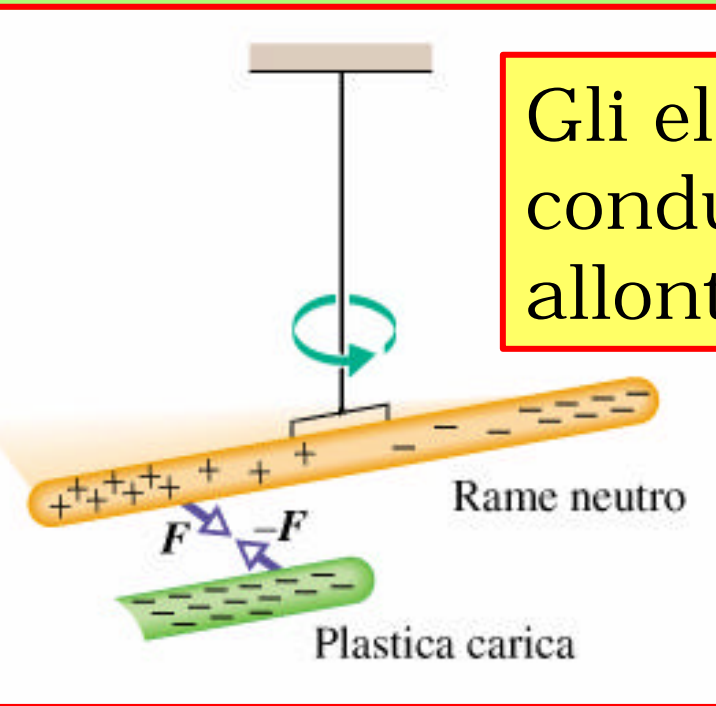


forte

L'**elettroscopio** e` uno strumento in grado di misurare la carica elettrica di un corpo.



Gli elettroni di conduzione si allontanano



La **ionizzazione** e` un fenomeno che produce cariche elettriche (ioni positivi o negativi e elettroni) libere di muoversi in una sostanza liquida o gassosa.

La forza elettrostatica (**attrattiva** o **repulsiva**) che si esercita tra due cariche elettriche e' stabilita dalla **legge di Coulomb**:

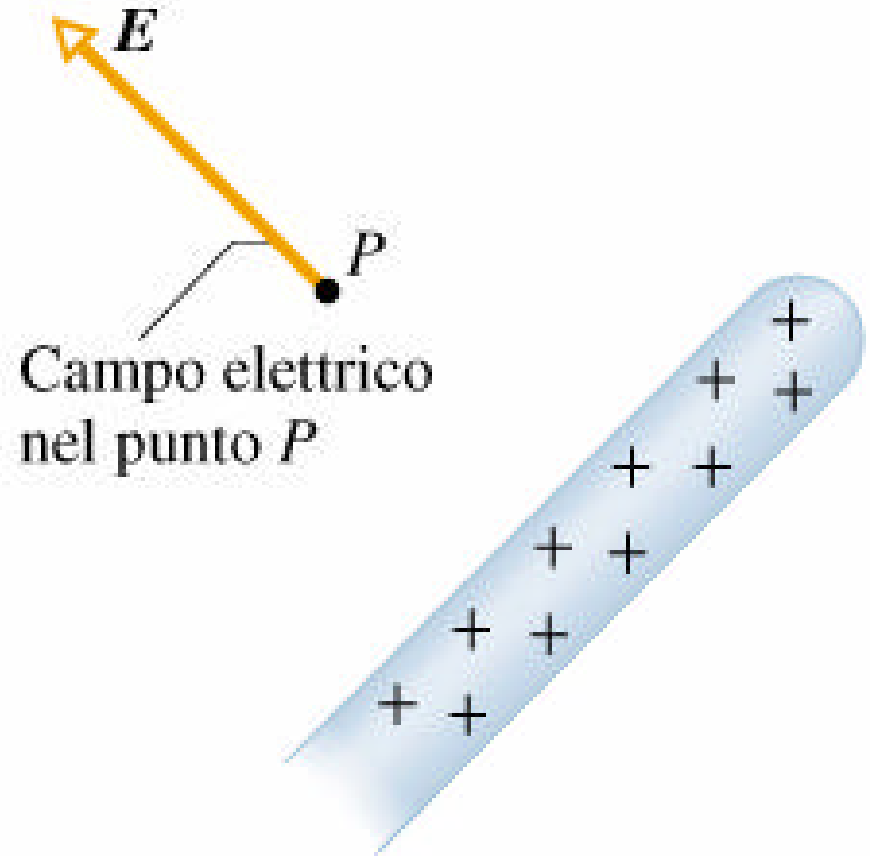
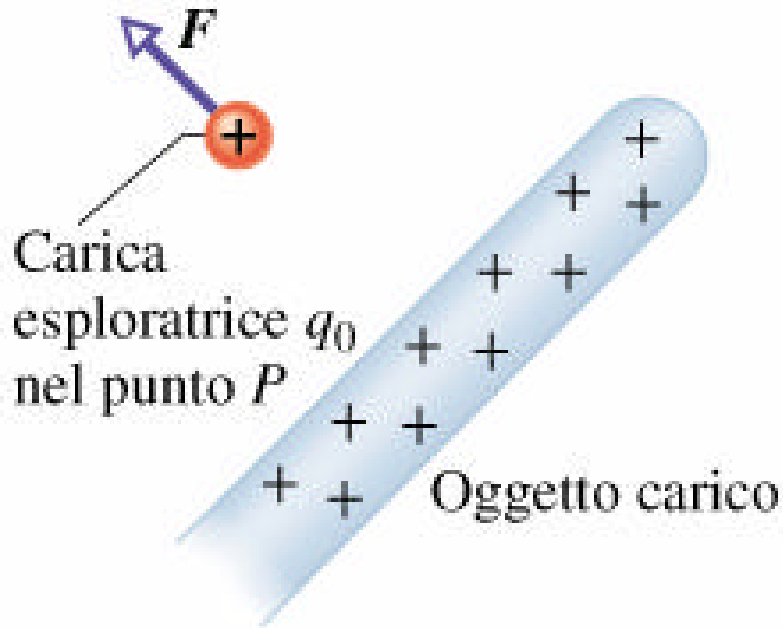
$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

simile alla legge di Newton, ma con una differenza importante: le masse sono solo positive, mentre le cariche elettriche possono essere positive oppure negative.

La grandezza ϵ è detta **costante dielettrica**
 $\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r$, dove $\epsilon_0 = 8.86 \cdot 10^{-12} \text{ C}^2 \text{ N}^{-1} \text{ m}^{-2}$ è la
costante dielettrica del vuoto e $\epsilon_r \geq 1$ è la
costante dielettrica relativa al mezzo. Nel
caso dell'acqua si ha $\epsilon_r \sim 80$ (molto grande),
e quindi la forza di Coulomb è molto
piccola; questo è il motivo per cui l'acqua si
dissocia molto facilmente (**elettrolisi**).

Nel S.I. la grandezza elettrica fondamentale
è l'unità di corrente elettrica (**ampere**) e
l'unità di carica elettrica, il **Coulomb** [C] è
una grandezza derivata da $dq = i \cdot dt$.

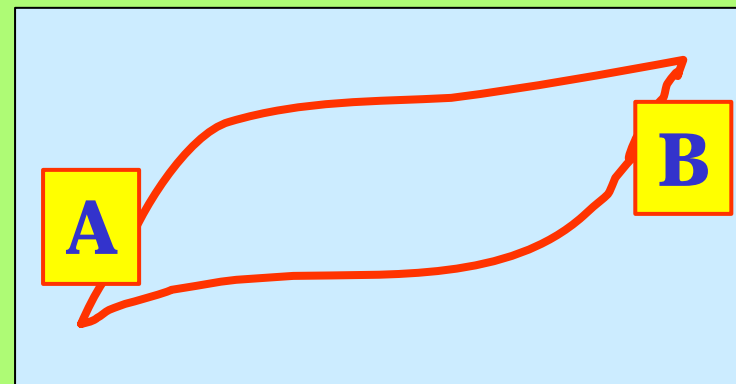
Carica esploratrice



Campo elettrico

La carica esploratrice, che per definizione è positiva ($q > 0$), permette di introdurre la nozione di **campo elettrico** $\mathbf{E} = \mathbf{F}/q$ e quindi, essendo il campo conservativo, di **potenziale elettrico** $V = W/q$ dove W è l'energia potenziale elettrostatica. Il **Volt** [$1V = 1J/1C$] è l'unità di misura del potenziale elettrico.

Il lavoro fatto per spostare la carica $q > 0$ dal punto A al punto B non dipende dal percorso e vale



$$L = W_A - W_B = q(V_A - V_B) = q \cdot \Delta V$$

Le cariche elettriche negative si muovono spontaneamente dal potenziale inferiore al potenziale maggiore; il contrario avviene per le cariche positive.

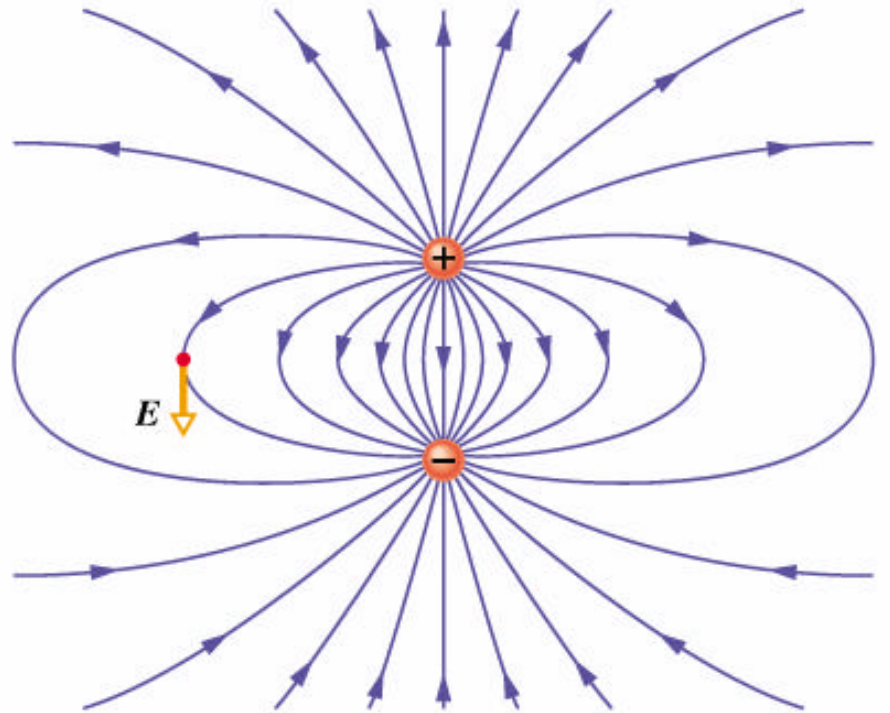
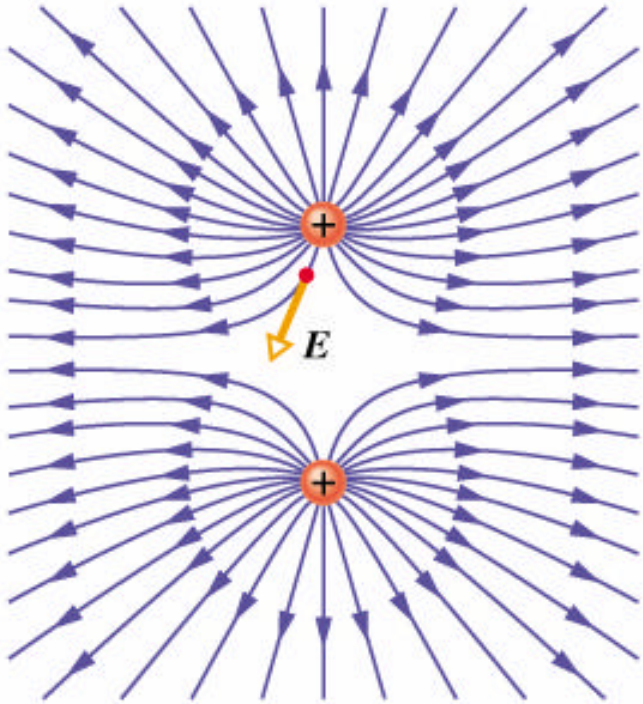
Poiché il lavoro fatto dal campo elettrico per spostare la carica q di Δx è dato da

$$L = F\Delta x = qE\Delta x = -q(V_B - V_A),$$

si deduce che il campo elettrico E è il gradiente del potenziale elettrostatico:

$$E = -\frac{dV}{dx}$$

L'unità di misura del campo elettrico nel S.I. è perciò data in [V/m]



Consideriamo due esempi di forze elettrostatiche:

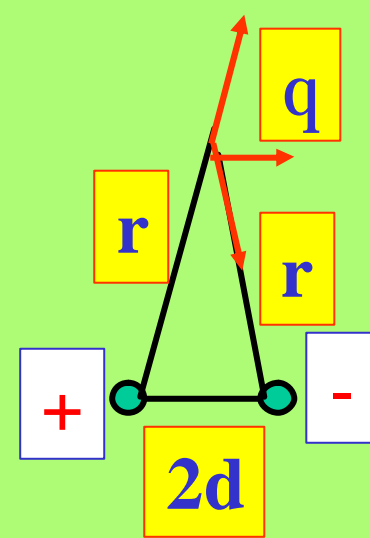
1 - La forza Coulombiana e la forza Newtoniana (entrambe attrattive) tra il protone e l'elettrone di un **atomo di idrogeno** hanno i valori seguenti :

$$F_C = 8.9 \cdot 10^9 \frac{(1.6 \cdot 10^{-19})^2}{(5.3 \cdot 10^{-11})^2} = 8.2 \cdot 10^{-8} \text{ N}$$

$$F_N = 6.7 \cdot 10^{-11} \frac{(9.1 \cdot 10^{-31})(1.7 \cdot 10^{-27})}{(5.3 \cdot 10^{-11})^2} = 3.6 \cdot 10^{-47} \text{ N}$$

Dato il grande valore del rapporto $F_C/F_N = 3 \cdot 10^{39}$ tra esse, e` sempre possibile trascurare la forza gravitazionale F_N .

2 - Un **dipolo** e` definito da 2 cariche elettriche q di ugual valore, ma di segno opposto, poste a distanza $2d$. In un punto distante r da entrambe le cariche il campo elettrico lungo l'asse verticale y si annulla per simmetria, mentre quello lungo l'asse orizzontale vale:



$$E = E_+ - E_- = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{\vec{r}}{r^3} - \frac{\vec{r}}{r^3} \right) = \frac{2q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{r^2} \cos\theta =$$

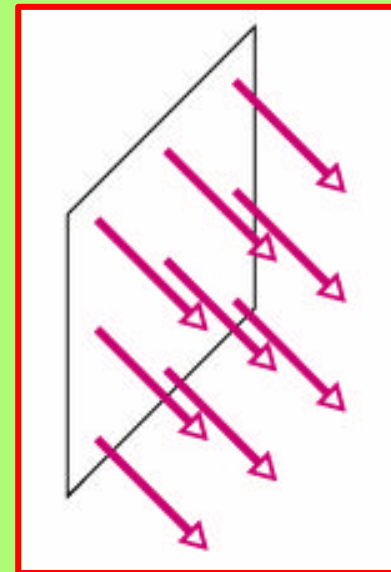
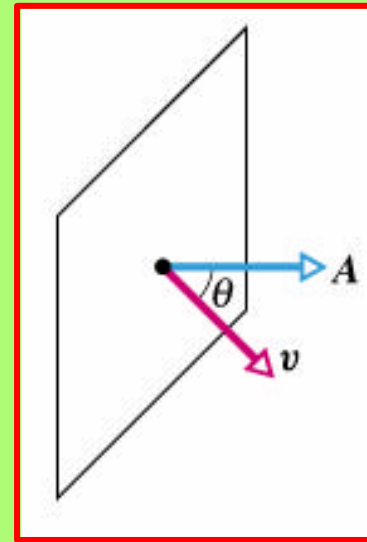
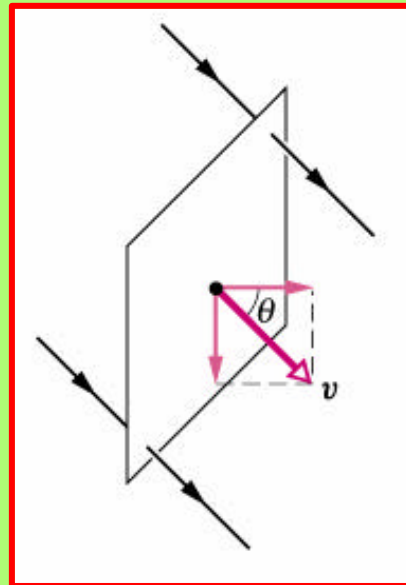
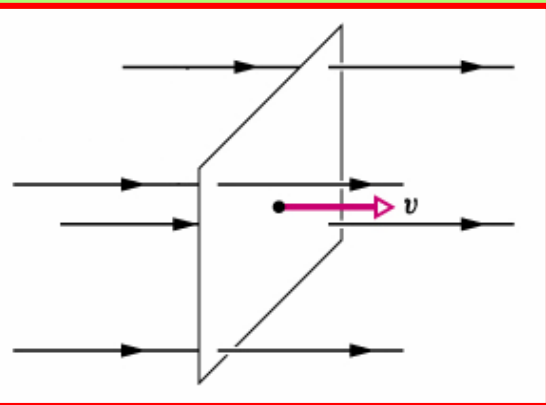
$$= \frac{2q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{(y^2 + d^2)} \frac{d}{\sqrt{(y^2 + d^2)}} \approx \frac{2q}{4\pi\epsilon_0} \frac{d}{y^3} \text{ per } y \gg d$$

ossia il campo elettrico varia come y^{-3} anziche come y^{-2} .

Teorema di Gauss

Si definisce **flusso elementare** di un vettore (qui consideriamo il vettore campo elettrico **E**) attraverso una superficie S (di normale **n**) la grandezza:

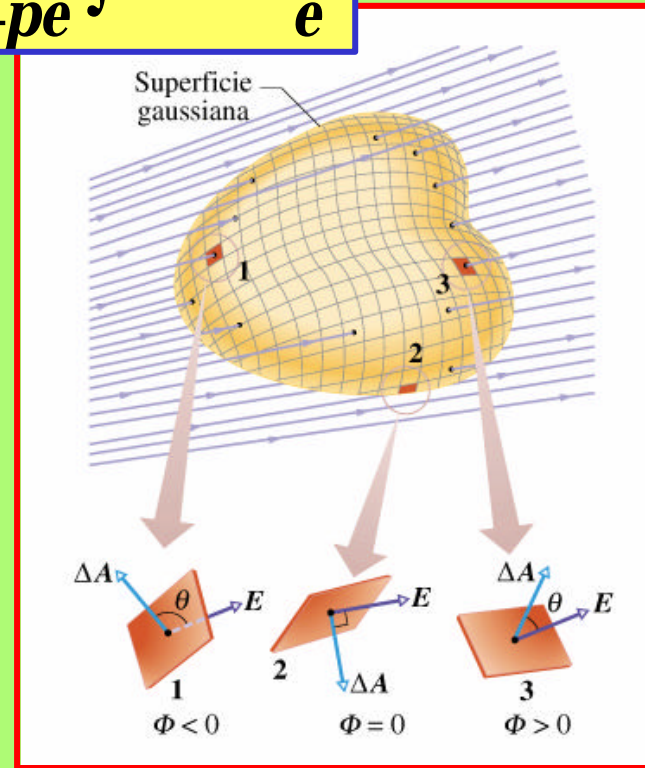
$$d\Phi(E) = E \cdot n dS = E \cos\theta dS$$



Dalla definizione di campo elettrico e poiche`
 $dS \cos\theta = r^2 d\Omega$ (proiezione di dS normale a n)
 si ottiene $d\Phi(E) = (1/4\pi\epsilon) q d\Omega$. Da cui segue
 che il flusso totale uscente da una qualsiasi
 superficie chiusa, contenente la carica totale
 Q , e` dato da:

$$\Phi(E) = \oint E \cdot n dS = \frac{Q}{4\pi\epsilon} \oint d\Omega = \frac{Q}{\epsilon}$$

e non dipende dal raggio di
 curvatura della superficie. Si
 deve distinguere tra flusso
 uscente ($Q > 0$) e flusso
 entrante ($Q < 0$), per cui il
 flusso generato da un corpo
 di carica totale $Q = 0$ e` nullo.

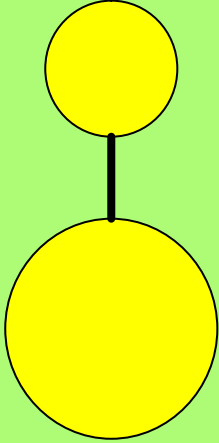


Le principali implicazioni del teorema di Gauss sono:

- In equilibrio, ossia in assenza di corrente elettrica, le cariche si distribuiscono sulla superficie dei corpi conduttori.
- L'intensità del campo elettrico di una sfera carica coincide con quella che si avrebbe se la carica fosse tutta concentrata al centro della sfera.
- Vicino a un conduttore $E = \sigma/\epsilon_0$, dove σ è detta densità di carica superficiale.

- Due sfere di raggio r_1 e r_2 e carica q_1 e q_2 collegate tra loro da un filo conduttore, essendo equipotenziali, comportano:

$$W = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{r_1} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{r_2}, \text{ ossia } \frac{q_1}{r_1} = \frac{q_2}{r_2}$$



$$q_1 = \frac{Q}{1 + \frac{r_2}{r_1}}, \quad q_2 = \frac{Q}{1 + \frac{r_1}{r_2}}$$

da cui, posto $Q = q_1 + q_2$, si ha:

- Dai valori precedenti di q_1 e q_2 si ottiene che il rapporto tra i campi elettrici vicino a ciascuna sfera vale $E_1/E_2 = r_2/r_1$, ossia **$E \cdot r = \text{costante}$** : il campo è più intenso se il raggio della sfera è più piccolo. In genere il campo elettrico è più grande nelle zone appuntite di un corpo.

Campo magnetico

Esempi di campo magnetico sono quello terrestre, le calamite, i magneti, ecc... Sono sempre definiti da un polo nord e un polo sud, anche se i monopoli magnetici sono particelle previste dalla teoria GUT, ma non scoperti.

Le linee di flusso del campo magnetico indicano la direzione del campo e il valore dell'**induzione magnetica \mathbf{B}** (da S a N).

Forze di Lorentz: un campo magnetico non ha effetto sulle particelle neutre ma provoca la deviazione di particelle cariche la cui velocità cambia di direzione ma non di modulo.

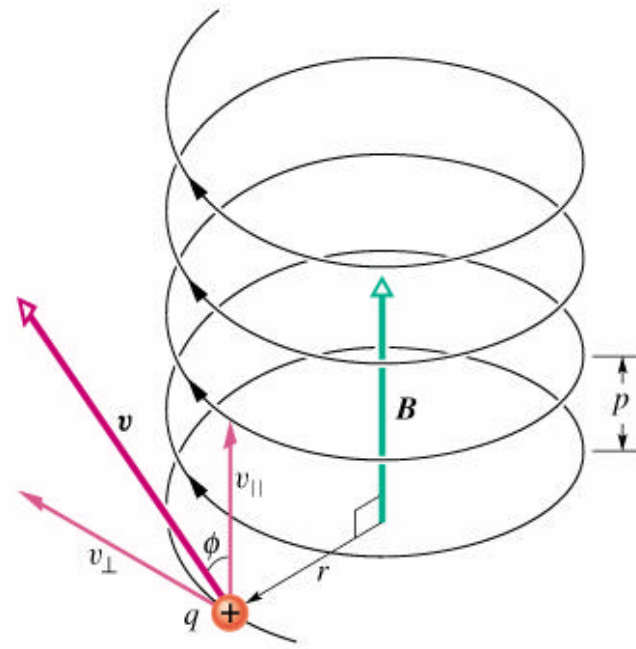
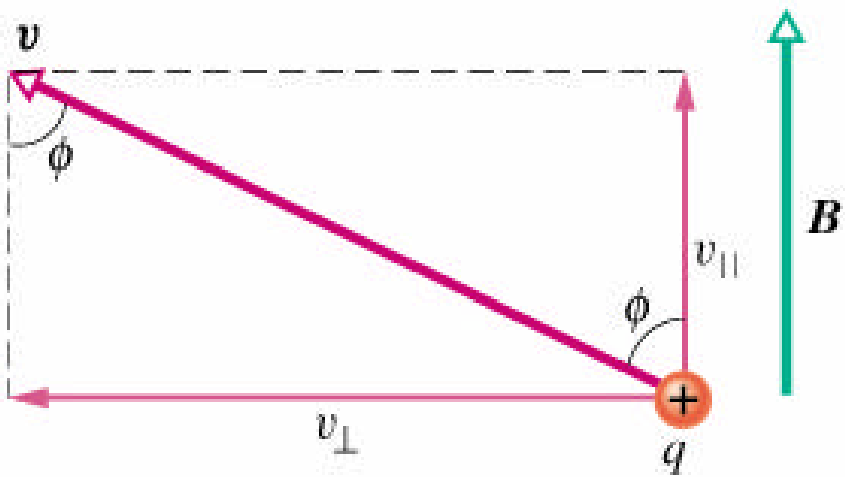
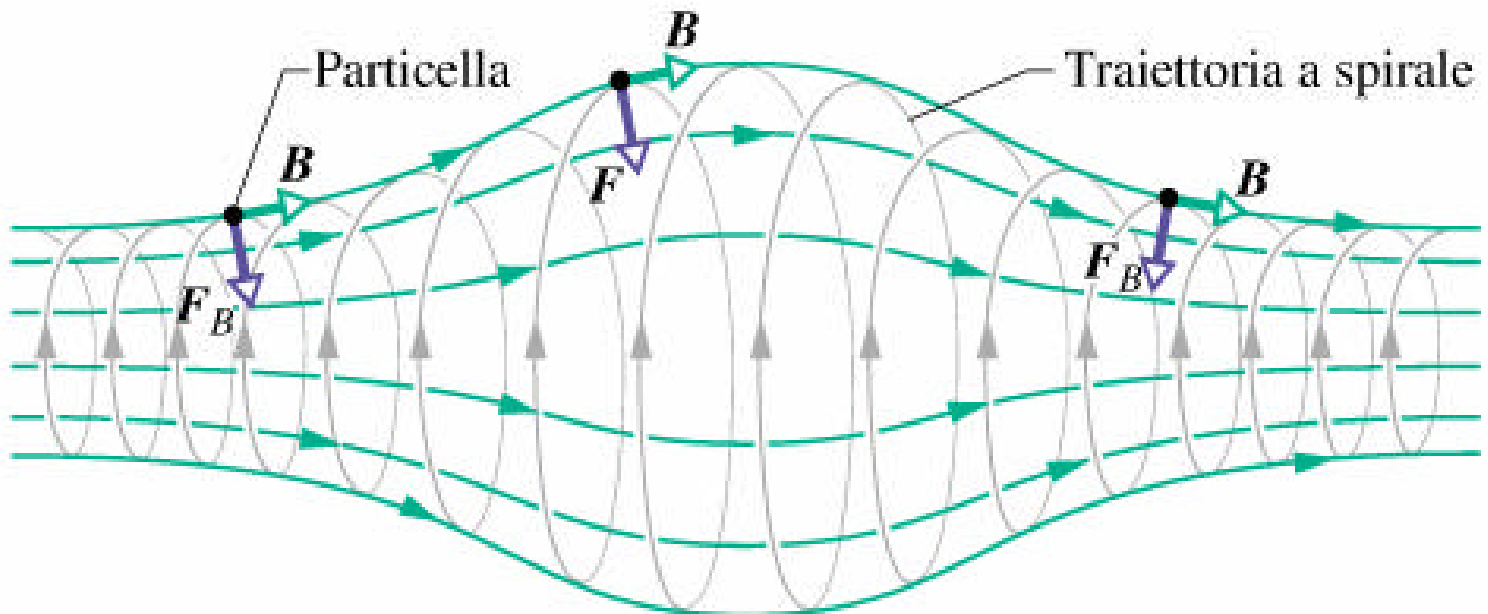
Se la particella ha massa m , carica q e velocità costante v , la forza di Lorentz è data da

$$\mathbf{F} = q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$$

e ***non dipende da m*** . Tuttavia, essendo la forza centripeta:

$$F = m a_c = m v^2/R = m \omega^2 R$$

il raggio di curvatura $R = mv/qB$ (costante nel tempo se B è costante) dipende da m , nel senso che se m è grande la particella è poco deviata e viceversa; inoltre la velocità angolare $\omega = qB/m$ non dipende da v .



Se e' presente anche un campo elettrico E , l'espressione piu' completa delle forze di Lorentz e' allora data da:

$$F = q(E + v \wedge B)$$

Se anziche' una particella consideriamo un conduttore percorso dalla corrente i e posto in un campo magnetico B , la forza di Lorentz che si esercita lungo un tratto dx di conduttore sara' data da:

$$dF = i(dx \wedge B)$$

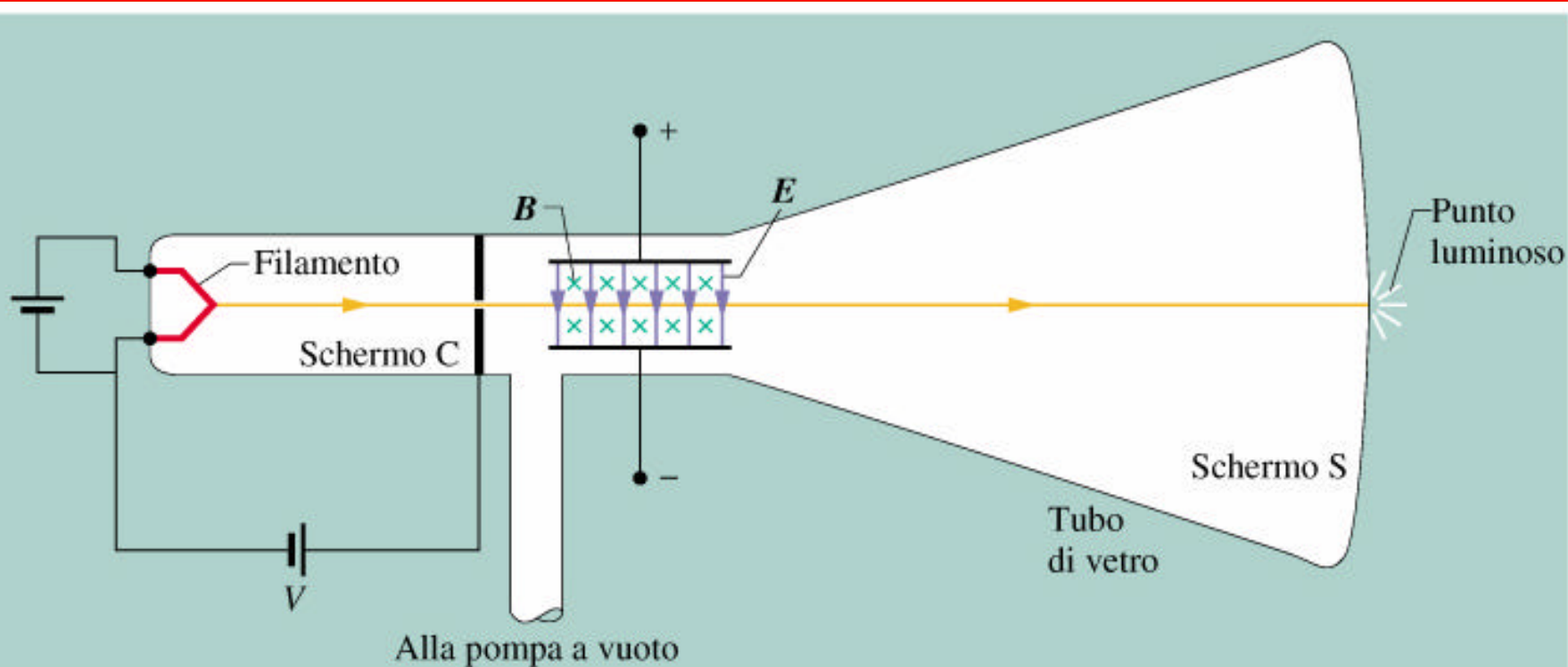
A sua volta, la corrente in un conduttore genera il campo magnetico:

$$dB = \frac{\mu_r \mu_0}{4\pi} (id\mathbf{x} \wedge \frac{\vec{r}}{r^3})$$

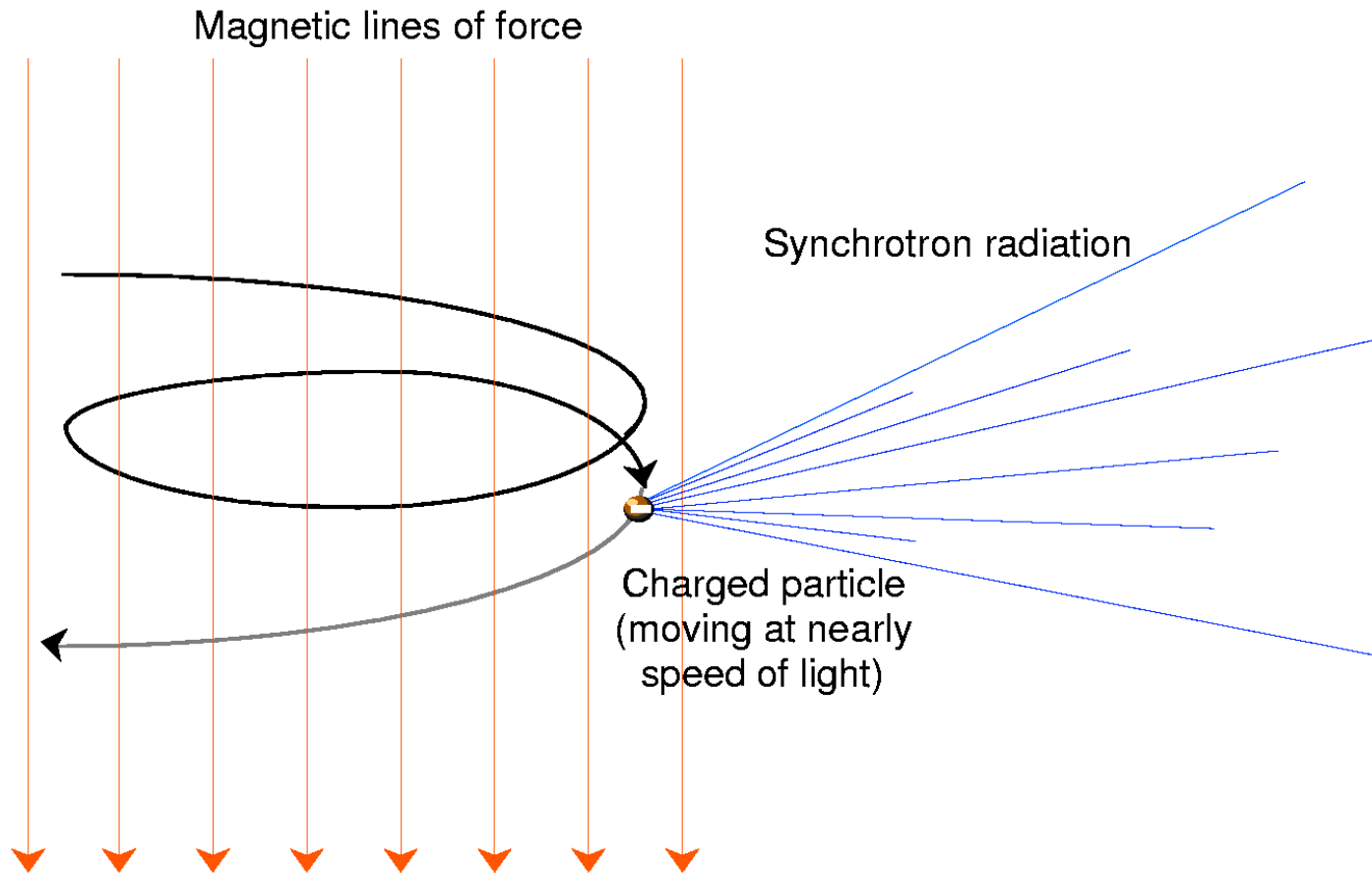
che, per il teorema di Gauss applicato ad una superficie chiusa, comporta **? $\mathbf{B} \cdot \mathbf{ndS} = 0$** .

Se si spezza $S = S_1 + S_2$ lungo una qualsiasi linea chiusa si deduce che l'induzione magnetica è la stessa per ogni superficie S_i . Tra i conduttori percorsi da corrente i solenoidi (induttanze) hanno particolare importanza e tipico esempio sono i circuiti RL. La forza elettromotrice indotta è data da $\varepsilon = - dF_c/dt$.

effetto del campo elettrico e di quello magnetico sul moto di una particella carica



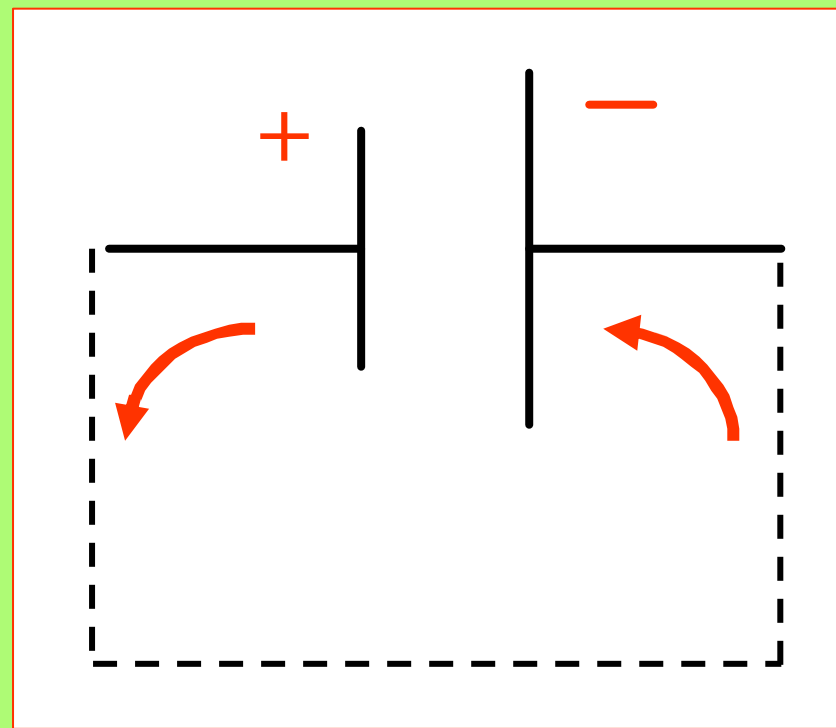
Emission of Synchrotron Radiation





i circuiti elettrici

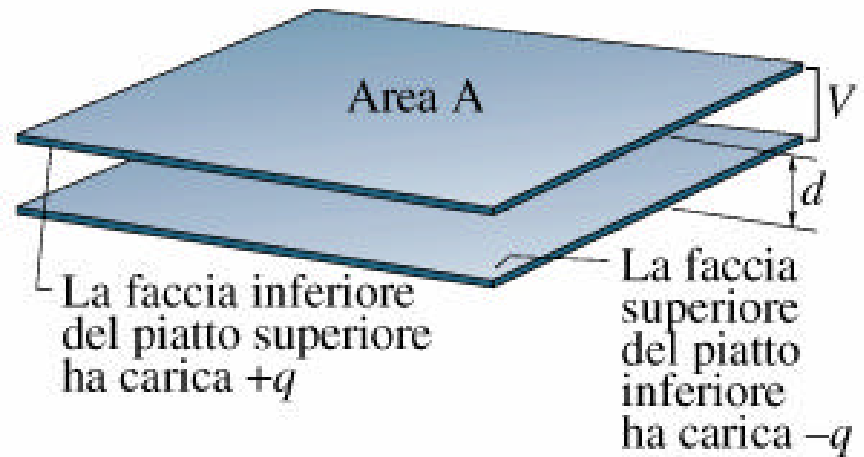
corrente $i = \frac{dq}{dt}$



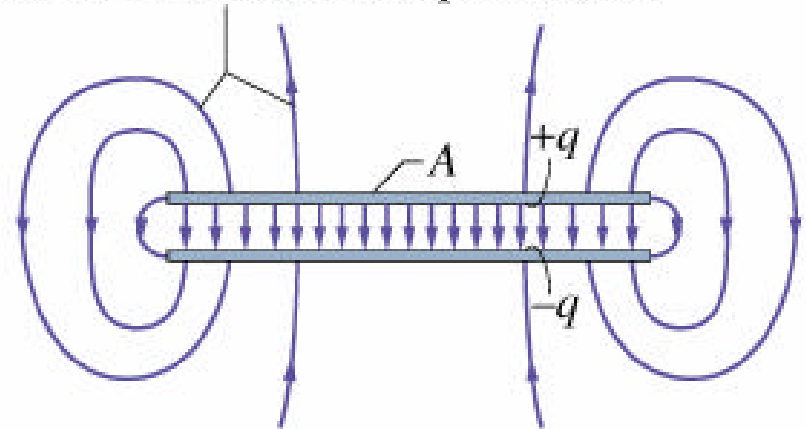
La **corrente elettrica**, misurata in Ampere [$1\text{A} = 1\text{C}/1\text{s}$], rappresenta il flusso di cariche **positive** attraverso la sezione di un conduttore ai cui capi e' applicata la differenza di potenziale $V = V_A - V_B$.

un condensatore e' un componente dei circuiti in grado di accumulare su ogni armatura la carica q . Si definisce capacita' del condensatore il rapporto tra carica e tensione tra le armature:

$$C = \frac{q}{V}$$



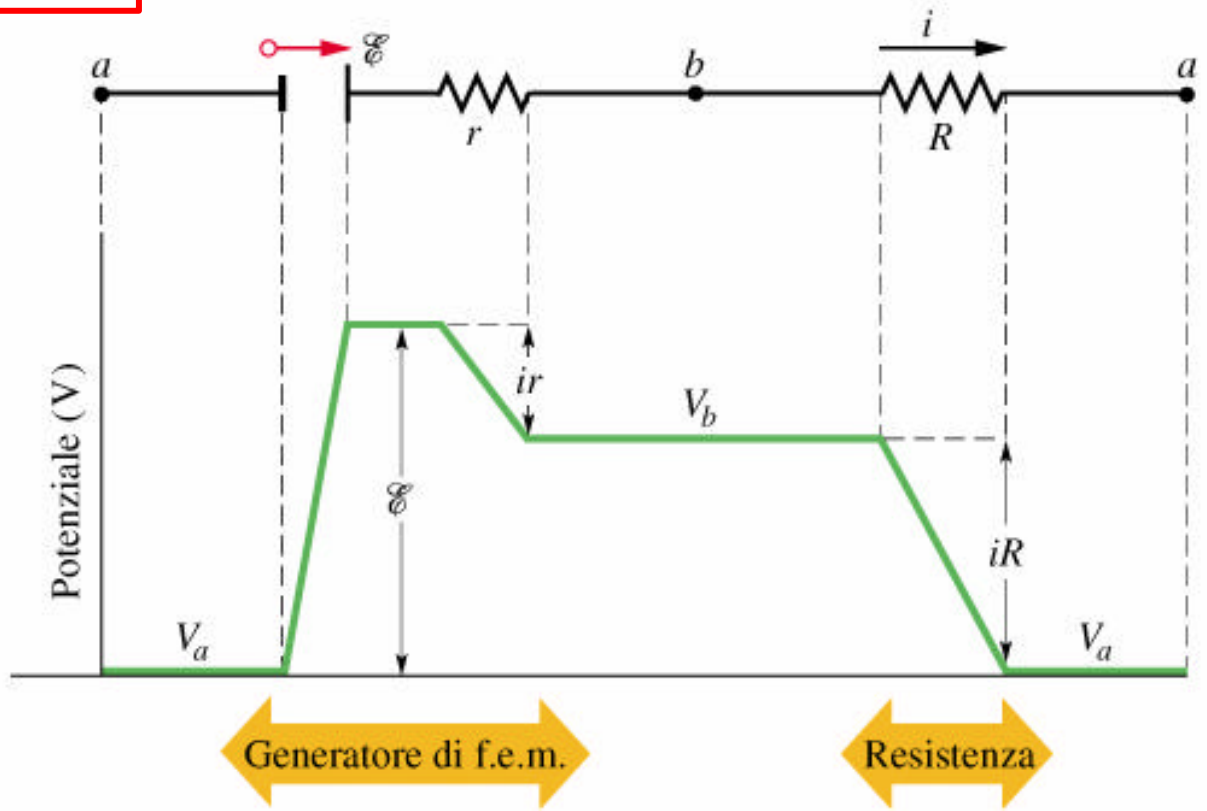
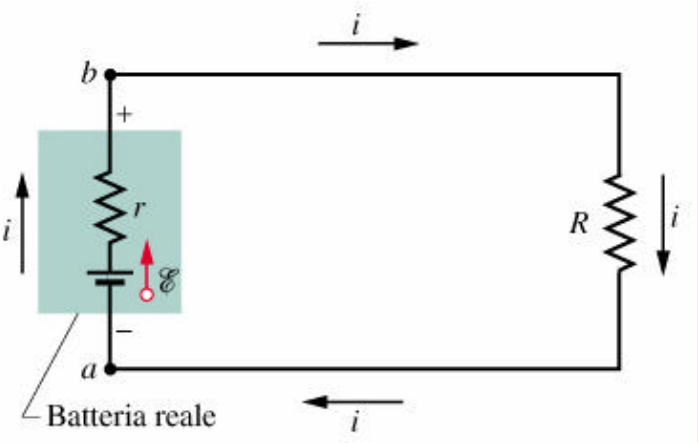
Linee di forza del campo elettrico



Le leggi di Ohm

$$V = Ri \quad R = r \frac{l}{S}$$

forniscono la relazione tra il passaggio della corrente in un conduttore e la tensione applicata ai suoi capi. La grandezza R , misurata in $[\Omega]$, e` detta **resistenza** elettrica e la grandezza ρ , misurata in $[\Omega \text{ m}]$, e` detta resistivita`. Il suo inverso, $\sigma = 1/\rho$, misurata in Siemens $[\Omega^{-1}\text{m}^{-1}]$ e` detto conducibilita`. In un circuito le resistenze possono essere in serie o in parallelo. La resistenza interna r di un generatore di tensione (generatore ideale) si puo` spesso trascurare nel calcolo della **resistenza equivalente** R_{eq} di un circuito.



Poiche` la corrente che attraversa resistenze in serie e` la stessa, la resistenza equivalente e` data da:

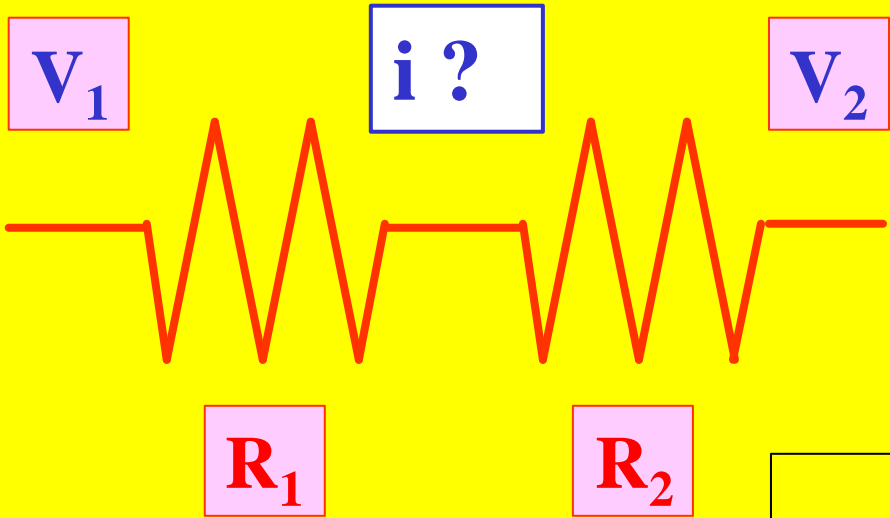
$$R_{eq} = \sum_i R_i$$

Resistenze in parallelo hanno invece la stessa differenza di potenziale ai loro capi e la corrente si suddivide tra i vari rami in modo inversamente proporzionale ai valori delle resistenze. In questo caso la resistenza equivalente e` data da:

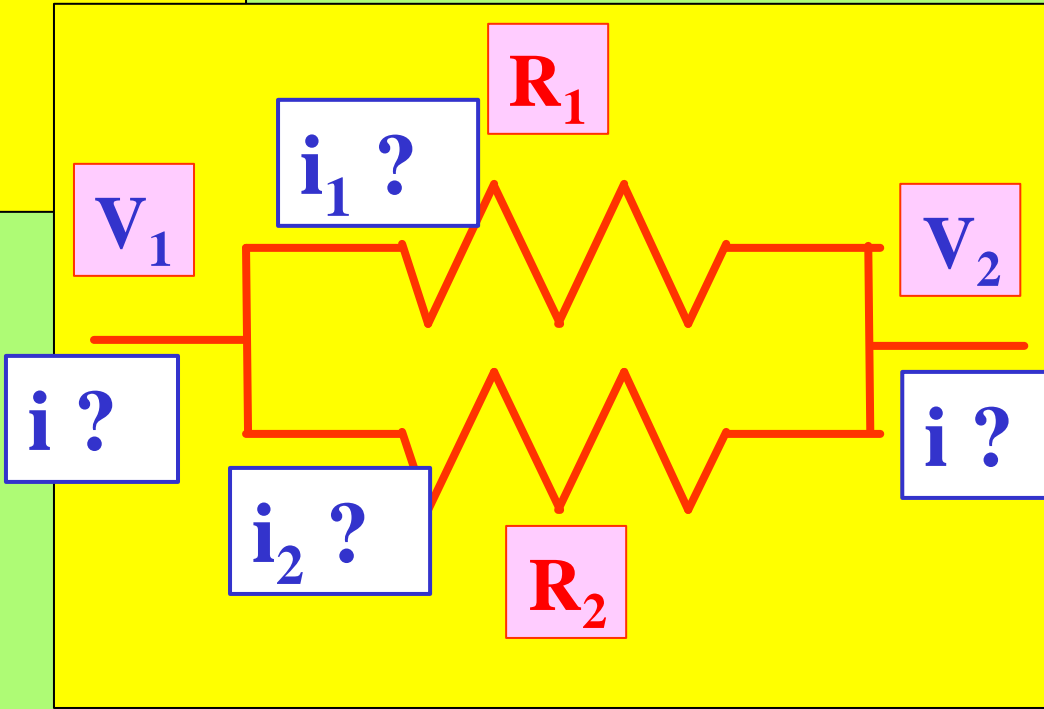
$$\frac{1}{R_{eq}} = \sum_i \frac{1}{R_i}$$

Per esempio, nel caso di 2 resistenze in parallelo la resistenza equivalente e`:

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$



$$V = (R_1 + R_2)i$$



$$i = i_1 + i_2$$

$$R_1 i_1 = R_2 i_2$$

Per i condensatori vale la regola opposta: se in parallelo la capacità totale è:

$$C_{eq} = \sum_i C_i$$

se in serie la capacità totale è:

$$\frac{1}{C_{eq}} = \sum_i \frac{1}{C_i}$$

La capacità di un condensatore dipende dalla costante dielettrica del mezzo interposto tra le armature e dalle sue caratteristiche geometriche.

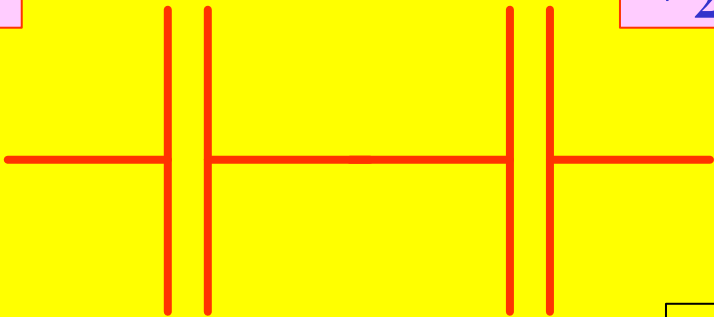
$$C = \frac{|q|}{V_2 - V_1}$$

La capacità, minima nel vuoto, si misura in farad [1F = 1C/1V] o nei suoi sottomultipli.

$$C = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{S}{d}$$

V_1

V_2

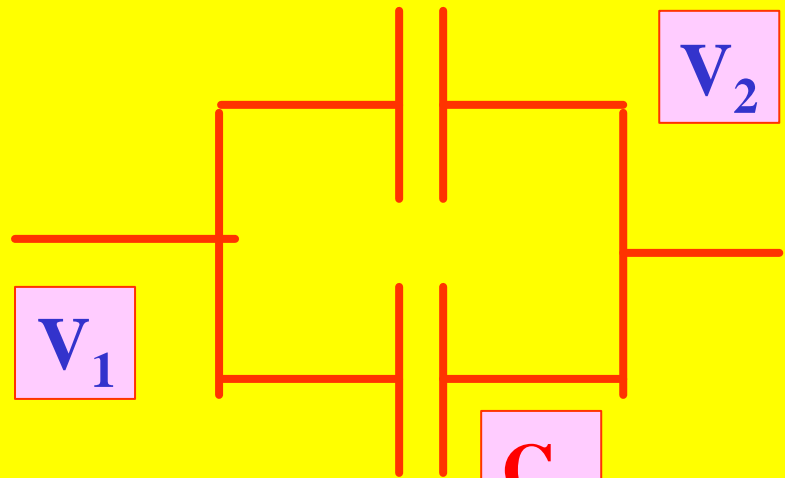


C_1

C_2

C_1

V_2



V_1

C_2

Serie

Parallelo

Resistenze

$$R_{\text{eq}} = \sum_{j=1}^n R_j$$

Stessa corrente attraverso
tutte le resistenze

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \sum_{j=1}^n \frac{1}{R_j}$$

Stessa differenza di potenziale
ai capi di tutte le resistenze

Serie

Parallelo

Condensatori

$$\frac{1}{C_{\text{eq}}} = \sum_{j=1}^n \frac{1}{C_j}$$

Stessa carica in tutti
i condensatori

$$C_{\text{eq}} = \sum_{j=1}^n C_j$$

Stessa differenza di potenziale
ai capi di tutti i condensatori

La semplificazione e risoluzione di un circuito elettrico si ottiene applicando alcuni teoremi (per esempio quelli di Thevenin e di Norton).

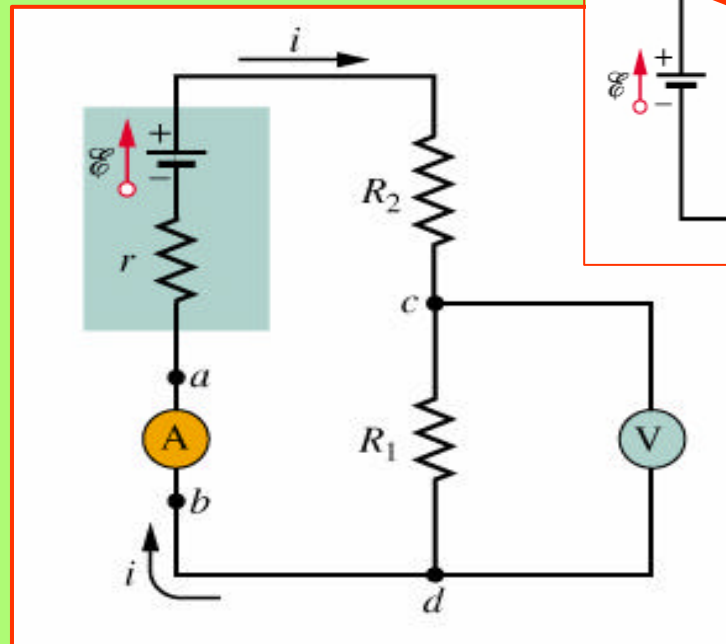
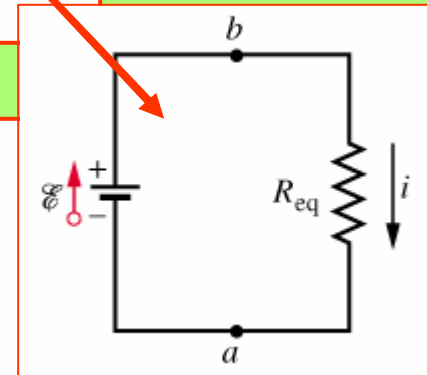
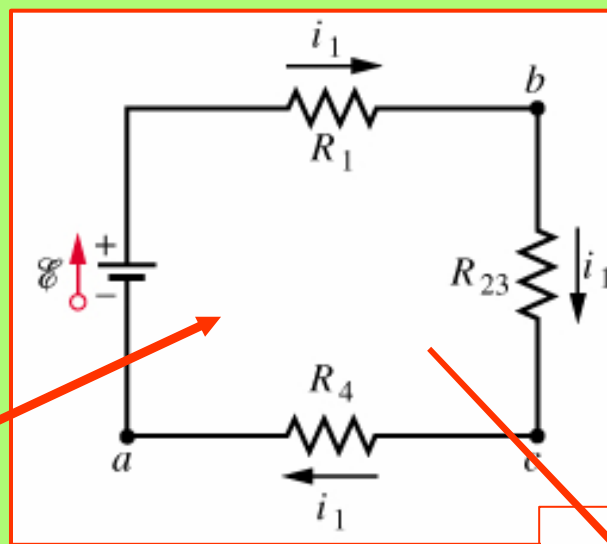
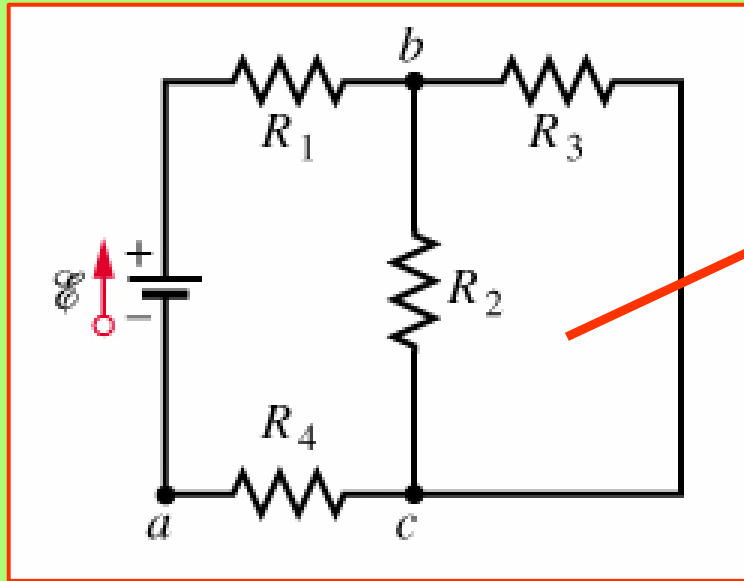
Un circuito si puo` semplificare in un circuito equivalente applicando le **leggi di Kirchoff**:

- **prima legge (dei nodi)**: in un nodo la somma algebrica delle correnti e` nulla,

- **seconda legge (delle maglie)**: in una maglia la somma algebrica delle tensioni e` nulla.

Deve valere il **Principio di sovrapposizione**: se in una rete sono presenti piu generatori di tensione, la corrente in un ramo e` la somma delle correnti prodotte dai singoli generatori.

semplificazione di un circuito



circuito a maglia
singola che mostra
come collegare un
amperometro e un
voltmetro

Applicazione del principio di sovrapposizione

Per esempio, si abbia il circuito a 2 maglie, con:

$$E_1 = 3 \text{ V}, \quad E_2 = 6 \text{ V}$$

$$R_1 = 2 \text{ W}, \quad R_2 = 4 \text{ W}$$

Per le leggi di Kirchoff:

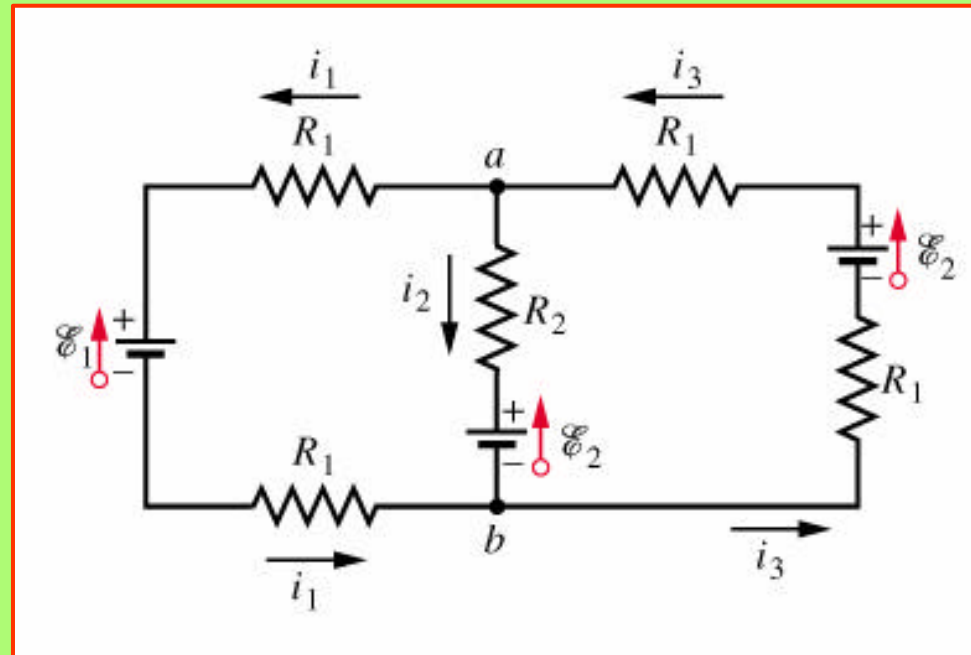
nel nodo a: $i_3 = i_1 + i_2$,

nella maglia di sinistra

$$-i_1 R_1 - E_1 - i_1 R_1 + E_2 + i_2 R_2 = 0$$

nella maglia di destra:

$$-i_3 R_1 - E_2 - i_3 R_1 + E_2 + i_2 R_2 = 0$$



I segni delle correnti e il verso di percorrenza delle maglie sono stati scelti in modo arbitrario. Risolvendo il sistema di equazioni si ricavano le correnti e il loro verso in ogni ramo del circuito.

Effetto Joule: il lavoro $L = q(V_A - V_B) = qDV$ prodotto dallo spostamento di una carica elettrica tra due punti del campo elettrostatico può essere espresso in termini di passaggio della corrente elettrica $i = q/t$ in un conduttore di resistenza $R = DV/i$.

Si ottiene così $L = Ri^2t$ e l'energia termica associata a questo lavoro $Q = Ri^2t/J$ (J equivalente meccanico del calore: 1 cal = 4,186 J) viene dispersa nell'ambiente sotto forma di calore.

Potenza: per definizione la potenza associata al lavoro è $P = L/t = Ri^2 = V^2/R = Vi$. Si noti che la potenza si misura in watt (o kW) mentre il kWh è un lavoro, o l'energia elettrica utilizzata per compiere il lavoro.

Circuito RC

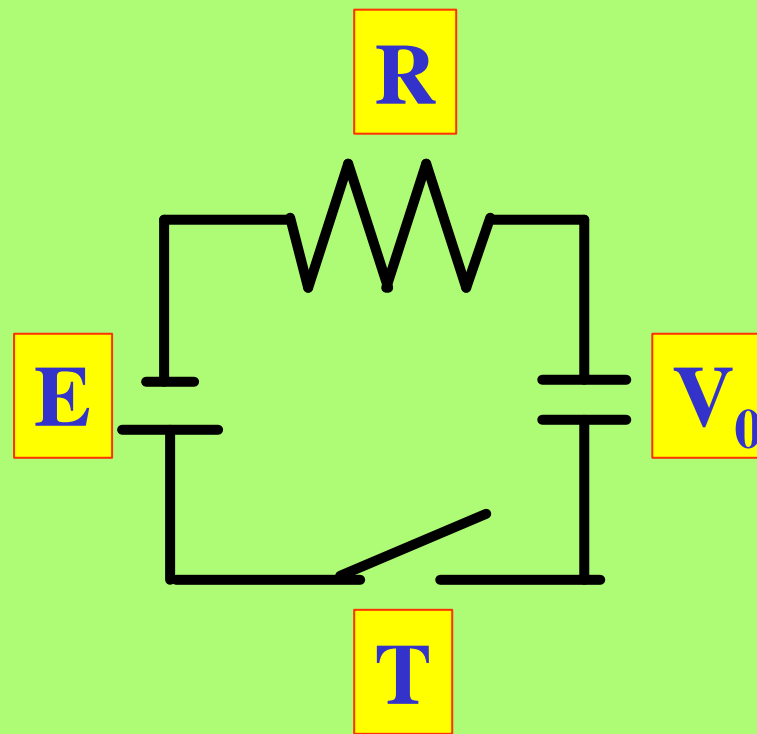
(continuità in tensione)

Supponiamo che, a tasto aperto,

sia $V_C = V_0$.

Poiché:

$$i = C \frac{dV_C}{dt}$$



alla chiusura del tasto, per la legge di Kirchoff sulle maglie, si deve avere: $E = V_R + V_C = RCdV_C/dt + V_C$, da cui, posto **RC = t** (*costante di tempo*), si ottiene:

$$(E - V_C)dt = RCdV_C \text{ ossia } \frac{dV_C}{(E - V_C)} = \frac{1}{t} dt$$

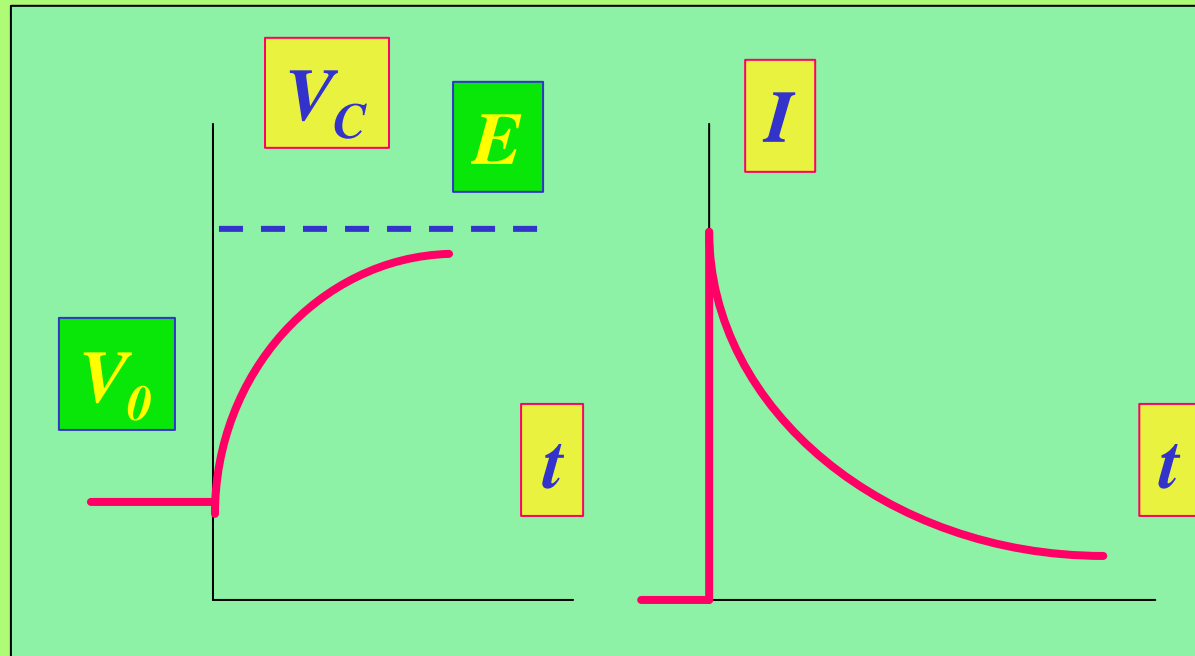
da cui, integrando, si ha:

$$\log(V_C - E) = -\frac{t}{\tau} + A \quad \text{con } \tau = RC, \text{ e } A = \log(V_0 - E)$$

$$V_C = E - (E - V_0)e^{-t/\tau}, \quad \text{se } V_0 = 0, V_C = E(1 - e^{-t/\tau}),$$

$$i = C \frac{dV_C}{dt} = \frac{E}{R} e^{-t/\tau}$$

Quindi si ha
continuita` in
tensione:

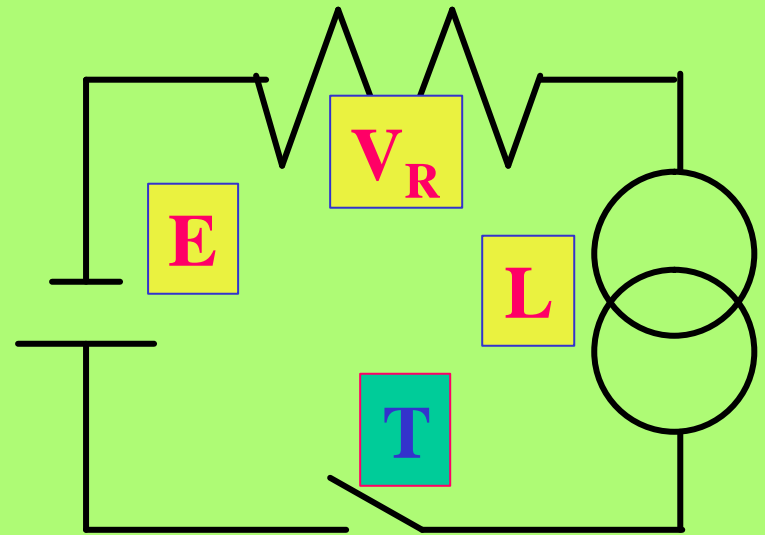


Circuito RL

(continuità in corrente)

si ha:

$$V_L = L \frac{di}{dt}$$



Per la legge di Kirchoff sulle maglie alla chiusura del tasto si deve avere $E - Ri - Ldi/dt = 0$. Da questa, dividendo per R e posto **$L/R = t$** (*costante di tempo*), si ottiene:

$$\left(i - \frac{E}{R} \right) dt = -\frac{L}{R} di, \text{ ossia } \frac{di}{\left(i - \frac{E}{R} \right)} = -\frac{1}{t} dt$$

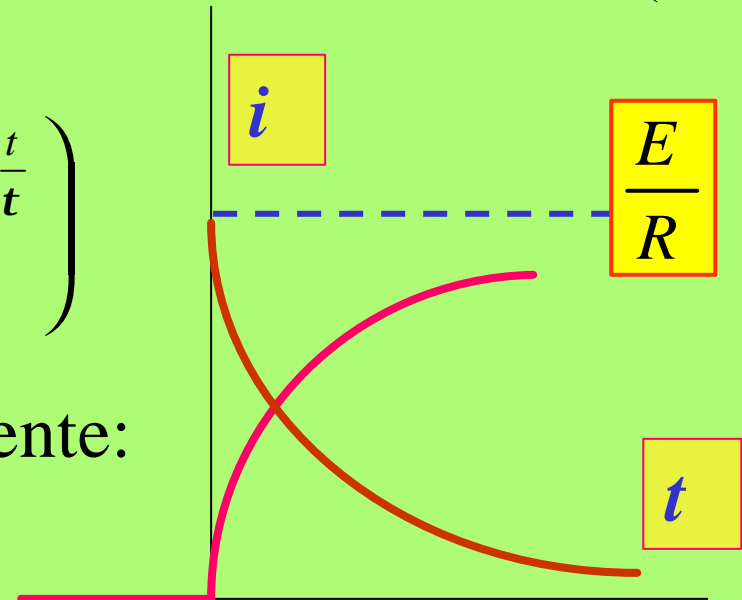
da cui, integrando e ricordando che $i = 0$ per $t = 0$, si ottiene:

$$\ln\left(i - \frac{E}{R}\right) = -\frac{t}{\tau} + A, \text{ con } \tau = \frac{L}{R} \text{ e } A = \ln\left(-\frac{E}{R}\right)$$

$$\frac{i - \frac{E}{R}}{-\frac{E}{R}} = e^{-\frac{t}{\tau}}, \text{ ossia } i(t) = \frac{E}{R}\left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

Quindi si ha continuita` in corrente:

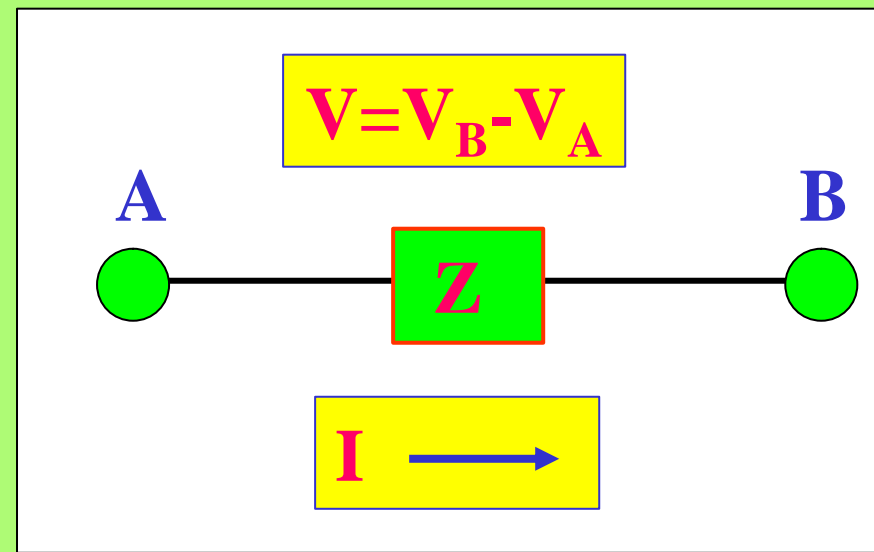
$$V_R = Ri = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}), \quad V_L = E - V_R = Ee^{-\frac{t}{\tau}}$$



Anche V_R e` continua, mentre V_L e` discontinua. In condizioni stazionarie ($di/dt = 0$) e` come se l'induttanza non esistesse; all'inizio, invece, L si oppone alle variazioni di corrente.

circuiti alimentati a corrente alternata

In questo caso si deve considerare anche la fase tra corrente e tensione.



In ogni circuito valgono le leggi di Ohm ($V = ZI$) e di Kirchoff (per maglie e nodi). L'**impedenza** Z è data da resistenze $Z = R$, induttanze $Z = j\omega L$ o capacità $Z = -j/\omega C$. In circuiti puramente resistivi, la corrente e la tensione sono in fase, nelle induttanze la tensione anticipa la corrente, nei condensatori la corrente anticipa la tensione.

1) R, puramente dissipativo, $V = Ri$
non introduce spostamenti di fase

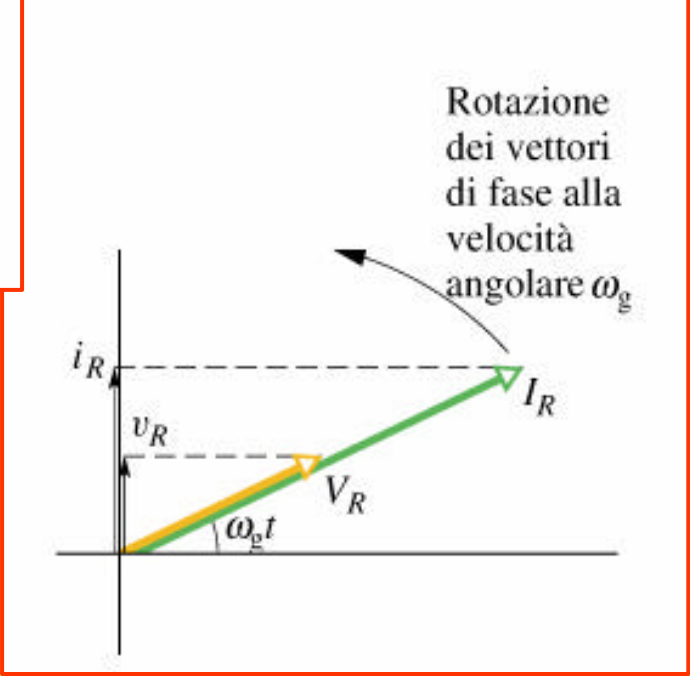
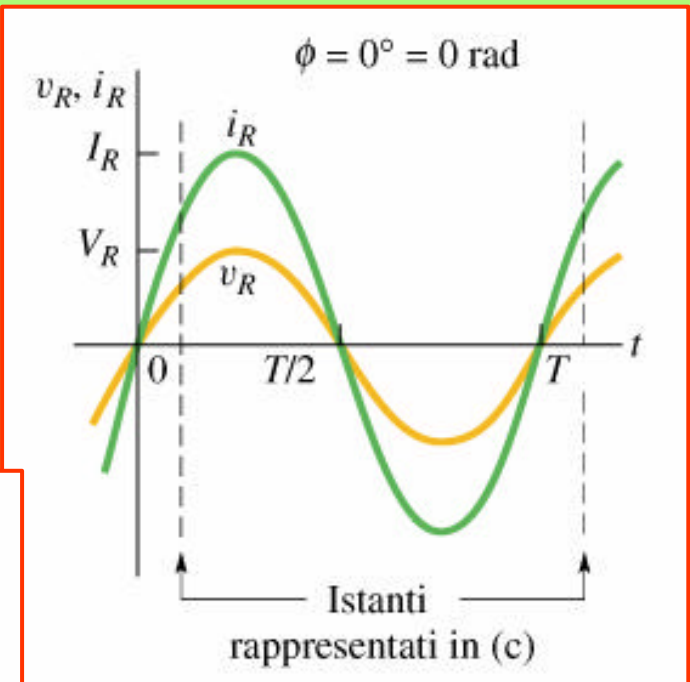
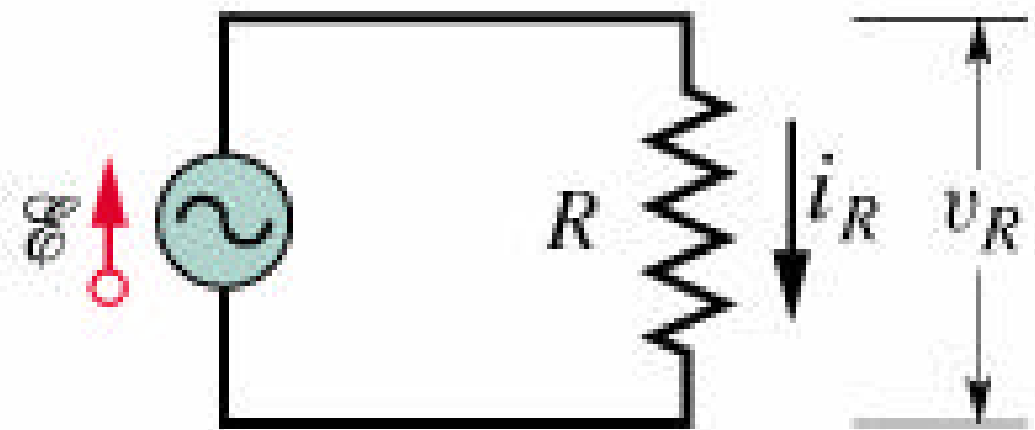
$$2) \quad V = L \frac{di}{dt} = L \frac{d}{dt} (i_0 e^{j\omega t}) = Li_0 j\omega e^{j\omega t} = j\omega Li$$

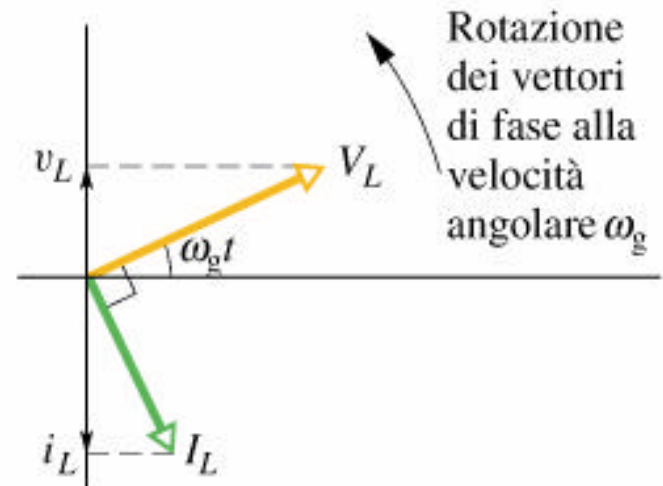
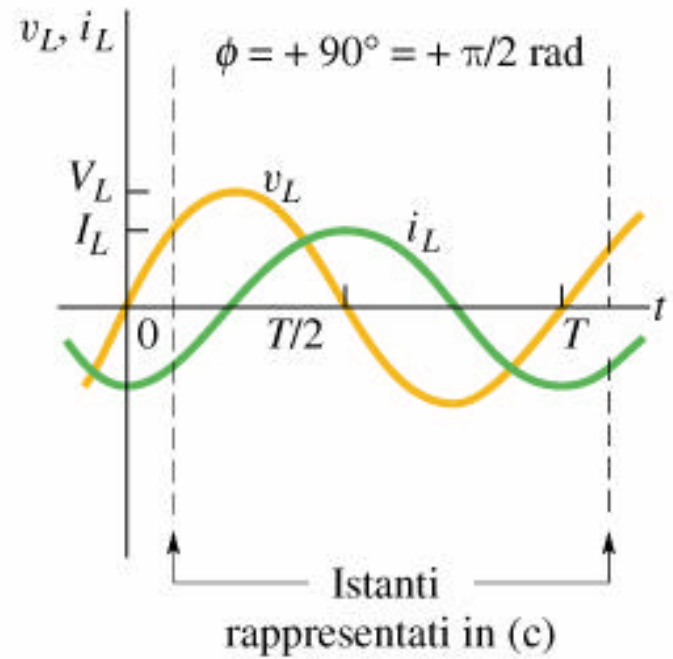
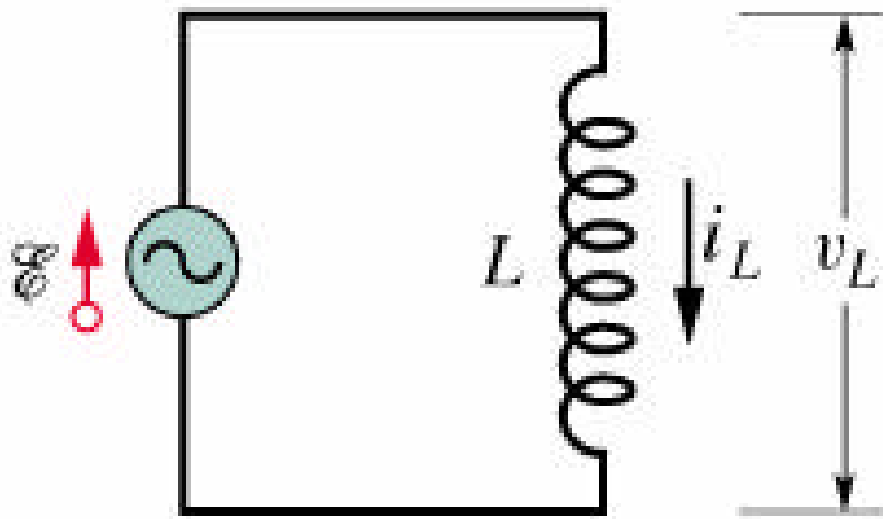
$$3) \quad V = \frac{Q}{C}; \quad \text{(anticipo di fase)}$$

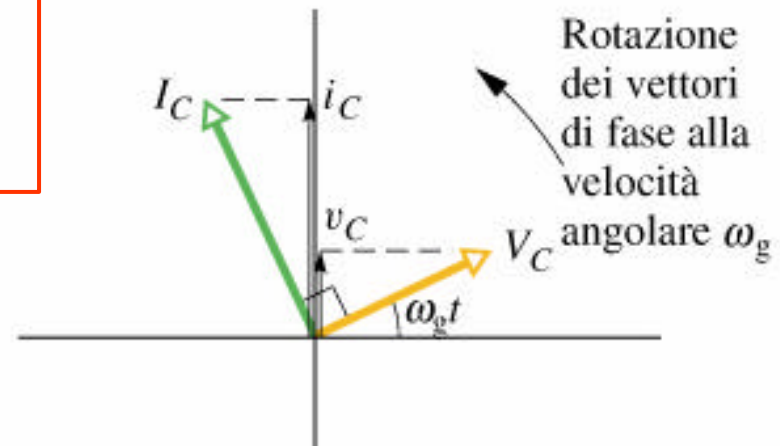
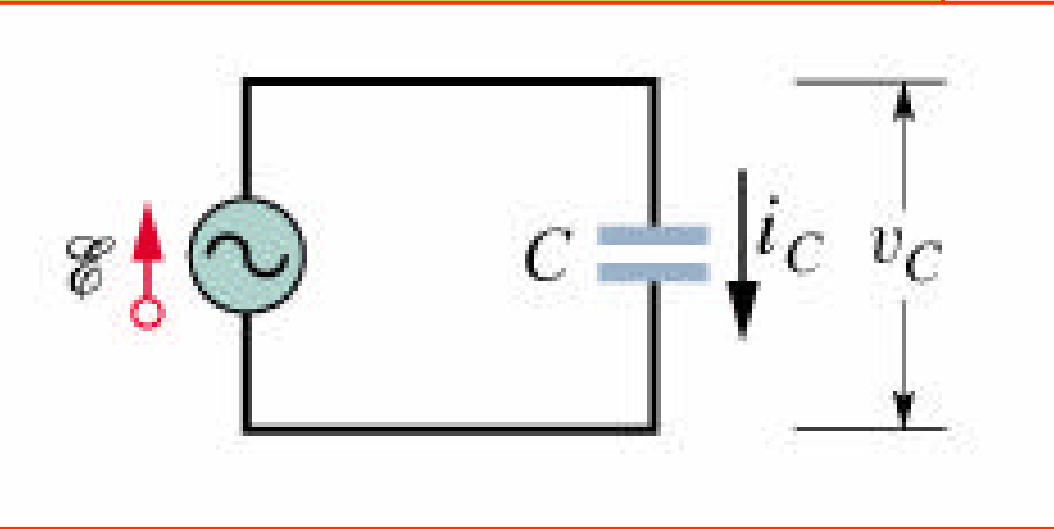
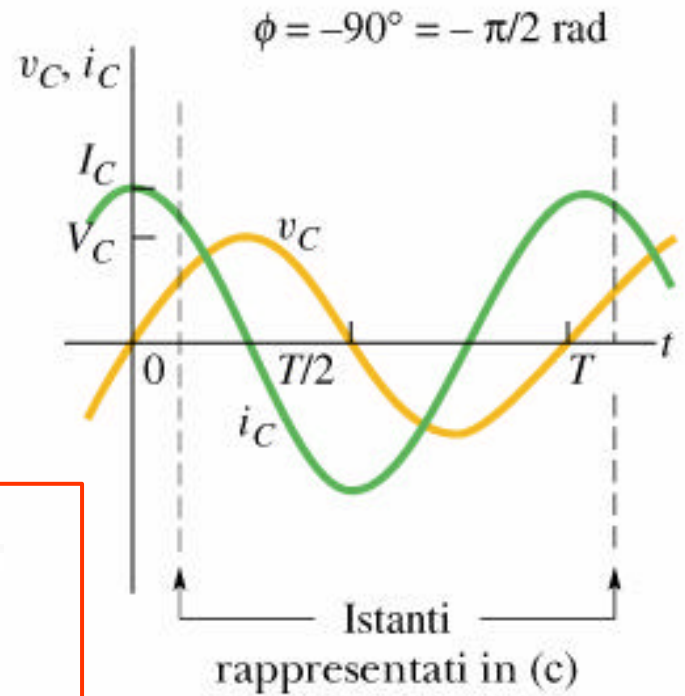
$$\frac{dV}{dt} = \frac{1}{C} \frac{dQ}{dt} = \frac{i}{C};$$

$$i = C \frac{dV}{dt} = C \frac{d}{dt} (V_0 e^{j\omega t}) = CV_0 j\omega e^{j\omega t} = j\omega CV$$

quindi $V = \frac{1}{j\omega C} i = -\frac{j}{\omega C} i$ **(ritardo di fase)**







FILTRI

Circuiti RC o RL alimentati a corrente alternata funzionano come filtri in frequenza:

- Il **filtro passa basso** si ha prendendo l'uscita ai capi del condensatore nel circuito RC, o ai capi della resistenza nel circuito RL.
- Il **filtro passa alto** si ha prendendo l'uscita ai capi della resistenza nel circuito RC, o ai capi dell'induttanza nel circuito RL.
- I **filtri passa banda** e **sopprimi banda** sono una combinazione dei due filtri precedenti.

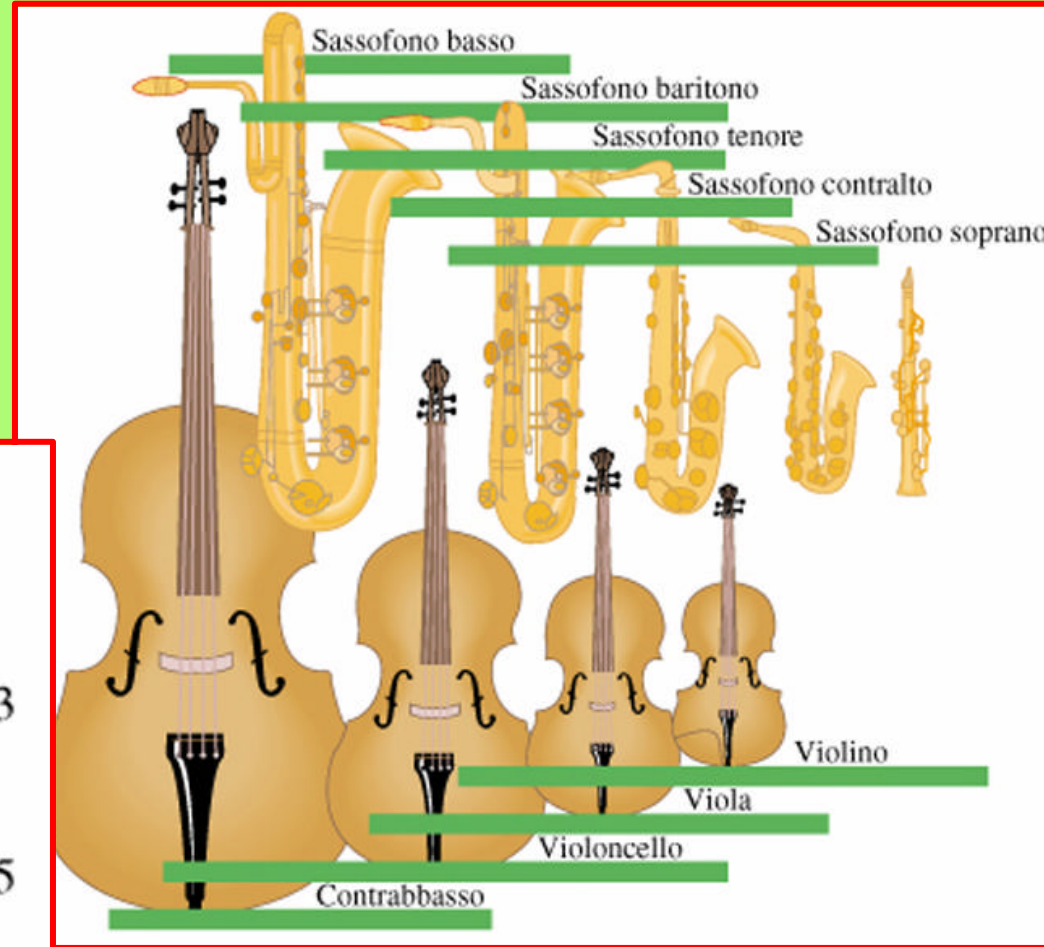
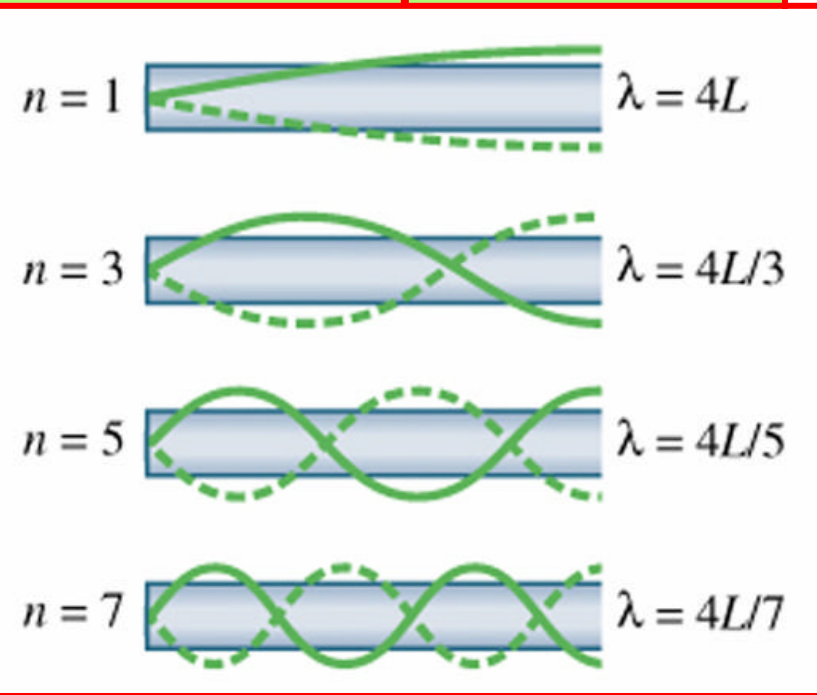
FENOMENI ONDULATORI

Le onde sono **vibrazioni** (possono essere di tipo elastico, meccanico o acustico) che si propagano in un mezzo, oppure sono onde elettromagnetiche che si propagano anche nel vuoto (oltre che in un mezzo).

Le onde possono essere **longitudinali** se oscillano lungo la direzione di propagazione, oppure **trasversali** se oscillano in direzione perpendicolare alla loro propagazione.

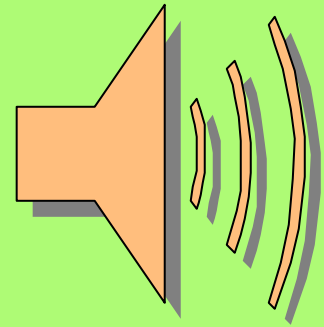
Onde sonore

$$L = n \frac{\lambda}{4}$$



FENOMENI SONORI

I suoni sono onde longitudinali, **di pressione**, che si propagano in un mezzo ma non nel vuoto.



Nel S.I. l'intensità di un suono (che si misura in W/m^2), di ampiezza A e frequenza ν , che si propaga alla velocità V in un mezzo di densità ρ , è definita da:

$$I = 2\rho^2 V r A^2 \nu^2$$

Tuttavia, poiché i sensi dell'uomo (udito e vista) hanno risposta logaritmica allo stimolo a cui sono sottoposti, vengono anche usate altre unità di misura: le magnitudini in astronomia e i decibel in acustica.

L'intensità del suono si misura in decibel [dB] dalla **soglia di udibilità** $I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$. La relazione tra l'intensità di un suono I e il suo livello β in decibel è:
(per es. se $I = 10^{-4} \text{ W/m}^2$, $\beta = 80 \text{ dB}$).
La **soglia del dolore** è data da $\sim 1 \text{ W/m}^2$.

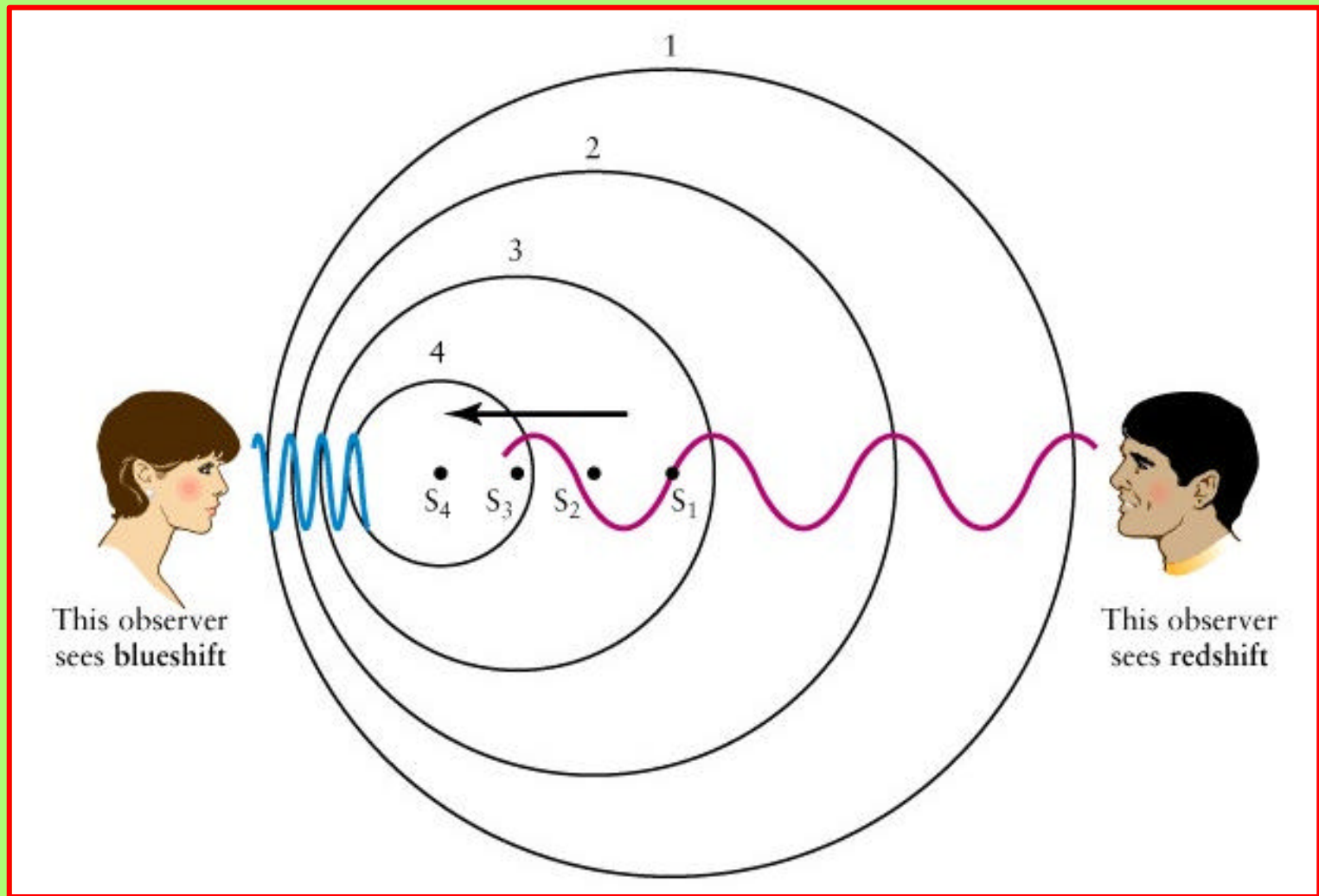
$$\beta = 10 \log_{10} \frac{I}{I_0}$$

I suoni sono classificati come acuti (ν alta) o gravi (ν bassa). L'orecchio umano ha sensibilità in frequenza tra $\nu \sim 40 \text{ Hz}$ e $\nu \sim 20 \text{ kHz}$.

Nelle onde (elettromagnetiche o sonore) si ha l'**effetto Doppler** che, nei due casi vale:

$$\frac{\Delta I}{I} = \pm \frac{\nu}{c}$$
$$\mathbf{n} = \mathbf{n}_0 \frac{V}{V \pm \nu}$$

La frequenza della luce cambia per il moto relativo tra sorgente e osservatore



SULLA NATURA DELLA LUCE

Ippocrate e **Aristotele** pensavano che l'occhio emettesse raggi per mezzo dei quali potesse “sentire” gli oggetti
Secondo **Galeno** (II secolo d.c.), l'occhio proietta uno “spirito visuale” per mezzo del quale il mondo esterno viene percepito

Keplero e **Cartesio** agli inizi del '600 svilupparono la conoscenza della rifrazione della luce

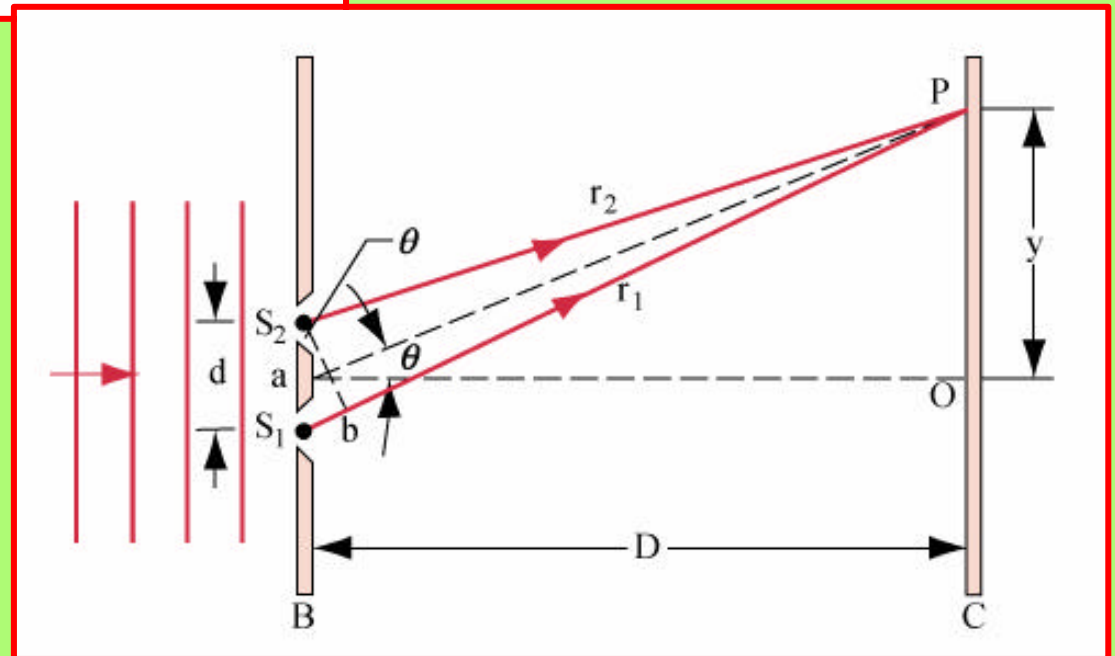
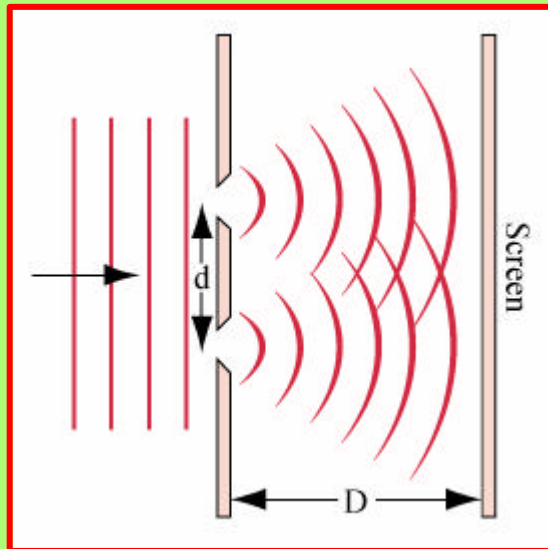
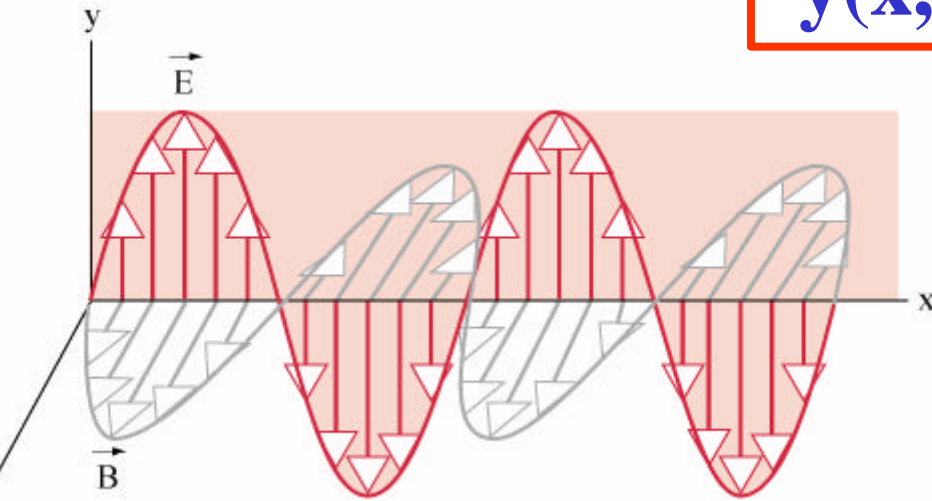
Newton sviluppò una teoria corpuscolare della radiazione, considerando cioè la luce come formata di particelle

Nello stesso periodo **Huygens** compì una serie di esperimenti che dimostrarono che la luce ha caratteristiche di onda (diffrazione e interferenza)

$$y(x,t) = A \sin[2\pi(x/\lambda - t/T)]$$

$$y(x,t) = y_m \sin(kx - \omega t),$$

**La luce deve avere
natura ondulatoria**

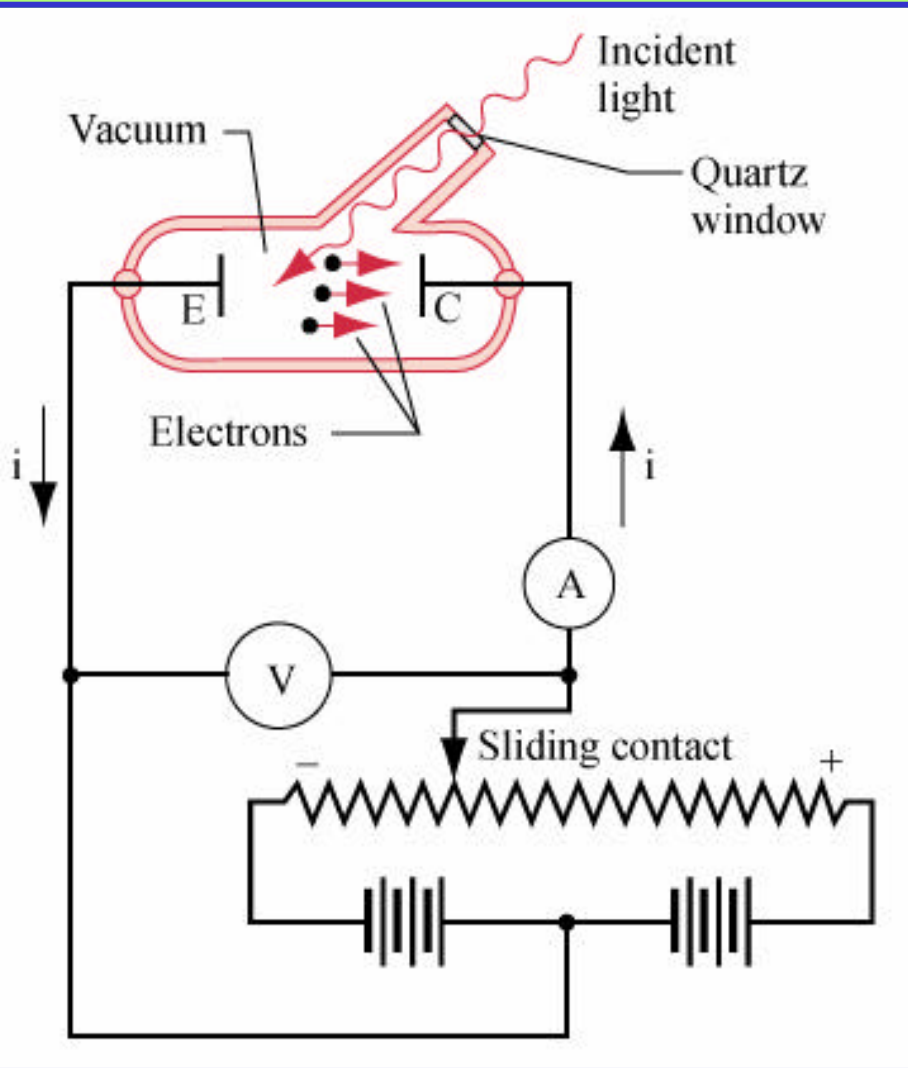


Nel 1900 Planck propose che **la radiazione fosse quantizzata**, ossia composta di **quanti di energia multipli di un valore minimo e_0** (ossia $n\varepsilon_0$, con $n \geq 1$). La teoria di Plank sulla radiazione permise di spiegare **l'effetto fotoelettrico** e **l'effetto Compton**.

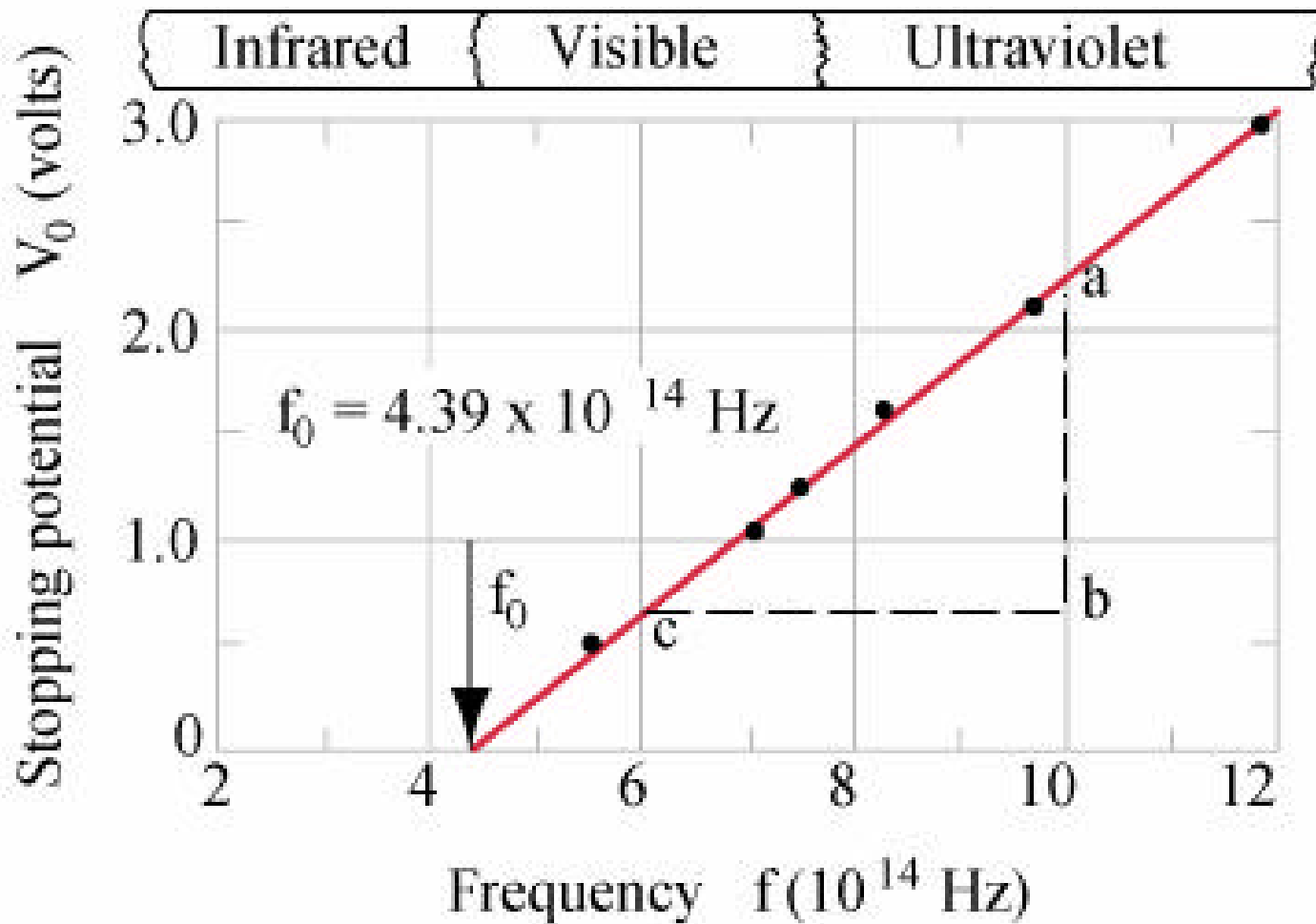
Dunque la luce (o generalmente la radiazione) deve avere **anche natura corpuscolare**, come proposto da Einstein nel 1905, che introdusse il quanto elementare di luce, il **fotone**. Al fotone di frequenza ν viene associata l'energia **$E = h\nu$** , dove la **costante di Plank h** vale:

$$h = 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s} = 4,14 \cdot 10^{-15} \text{ eV}\cdot\text{s}.$$

Effetto fotoelettrico



Il potenziale d'arresto e la frequenza di taglio non dipendono dall'intensita' della luce.



$$K_{\max} = \frac{1}{2} m v^2 = e V_{\text{stop}}$$

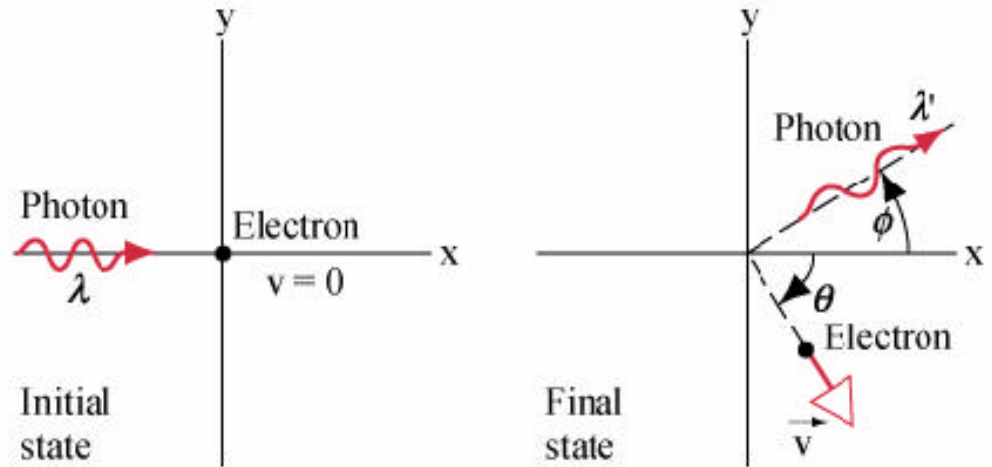
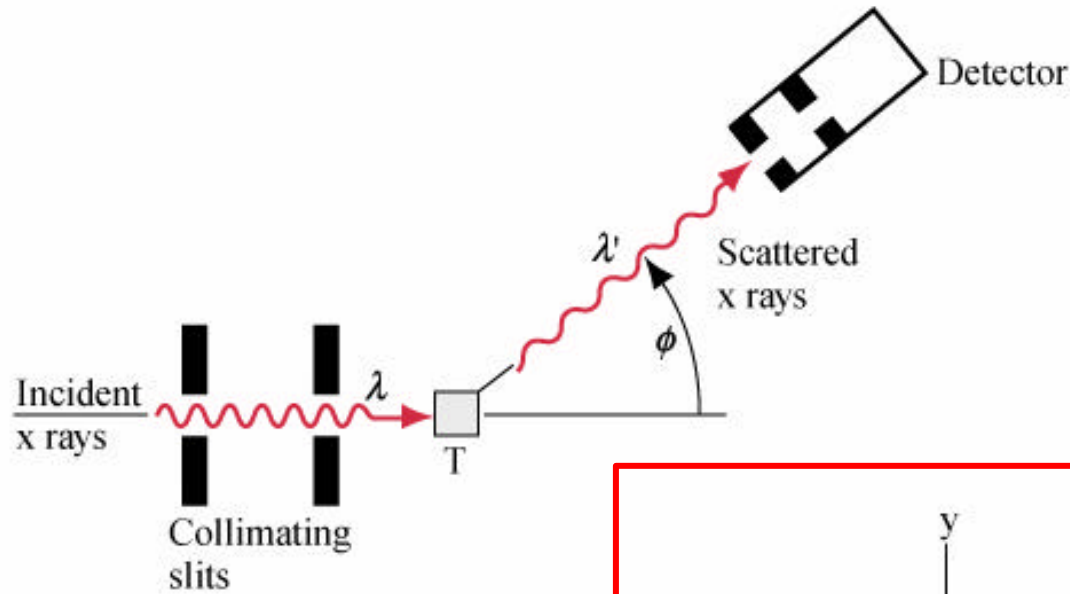
Dunque **la luce non ha solo natura ondulatoria**, perche` sotto la frequenza di taglio non vengono emessi elettroni anche se si tratta di luce di grande intensita`.

Dato il potenziale di ionizzazione Φ , l'effetto fotoelettrico si spiega con la legge di conservazione dell'energia.

$$h\nu = \Phi + K_{\max} = \Phi + \frac{1}{2}mv^2$$
$$V_{\text{stop}} = \frac{K_{\max}}{e} = \frac{h}{e}\nu - \frac{\Phi}{e}$$

Inoltre, dalla seconda relazione si vede che V_{stop} cresce linearmente con la frequenza ν , da essa, si puo` misurare il valore di h .

Effetto Compton



Per spiegare l'effetto Compton, nel 1916 Einstein propose di associare al fotone non solo un'energia ma anche l'impulso:

$$p = \frac{h\mathbf{n}}{c} = \frac{h}{\mathbf{l}}$$

$$h\mathbf{n} = h\mathbf{n}' + K = h\mathbf{n}' + mc^2(\mathbf{g} - 1)$$

$$\frac{h}{\mathbf{l}} = \frac{h}{\mathbf{l}'} + mc(\mathbf{g} - 1)$$

essendo $\mathbf{l}\mathbf{n} = c$

L'effetto si spiega con la conservazione dell'energia e della quantità di moto

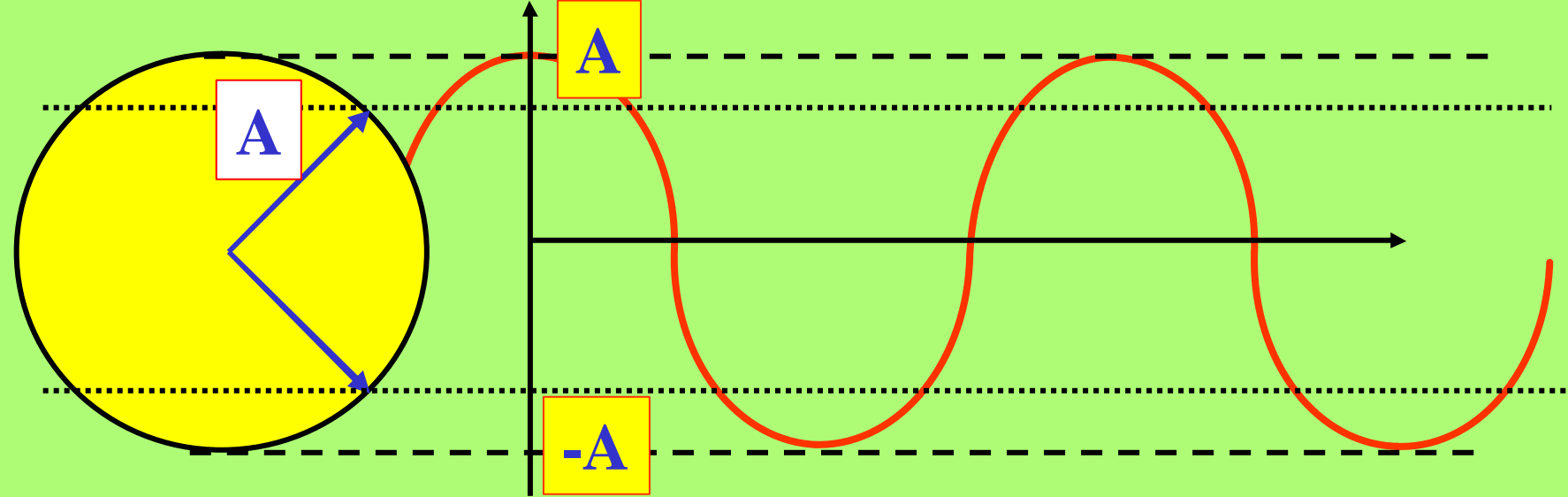
$$\Delta\mathbf{l} = \frac{h}{mc}(1 - \cos \mathbf{f})$$

dove $\frac{h}{mc}$ è una costante detta lunghezza d'onda Compton

Se **monocromatiche** (ossia descritte da una sola frequenza di oscillazione) le onde si possono rappresentare mediante un'equazione del tipo $y(x,t) = y_m \sin(kx - \omega t)$, dove y_m e $(kx - \omega t)$ sono dette ampiezza e fase dell'onda. Inoltre si possono definire il numero d'onda $k = 2\pi/\lambda$ e la pulsazione $\omega = 2\pi/T$.

Il fenomeno ondoso dipende quindi dalla direzione di propagazione x e dal tempo t , e di solito si scrive nella forma:

$$y(x,t) = A \sin \left[2p \left(\frac{x}{l} - \frac{t}{T} \right) \right]$$

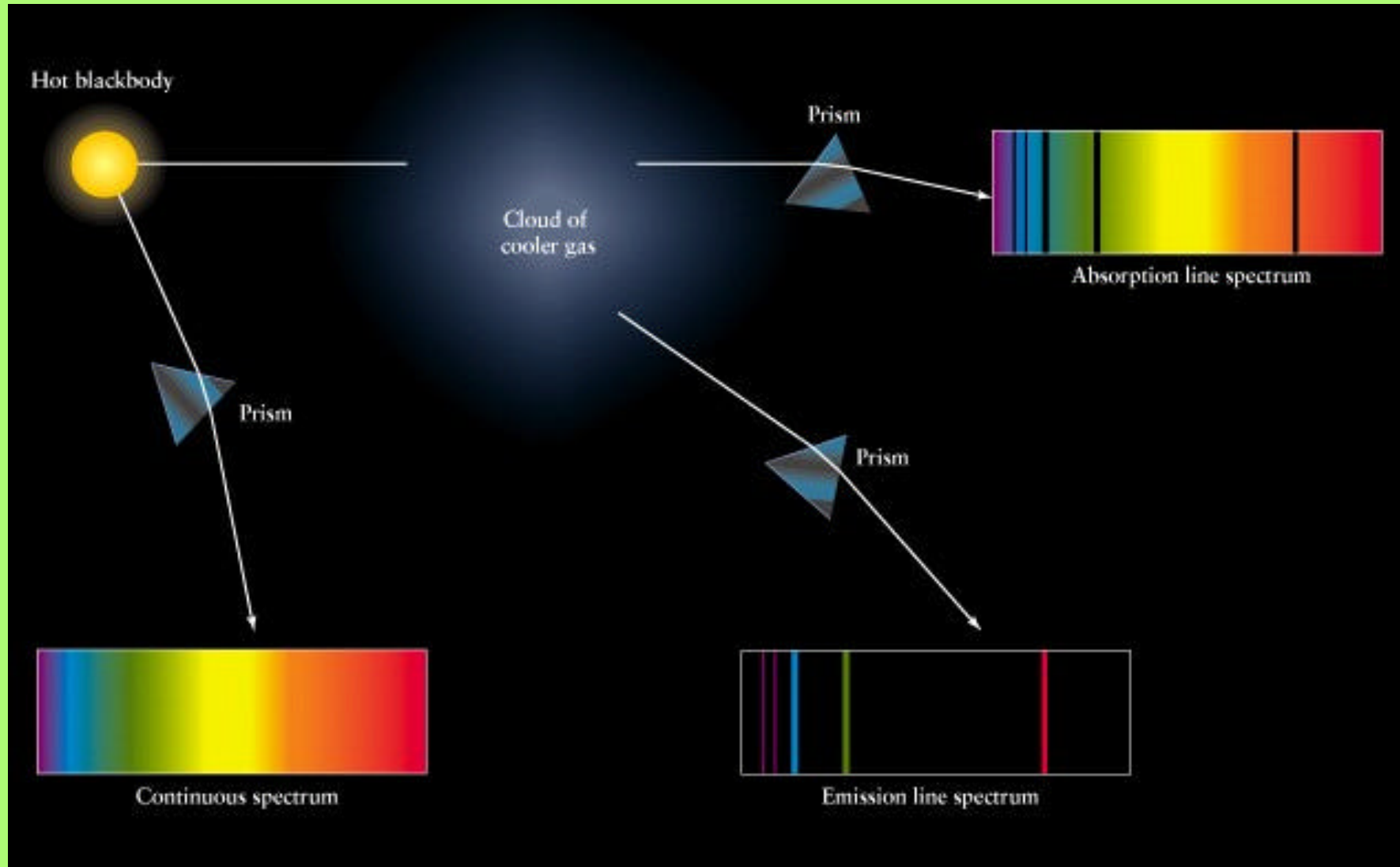


Anziché la lunghezza d'onda, molto spesso si usa la frequenza $n = w/2p = 1/T$, che è caratteristica della sorgente, mentre la lunghezza d'onda dipende dall'**indice di rifrazione n** del mezzo attraversato: $l = l_0/n$. Nel vuoto si ha $n = 1$, e quindi $\lambda = \lambda_0$; in ogni altro mezzo si ha $n > 1$ (per esempio in acqua $n = 1,33$) per cui $\lambda < \lambda_0$.

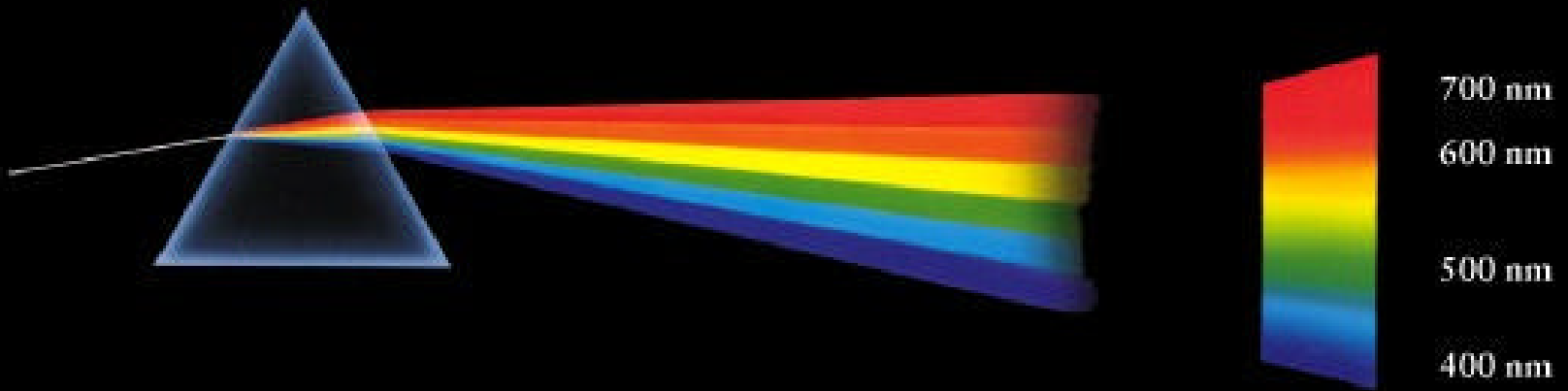
Anche la velocità di propagazione di un'onda dipende dal mezzo attraversato. Le onde elettromagnetiche si propagano nel vuoto alla velocità costante $c = 3 \cdot 10^8$ m/s mentre, in un mezzo con indice di rifrazione n , la velocità di propagazione è $\mathbf{v} = \mathbf{c}/\mathbf{n} = \mathbf{1}_0 \mathbf{n}/\mathbf{n} = \mathbf{1} \mathbf{n}$ (per es. in acqua $v \sim 2 \cdot 10^8$ m/s)

La relazione $v = \lambda \nu$ vale per tutti i fenomeni ondosi, anche per il suono. Per esempio, il la_3 (di frequenza $\nu = 435$ Hz) in aria (dove $n \sim 1$ e $v = 340$ m/s) ha $\lambda = v/\nu = 340/435 = 0,78$ m, in acqua (dove $n = 1.33$ e quindi $v = 1450$ m/s) si ha $\lambda = v/\nu = 1450/435 = 3,33$ m.

Leggi di Kirchoff



La luce bianca che attraversa un prisma viene scomposta nei colori che la compongono



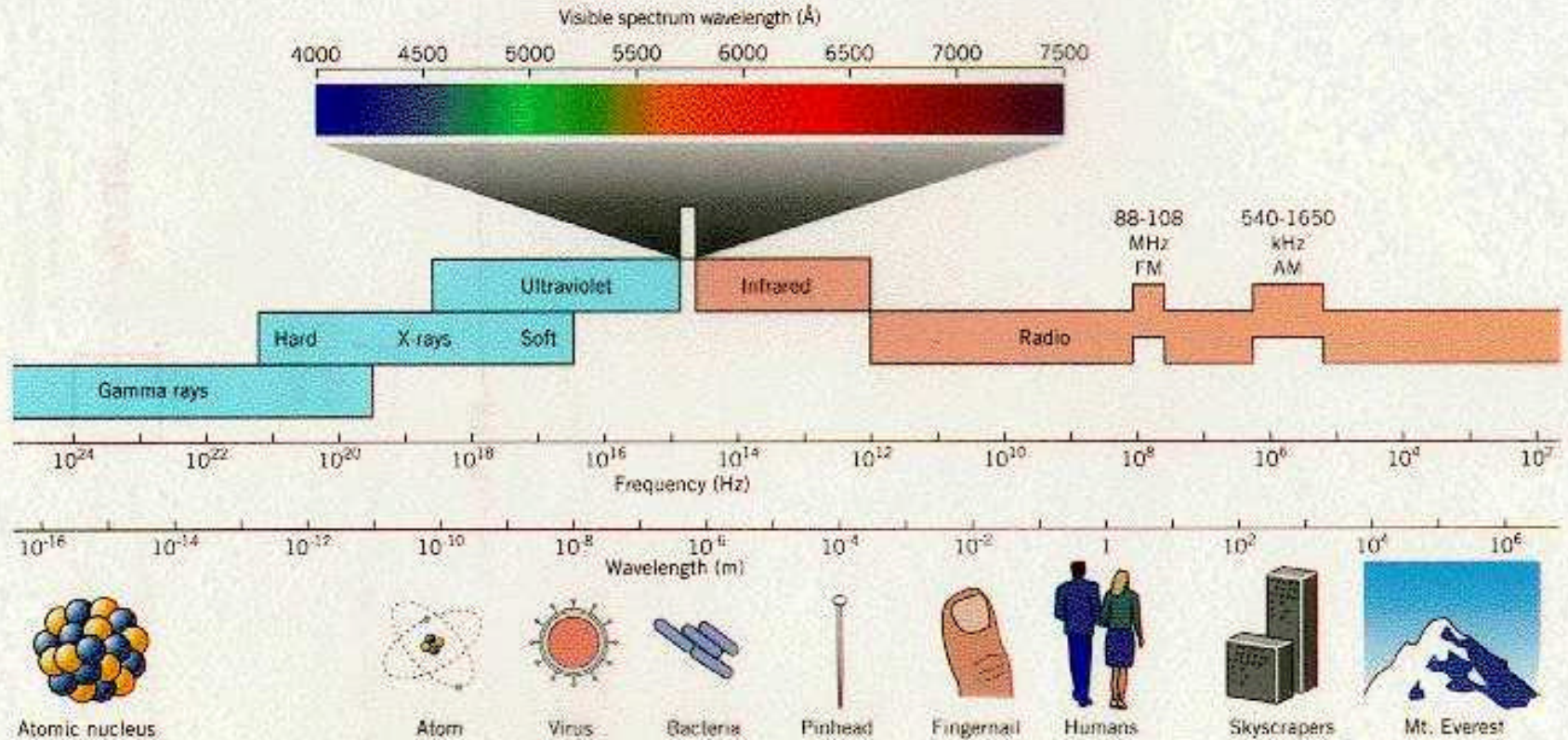
r.a.g.v.b.i.v.

Onde lunghe



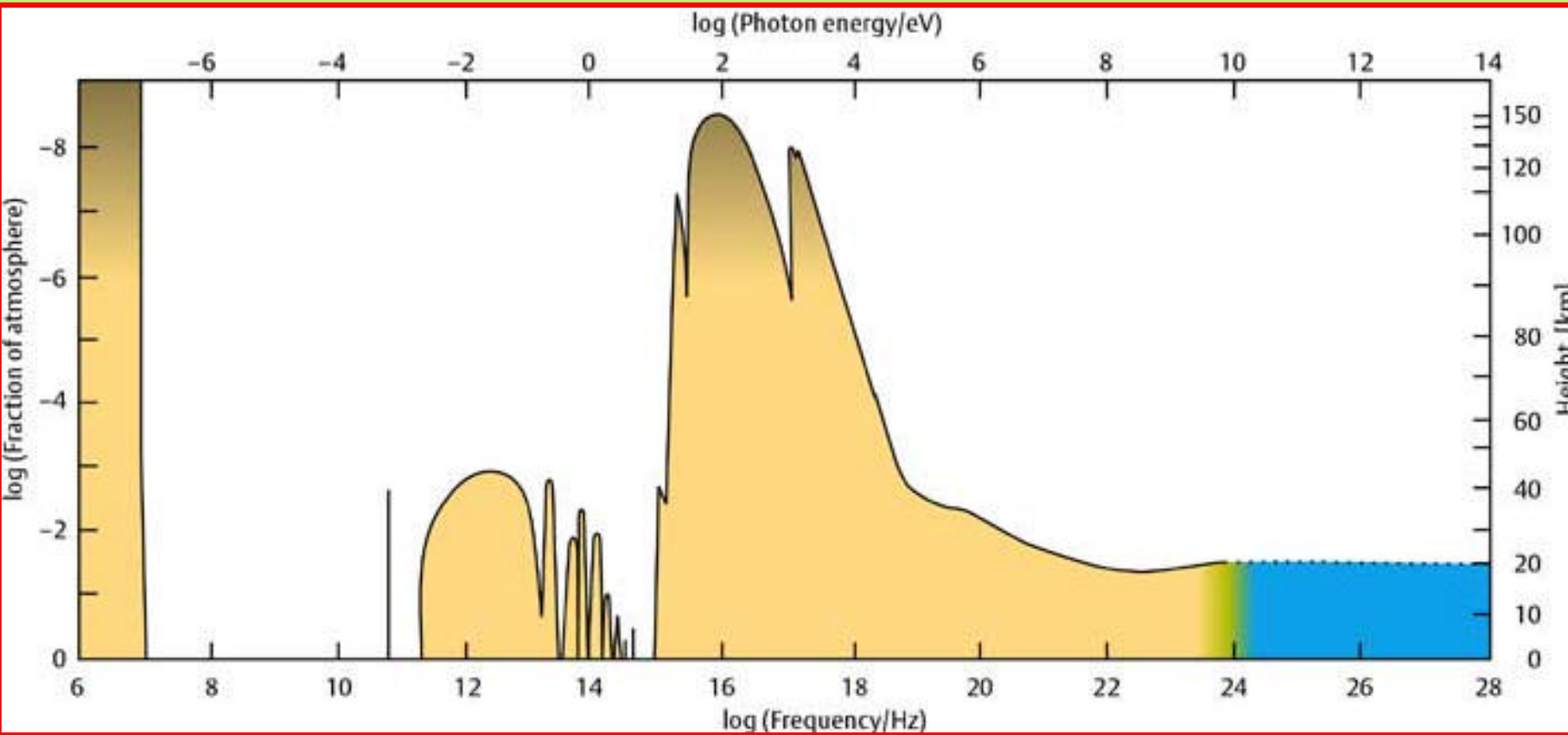
Onde corte

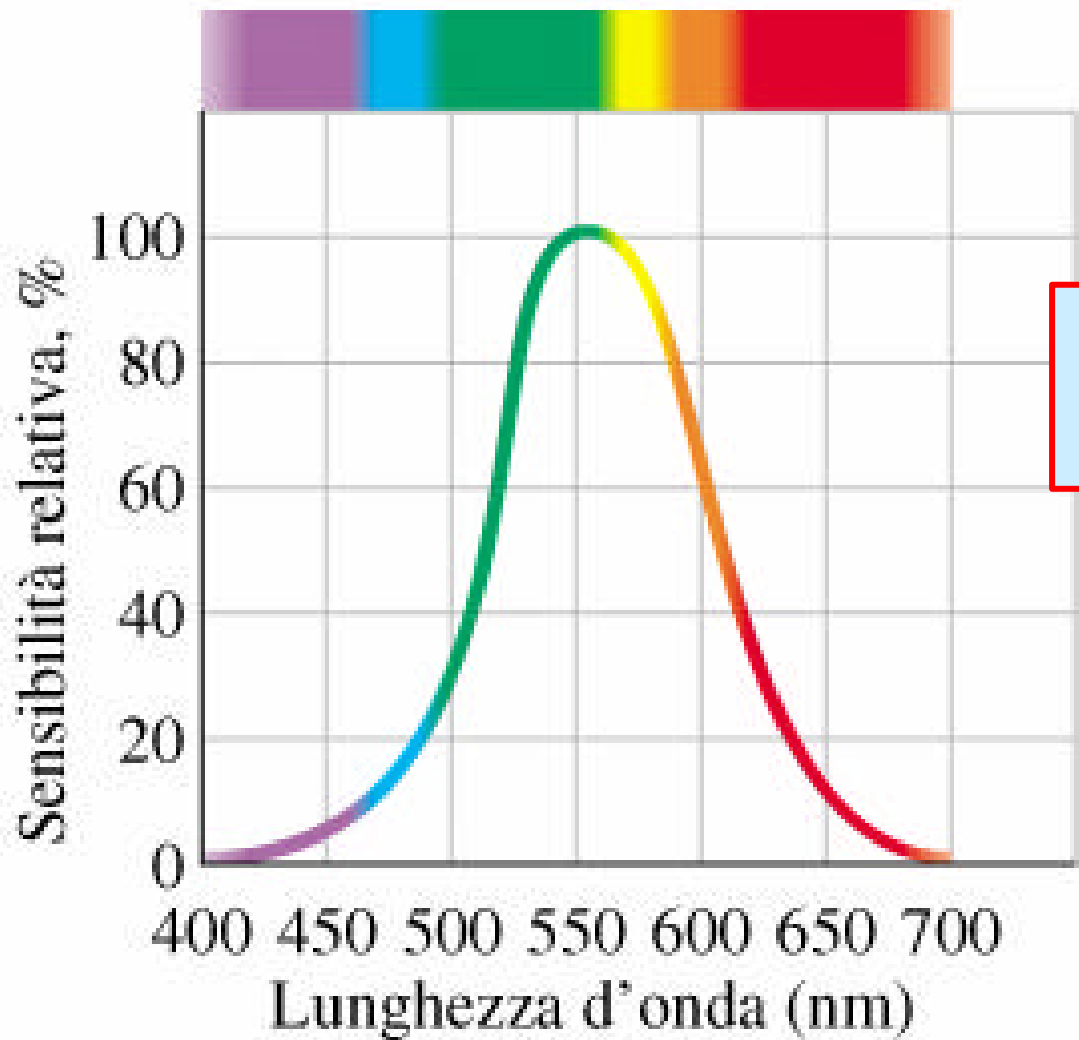
LO SPETTRO ELETTROMAGNETICO



Lo spettro visibile varia da circa 400 a circa 700 nm, ossia di un fattore 2. L'intero spettro elettromagnetico varia invece di 20 ordini di grandezza, dalle dimensioni di un nucleo a ~10 km

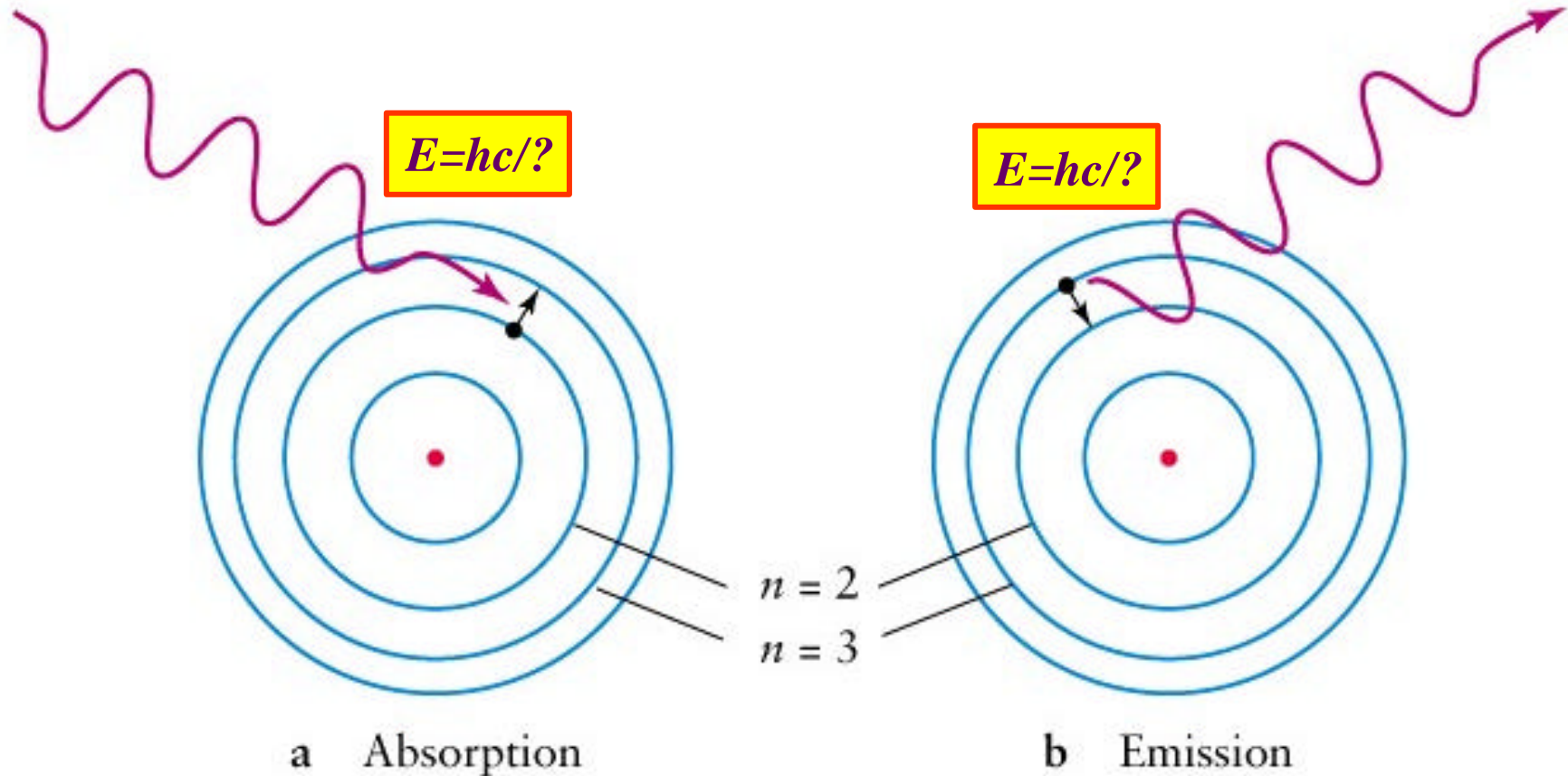
Trasparenza dell'atmosfera alla radiazione elettromagnetica

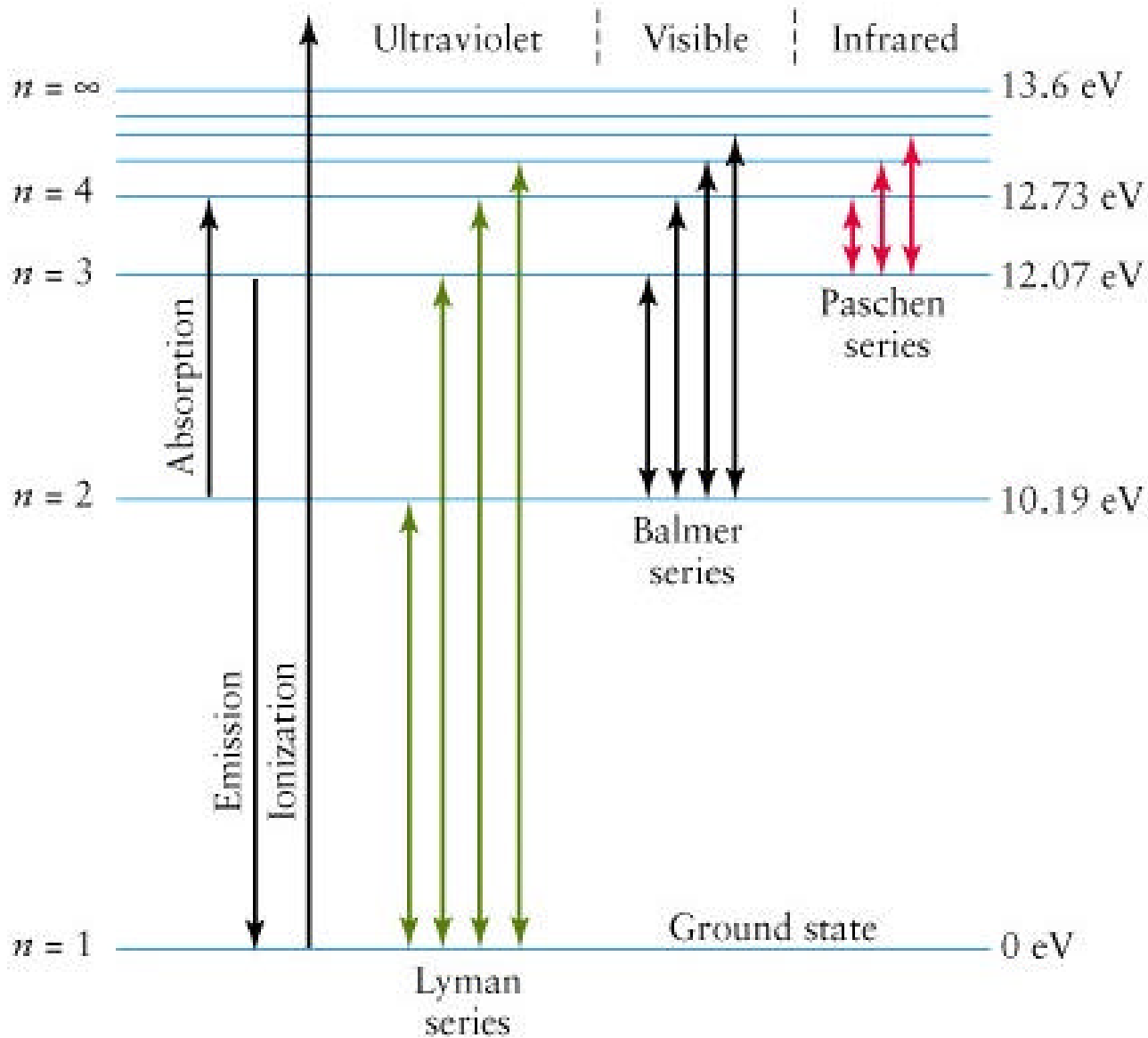




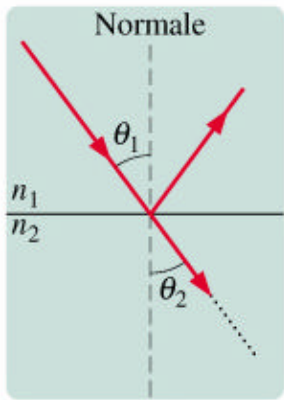
Sensibilità
dell'occhio umano

I fotoni sono emessi da salti di elettroni tra livelli energetici



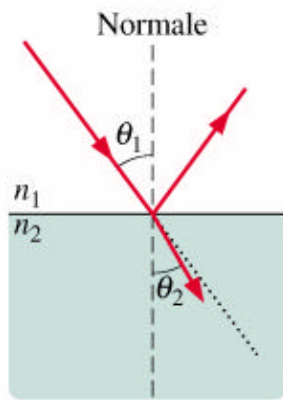


OTTICA GEOMETRICA



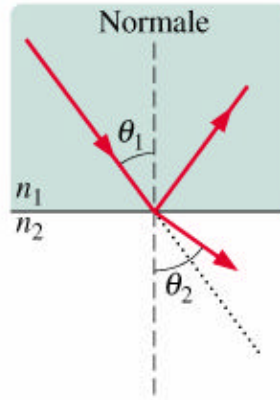
$$n_2 = n_1$$

(a)



$$n_2 > n_1$$

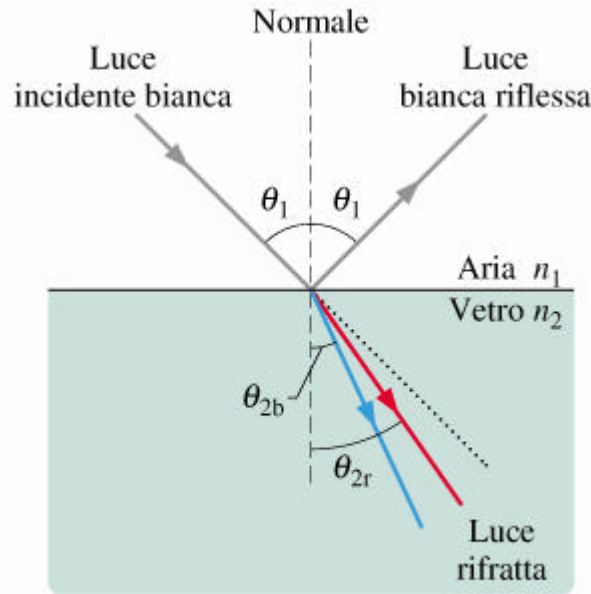
(b)



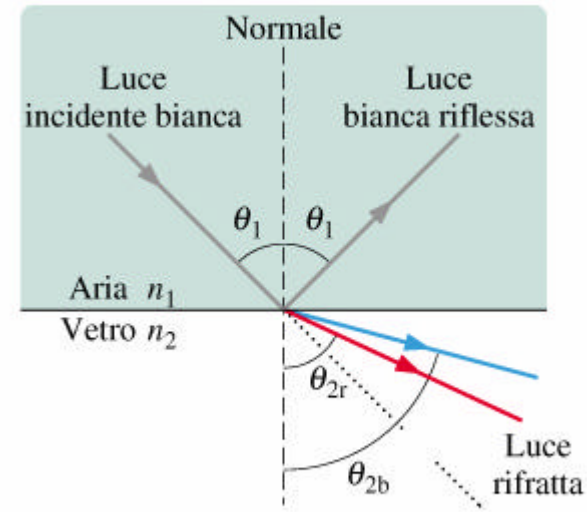
$$n_2 < n_1$$

(c)

da aria a vetro
o da vetro a
aria il blu e`
sempre piu`
rifratto del
rosso.



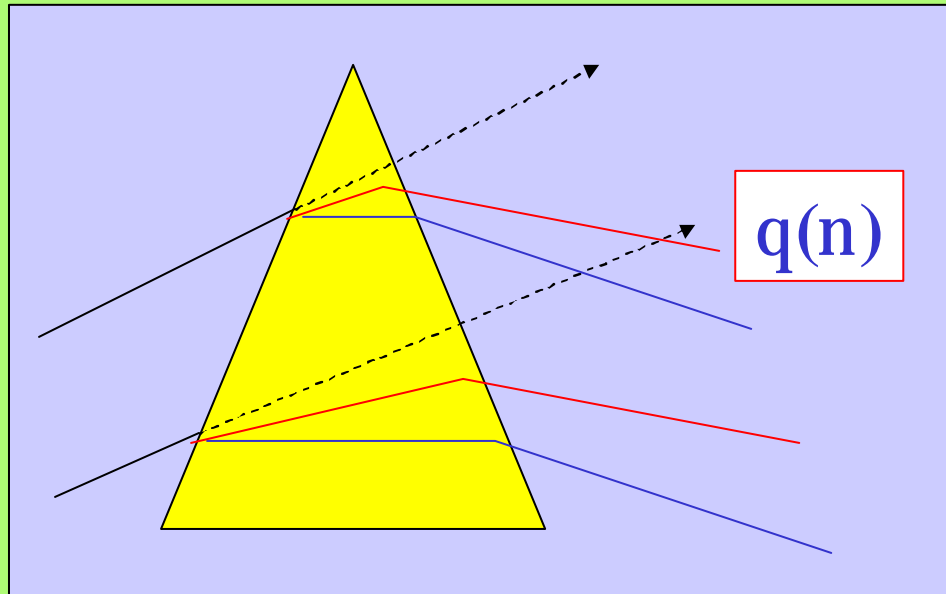
(a)



(b)

Dispersione della luce

La luce bianca è composta di radiazioni di diversa lunghezza d'onda le quali, attraversando un mezzo disperdente (prisma, goccia d'acqua, ecc...) sono rifratte ad angoli diversi. Il fenomeno è noto come dispersione della luce, ed è caratterizzato da angoli di deviazione piccoli per radiazioni di frequenza piccola (grande lunghezza d'onda) e grande deviazione per radiazione di frequenza grande.



Le leggi sulla riflessione e rifrazione sono riassunte dall'equazione:

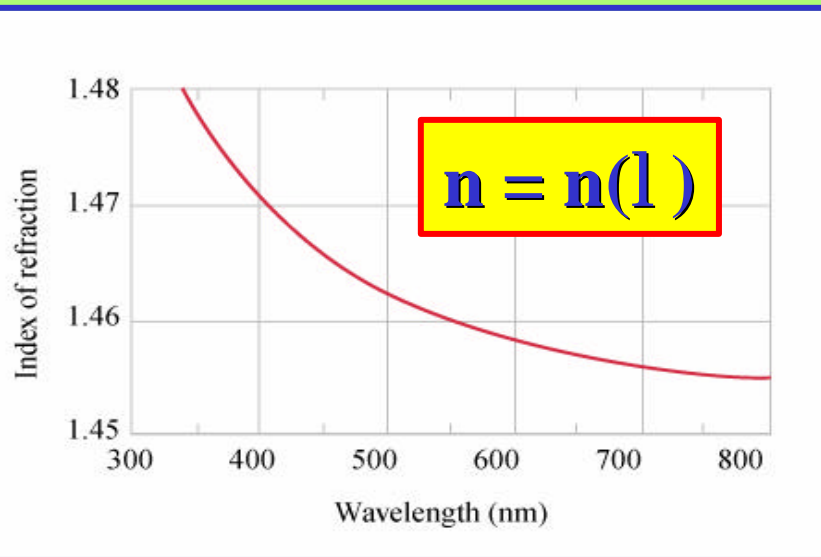
$$n_1 \sin i = n_2 \sin r$$

Vale il principio che il cammino ottico si può invertire. Ne seguono i concetti di riflessione totale e di angolo limite. Le fibre ottiche ne sono un esempio.

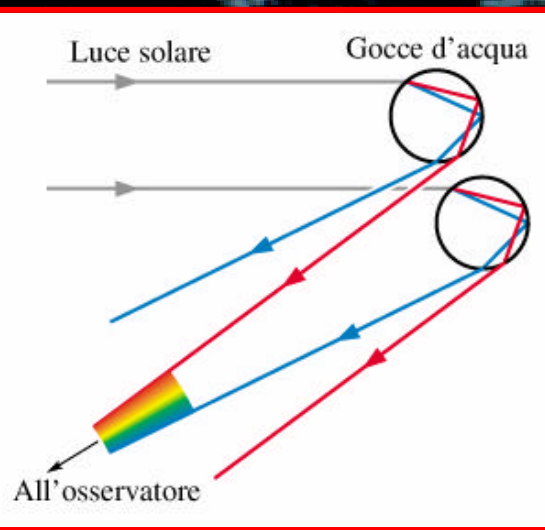
L'indice di rifrazione diminuisce al crescere della lunghezza d'onda:

$$n = n(\lambda) \geq 1$$

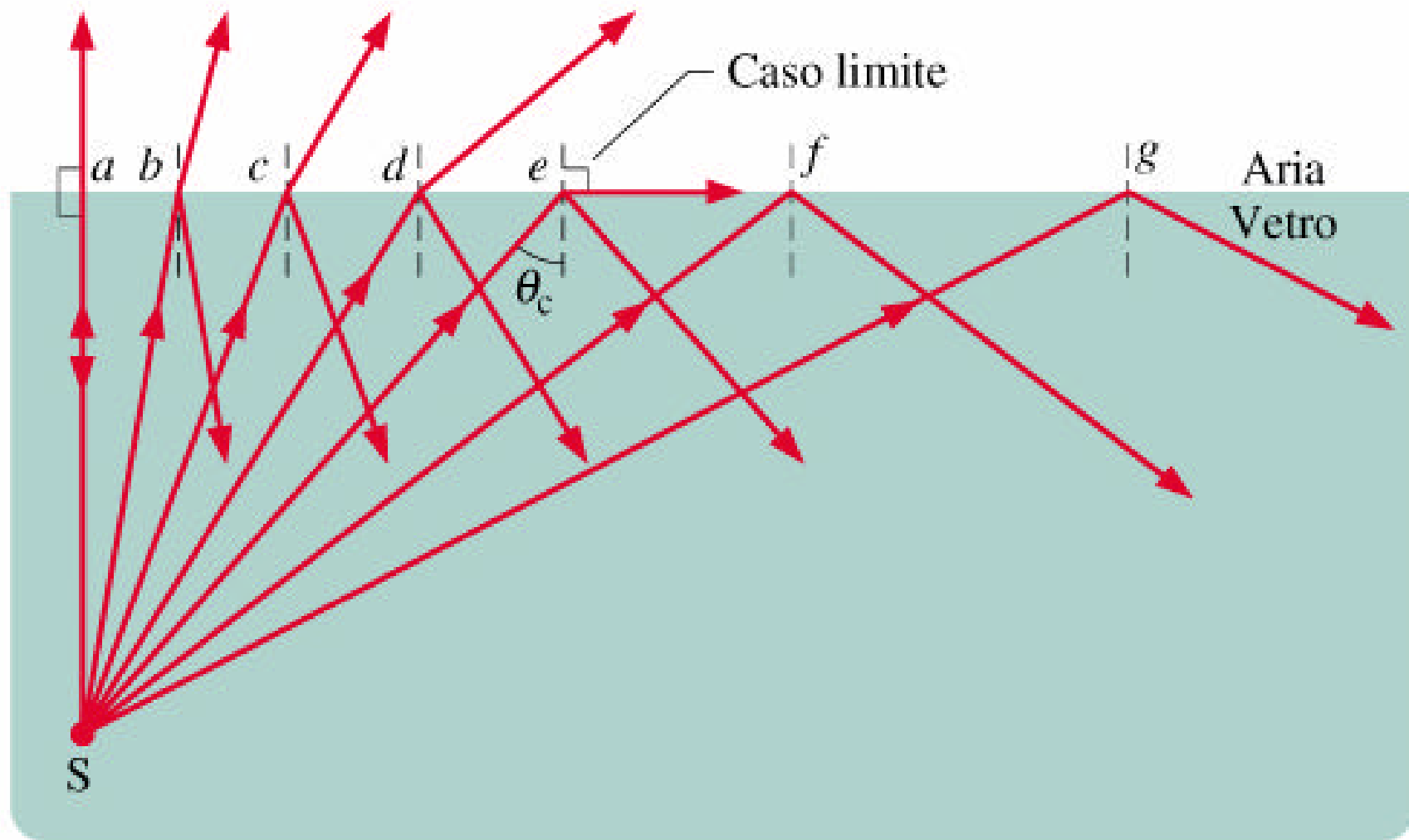
e vale 1 nel vuoto; la velocità della luce in un mezzo è $v = c/n$



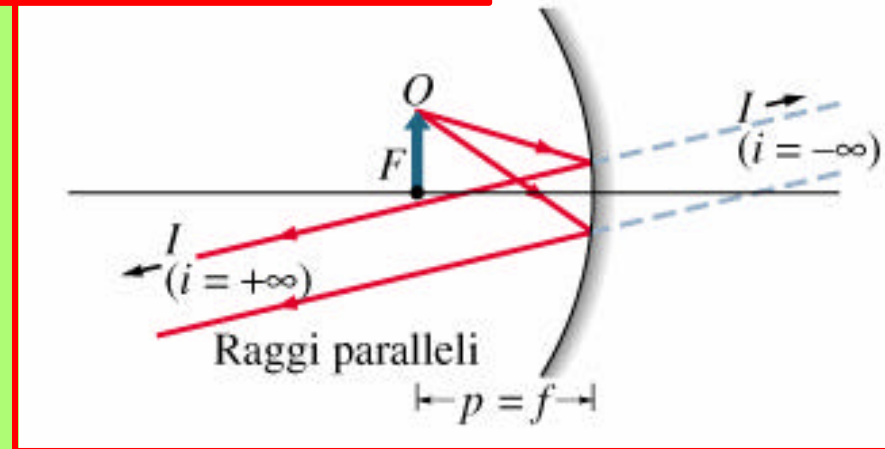
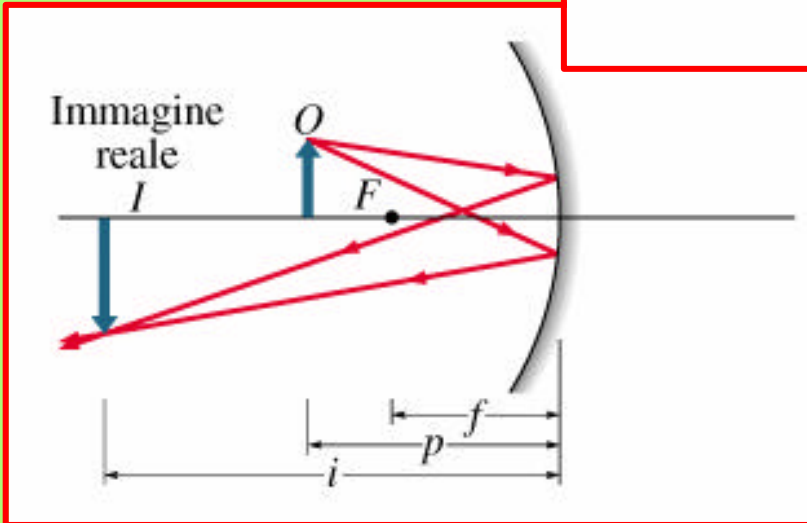
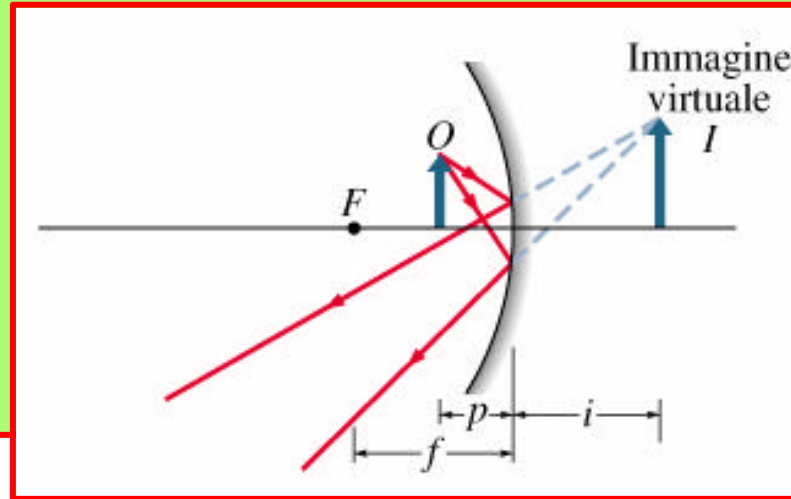
arcobaleno tipico esempio naturale di dispersione della luce.



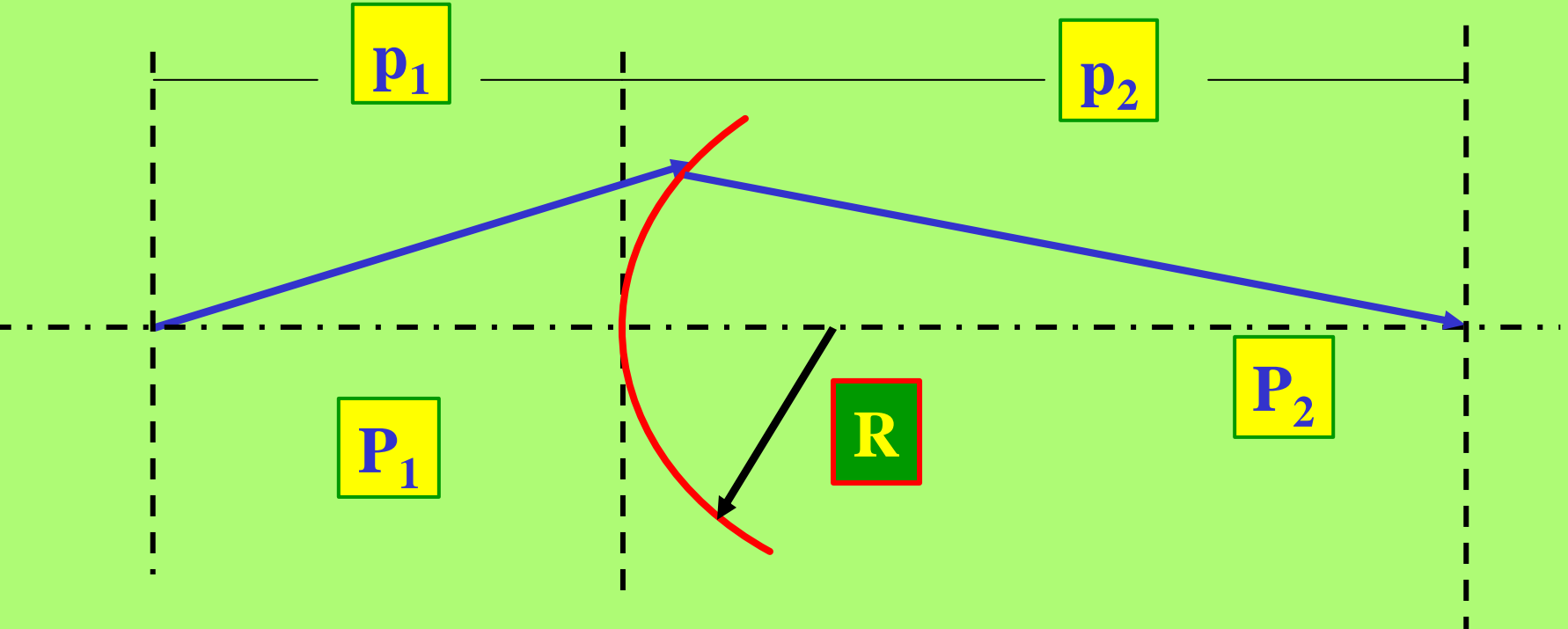
riflessione totale e angolo limite



Leggi della riflessione: esempi di costruzione dell'immagine in uno specchio concavo



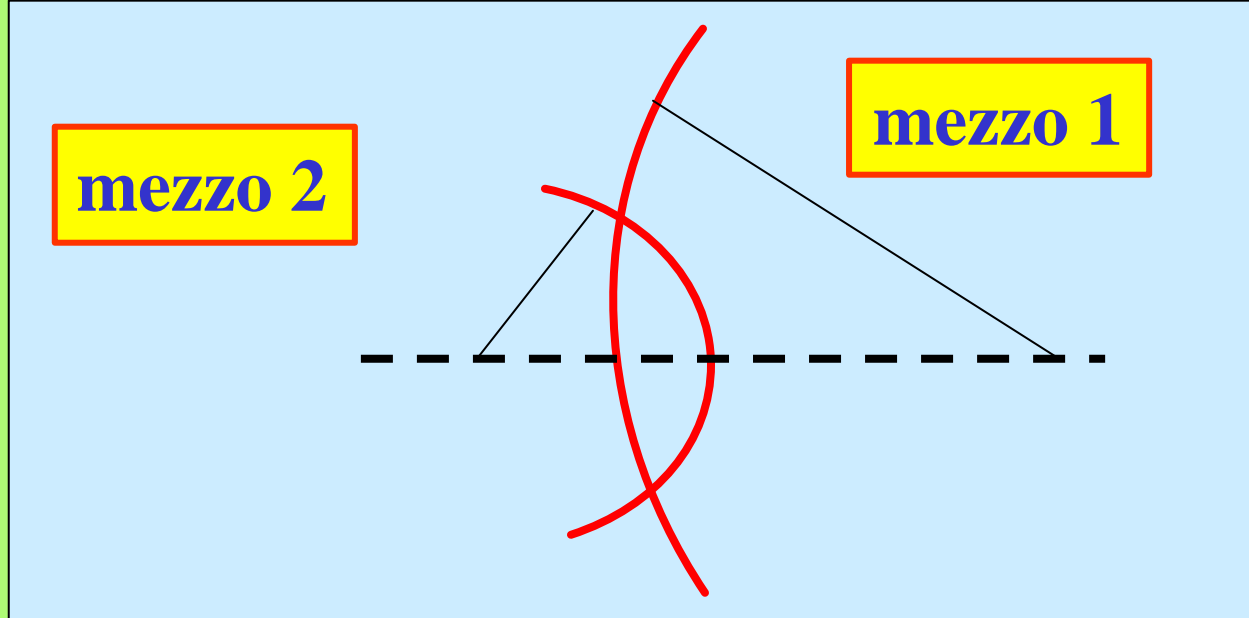
Si definisce **diottro sferico** l'insieme di due mezzi separati da una calotta sferica; l'asse ottico principale e' la retta congiungente il centro della sfera con il suo vertice.



Per radiazione monocromatica gli indici di rifrazione n_1 e n_2 di entrambi i mezzi sono costanti. Considerando piccoli angoli di incidenza le leggi della rifrazione consentono di ottenere una relazione tra la sorgente luminosa (posta nel punto P_1) e la sua immagine che si forma nel punto P_2 :

$$\frac{n_1}{p_1} + \frac{n_2}{p_2} = \frac{(n_2 - n_1)}{R}$$

dove p_1 e p_2 sono le distanze dei punti sorgente e immagine dal vertice del diottro, e R e' il suo raggio di curvatura.



La **lente sottile** puo essere considerata come una combinazione di 2 diottri sferici. La relazione che lega i diversi parametri della lente e` data da:

$$\frac{1}{p_1} + \frac{1}{p_2} = \left(\frac{n_2}{n_1} - 1 \right) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) = \frac{1}{f}$$

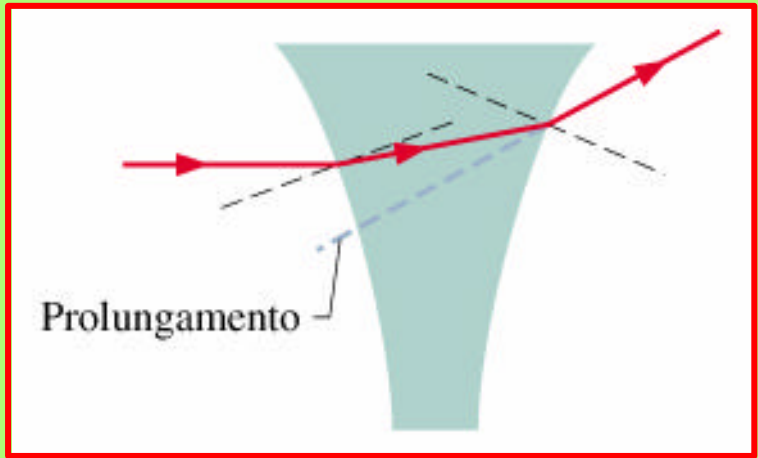
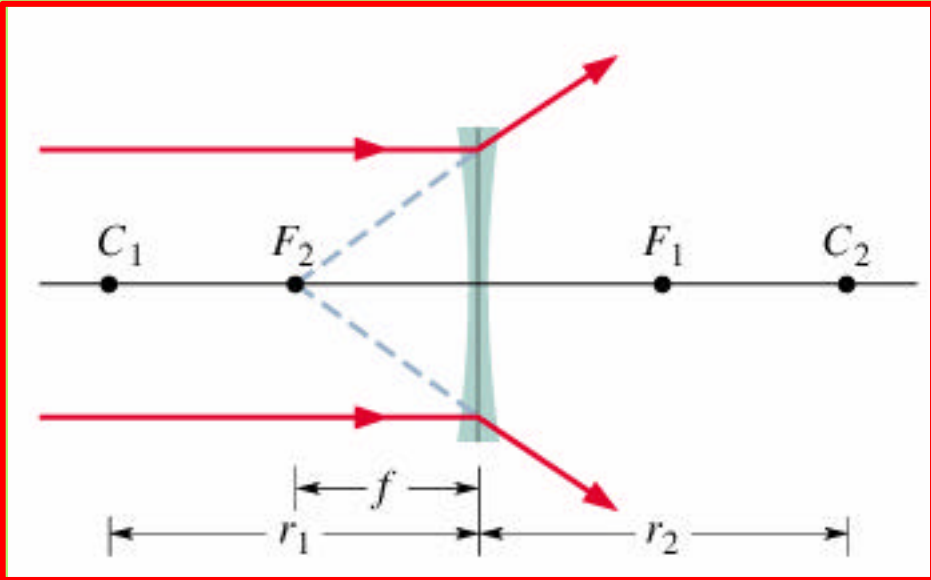
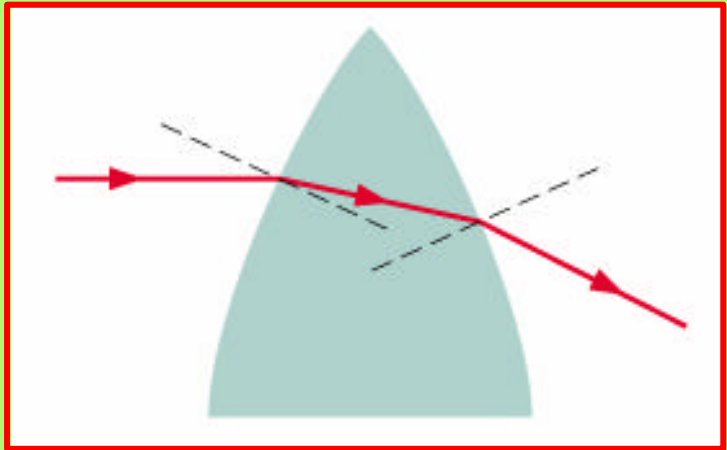
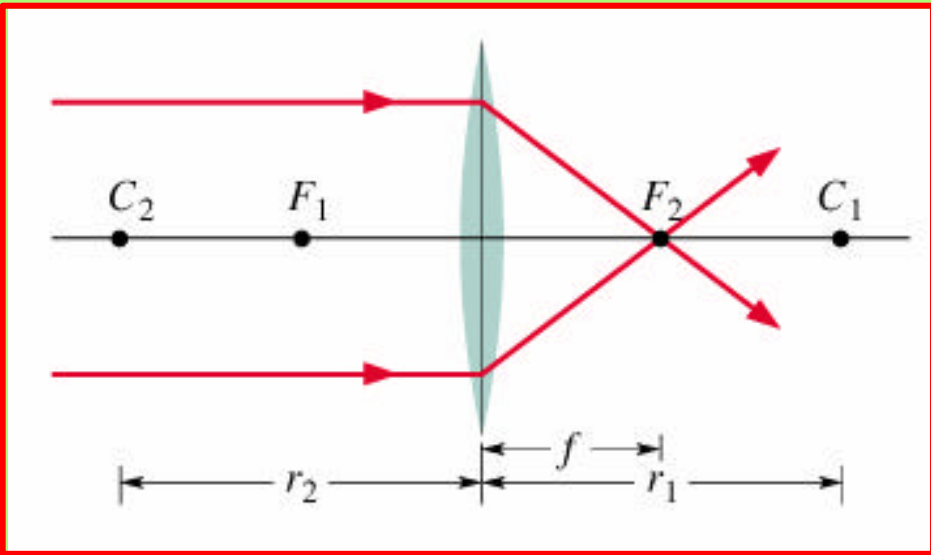
Se $n_2 > n_1$ la lente e` convergente, altrimenti divergente.

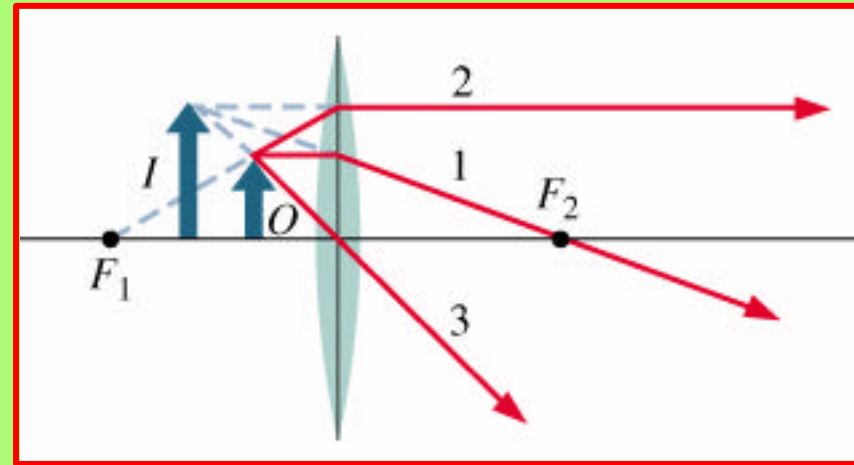
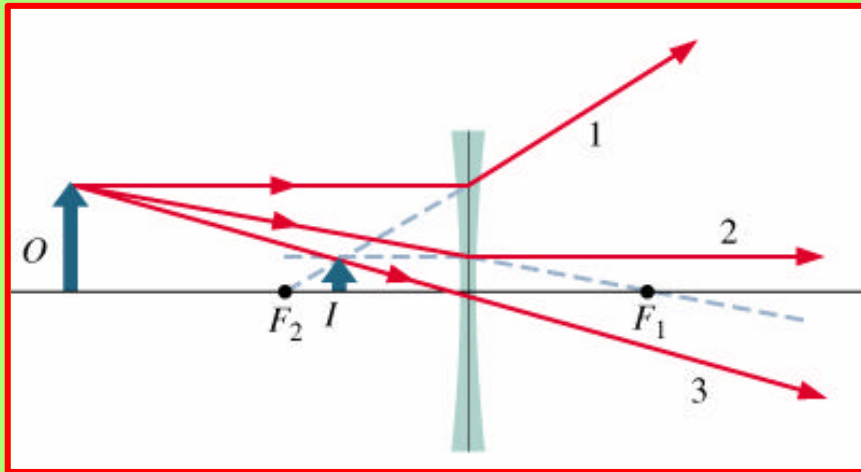
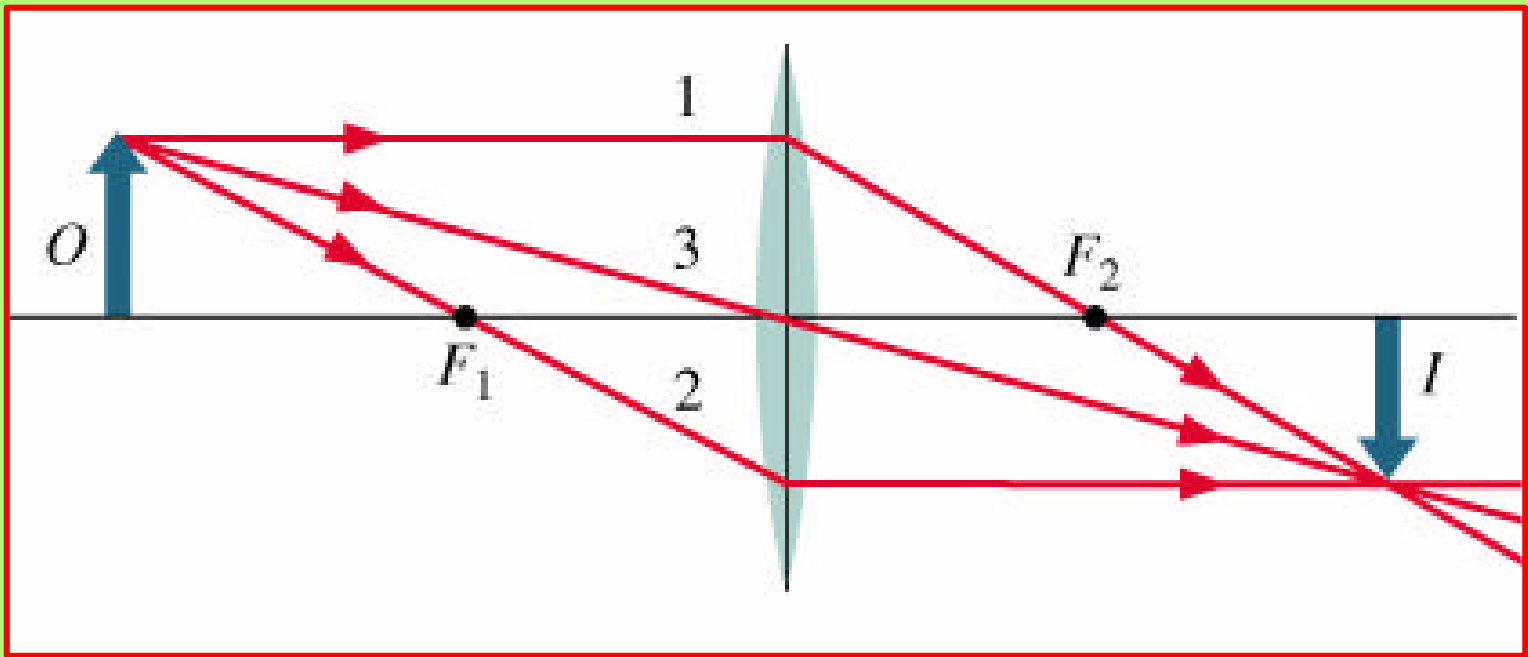
Per una data lente la quantità

$$\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} = K$$

è costante, ma il **potere diottrico** $1/f$ (misurato in diottrie se f è misurato in metri) dipende dal mezzo in cui la lente è immersa. Per una sorgente all'infinito ($p_1 = \infty$) il potere diottrico **$p_2 = f$** coincide con la distanza focale della lente.

Caratteristica di una lente è l'ingrandimento, che può essere lineare (rapporto tra lunghezza dell'immagine e dell'oggetto) o visuale (analogo rapporto tra gli angoli).



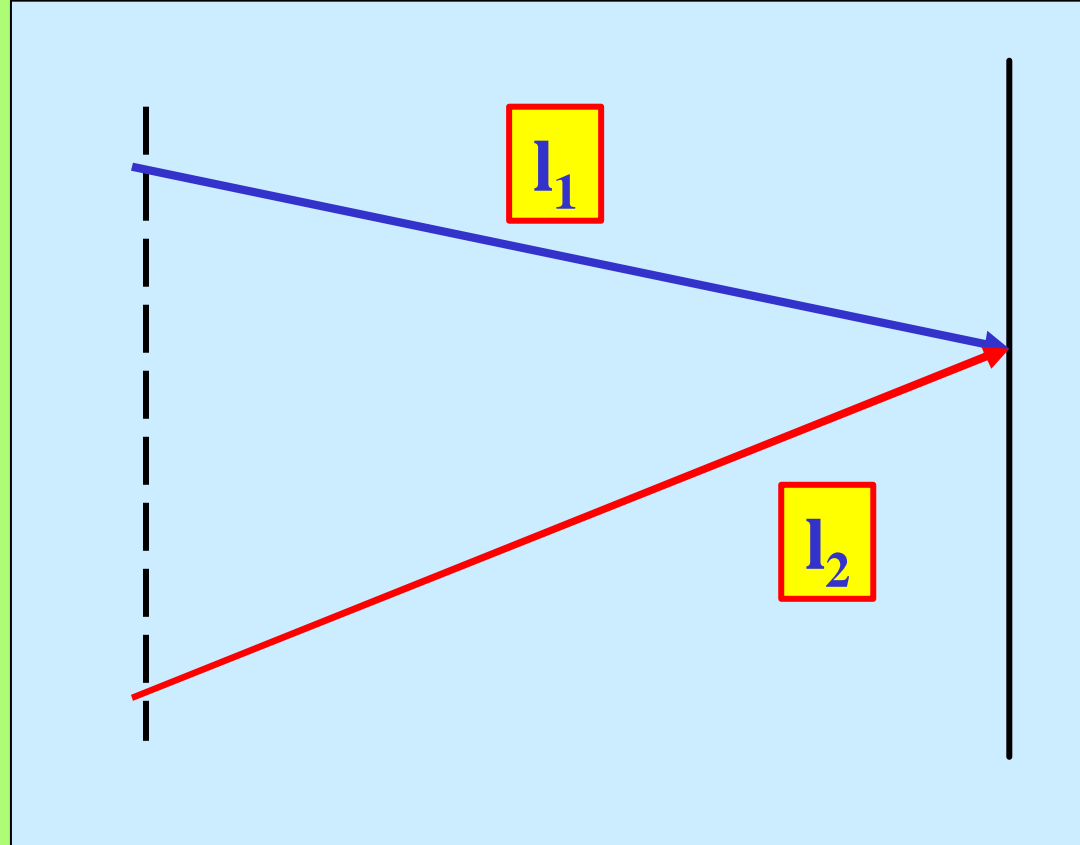


OTTICA FISICA

La natura della radiazione elettromagnetica, in particolare della luce, è sia **ondulatoria** che **corpuscolare**.

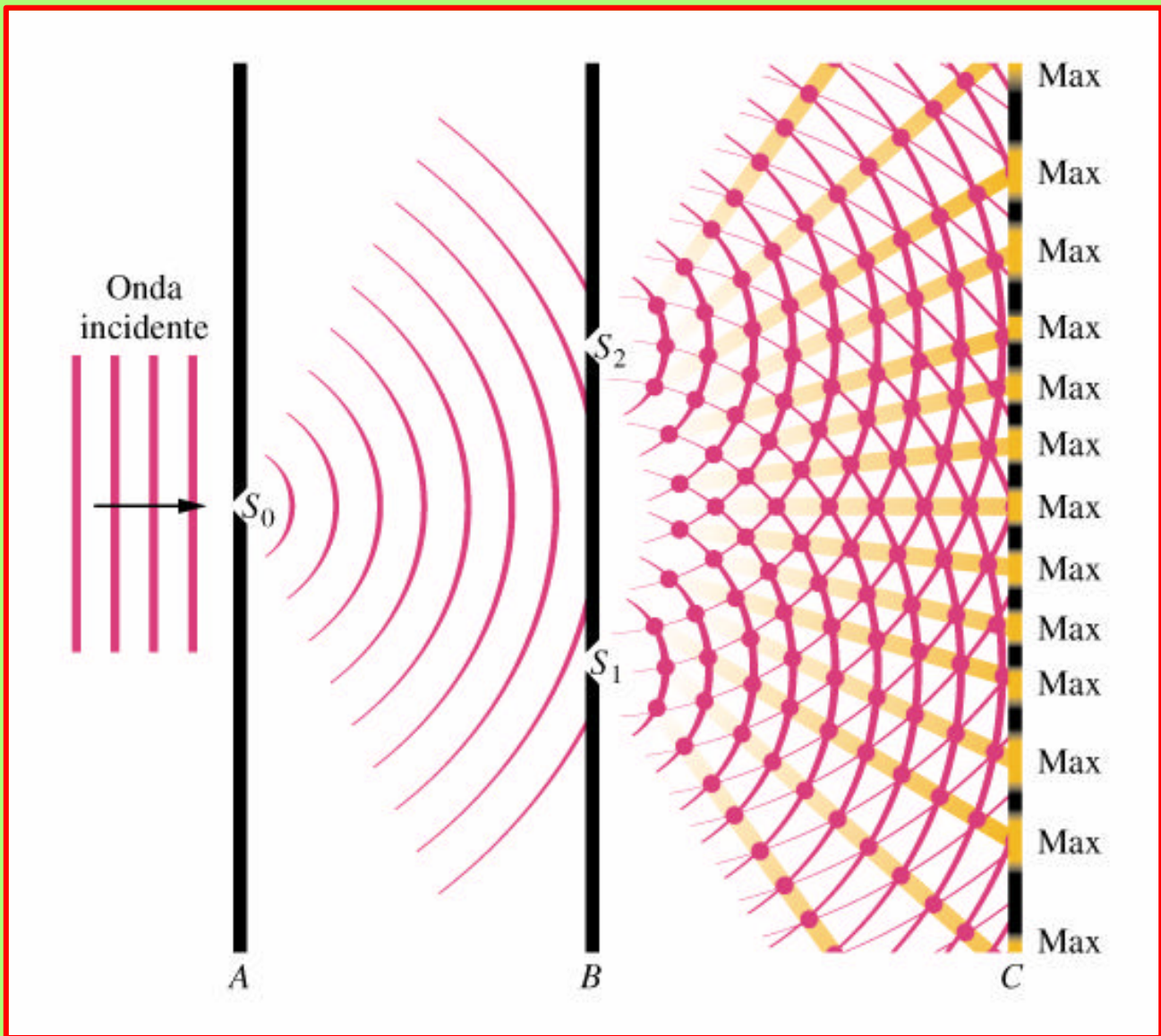
In certi casi la luce si comporta come un'onda (per es. nei fenomeni di interferenza e di diffrazione) oppure come una particella (per es. nell'effetto fotoelettrico o nell'effetto Compton). Se il medesimo raggio luminoso percorre due cammini ottici diversi, nel punto di arrivo la differenza di fase stabilisce se l'**interferenza** è costruttiva o distruttiva

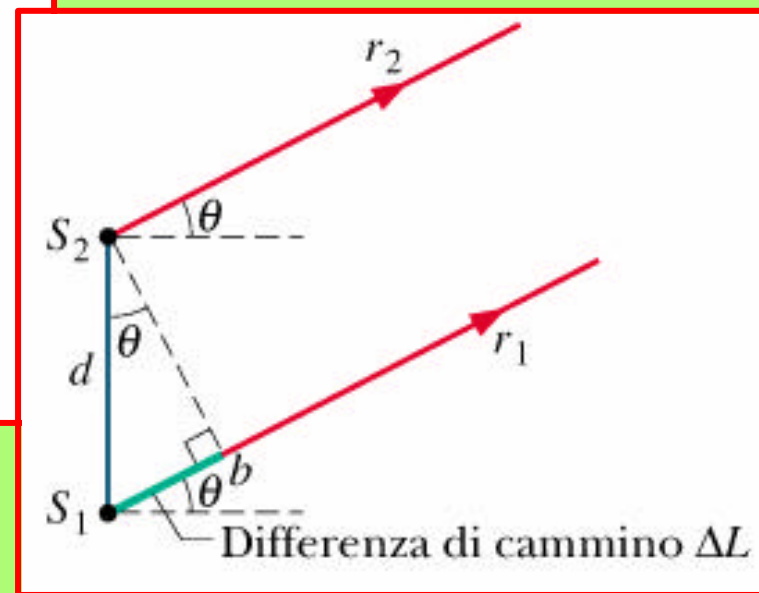
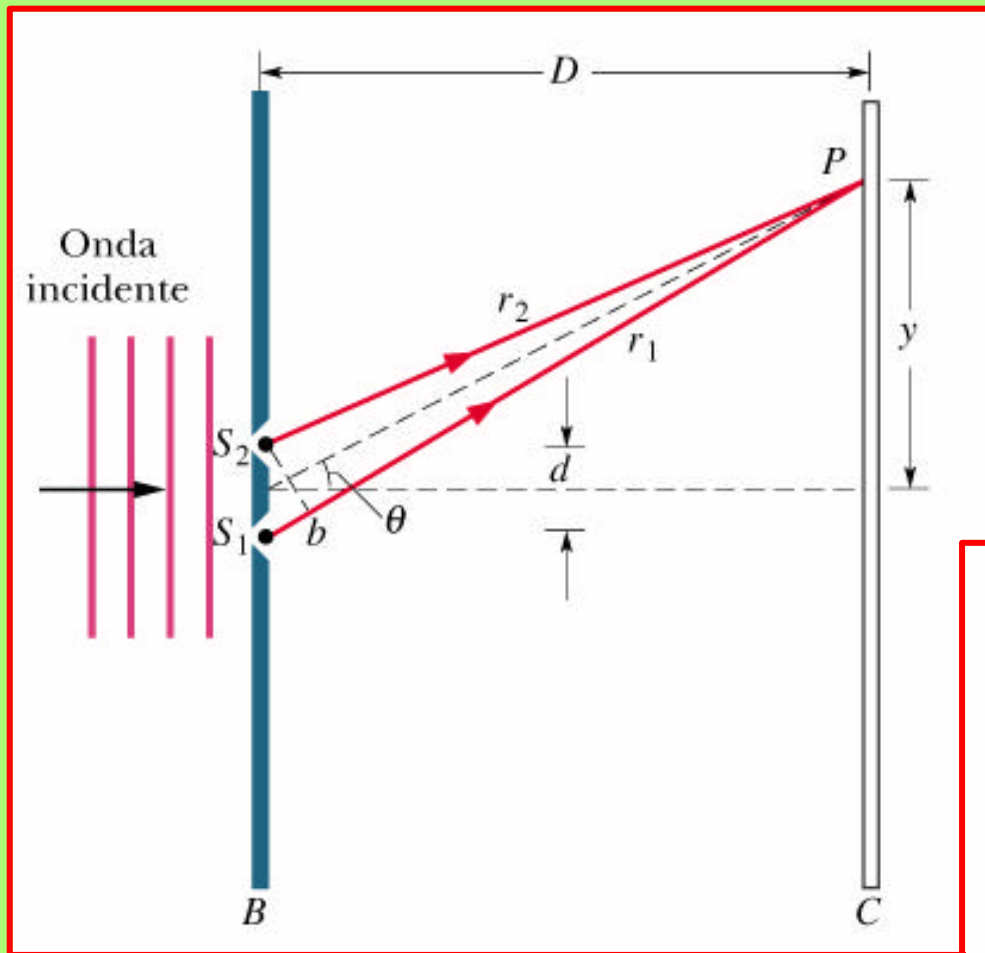
Una differenza di cammino ottico Δl comporta una differenza di fase sullo schermo



$$\Delta l = l_2 - l_1 = n\lambda = 2n\frac{\lambda}{2} \text{ in fase}$$

$$\Delta l = (2n + 1)\frac{\lambda}{2} \text{ in opposizione di fase}$$



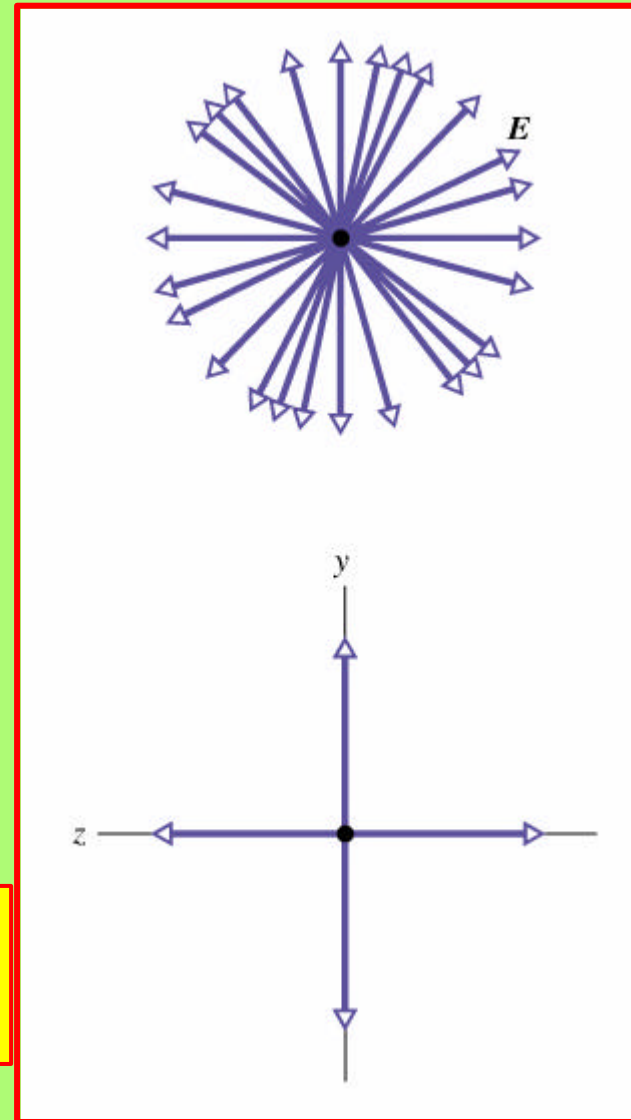


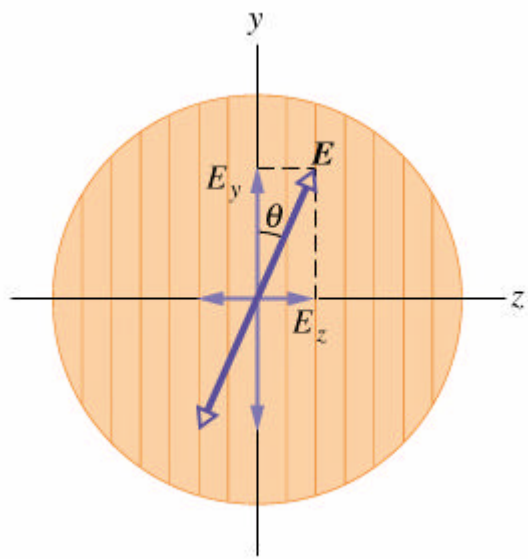
Polarizzazione della luce

La luce naturale non è polarizzata in quanto ogni sorgente emette fotoni in modo indipendente dagli atomi (o molecole) che la costituiscono, e ciascun fotone ha il piano del campo E orientato a caso.



$$I = \frac{1}{2} I_0$$





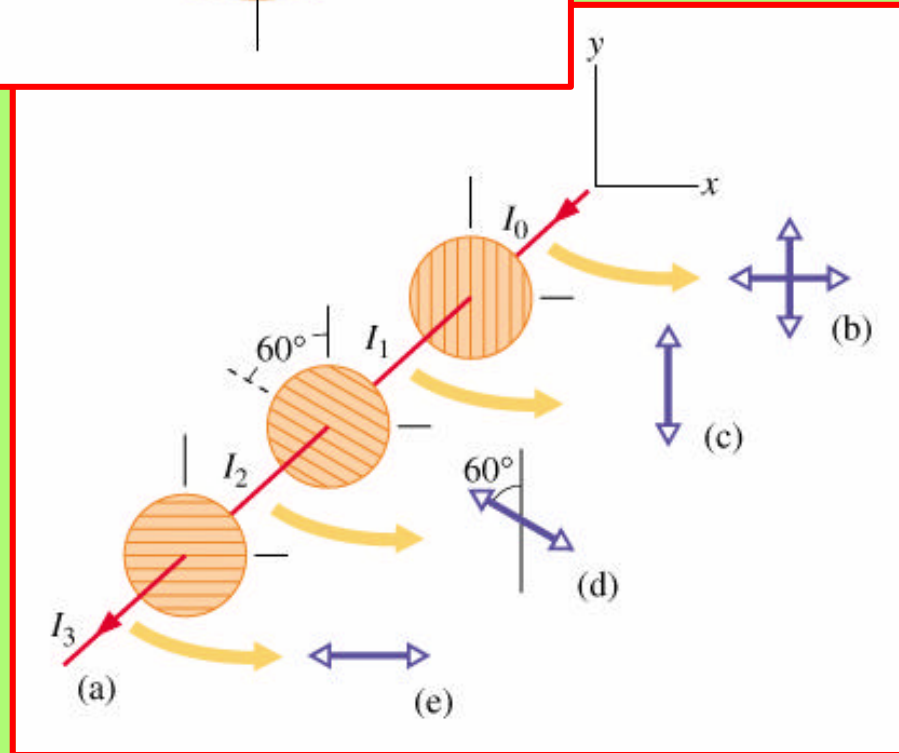
Se la luce e` gia` polarizzata esce da una lamina polarizzatrice con intensita`

$$I = I_0 \cos^2 \theta$$

per esempio:

$$\begin{aligned}
 I_3 &= I_2 \cos^2 30^\circ = \\
 &= (I_1 \cos^2 60^\circ) \cos^2 30^\circ = \\
 &= \frac{1}{2} I_0 \cos^2 60^\circ \cos^2 30^\circ = \\
 &= 0.094 I_0.
 \end{aligned}$$

Solo il 9,4% della luce esce dalle 3 lamine



**Fine della terza
parte**